

9 ページ基本例題 003 解答 (2) の上から 1, 2 行目

誤 $x_1 > 0, x_2 > 0$ に対して, $\log x_1 = \log x_2$ とする。

$$\text{このとき, } \log \frac{x_1}{x_2} = 0 \text{ となるから } \frac{x_1}{x_2} = 1$$

正 $x_1 > 0, x_2 > 0$ に対して, $\log_2 x_1 = \log_2 x_2$ とする。

$$\text{このとき, } \log_2 \frac{x_1}{x_2} = 0 \text{ となるから } \frac{x_1}{x_2} = 1$$

9 ページ基本例題 003 解答 (3)

誤 関数 f について, 例えば $x=0, 2\pi$ に対して $y=1$ が対応するから, x の値と y の値は 1 対 1 に対応しない。

正 関数 f について, 例えば $x=2\pi, 4\pi$ に対して $y=1$ が対応するから, x の値と y の値は 1 対 1 に対応しない。

10 ページ基本例題 004 解答 (2) の下から 2 行目

誤 $n=2n$ のとき $f_n(x) = x$ 正 $n=2m$ のとき $f_n(x) = x$

12 ページ合成関数の極限の下から 3 行目

誤 関数 $f(x), g(x)$ について, $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b, \lim_{x \rightarrow b} g(x) = \alpha$ とする。

正 関数 $f(x), g(x)$ について, $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b, \lim_{x \rightarrow b} g(x) = \alpha$ とし, $g(x)$ は $x=b$ で連続 (23 ページ参照) とする。

20 ページ重要例題 011 解答の上から 2 行目

誤 $x \neq 1$ のとき, 任意の正の実数 M に対して, $\delta = \sqrt{\frac{1}{M}}$ とする。

正 $x \neq 1$ のとき, 任意の正の実数 M に対して, $\delta = \frac{1}{\sqrt{M}}$ とする。

32 ページ基本例題 020 GUIDE & SOLUTION の下から 4 行目

誤 三角形の極限 正 三角関数の極限

48 ページ基本例題 030 解答 (2) の下から 3 行目

誤 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|\sin x| - |\sin 0|}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} -\frac{\sin x}{x} = -1$ 正 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|\sin x| - |\sin 0|}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \left(-\frac{\sin x}{x} \right) = -1$

48 ページ PRACTICE 26 (1)

誤 関数 $f(x)$ が $x=a$ で微分可能であるとき, $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x+ph) - f(x+h)}{h}$ を, $f'(a)$, p を用いて表せ。

正 関数 $f(x)$ が $x=a$ で微分可能であるとき, $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+ph) - f(a+h)}{h}$ を, $f'(a)$, p を用いて表せ。

80 ページ基本例題 048 GUIDE & SOLUTION

誤 $a_i = \frac{i}{n}$ ($0 \leq i \leq n$) であり

$$m_i = f(a_{i+1}) = 1 - \left(\frac{i+1}{n}\right)^2, \quad M_i = f(a_i) = 1 - \left(\frac{i}{n}\right)^2$$

である。

正 $a_i = \frac{i}{n}$ ($0 \leq i \leq n$) であり, $0 \leq i \leq n-1$ のとき

$$m_i = f(a_{i+1}) = 1 - \left(\frac{i+1}{n}\right)^2, \quad M_i = f(a_i) = 1 - \left(\frac{i}{n}\right)^2$$

である。

80 ページ基本例題 048 解答の上から 1 行目

誤 $a_i = \frac{i}{n}$ ($0 \leq i \leq n$) であり, $m_i = f(a_{i+1}) = 1 - \left(\frac{i+1}{n}\right)^2$, $M_i = f(a_i) = 1 - \left(\frac{i}{n}\right)^2$ である。正 $a_i = \frac{i}{n}$ ($0 \leq i \leq n$) であり, $0 \leq i \leq n-1$ のとき, $m_i = f(a_{i+1}) = 1 - \left(\frac{i+1}{n}\right)^2$, $M_i = f(a_i) = 1 - \left(\frac{i}{n}\right)^2$ である。

84 ページ置換積分の定理の下から 5 行目

誤 連続関数 $f(x)$ において, x が開区間 J 上で微分可能な関数 $x = g(t)$ ($t \in J$) で表されているとき, 次が成り立つ。正 連続関数 $f(x)$ において, x が開区間 J 上での C^1 級関数 $x = g(t)$ ($t \in J$) で表されているとき, 次が成り立つ。

89 ページ基本例題 055 解答の上から 8 行目

$$\text{誤} = bf(b) - af(a) - \int_a^b f(x)fx \quad \text{正} = bf(b) - af(a) - \int_a^b f(x)dx$$

92 ページ基本例題 058 側注の上から 8 行目

$$\text{誤} \quad dx = \frac{dx}{1+t^2} \quad \text{正} \quad dx = \frac{dt}{1+t^2}$$

104 ページ重要例題 066 解答の最終行

$$\text{誤} \quad F(x) = \frac{\pi}{x+1} \quad \text{正} \quad F(x) = \frac{\pi}{x+1} \quad (x > 0)$$

118 ページ定義 多変数関数のグラフの下から 4 行目

誤 $\{(x_1, x_2, \dots, x_n, y) \mid x_i \in \mathbb{R} (0 \leq i \leq n), y = f(x_1, x_2, \dots, x_n) \in \mathbb{R}\}$ 正 $\{(x_1, x_2, \dots, x_n, y) \mid x_i \in \mathbb{R} (1 \leq i \leq n), y = f(x_1, x_2, \dots, x_n) \in \mathbb{R}\}$

119 ページ基本例題 073 解答の上から 4 行目

誤 中心が点 $(0, 0, 4)$, 焦点が $(\pm 2, 0, 4)$, 正 中心が点 $(0, 0, 4)$, 焦点が $(\pm 2\sqrt{2}, 0, 4)$,

136 ページ基本例題 084 GUIDE & SOLUTION の下から 1, 2 行目

誤 下の解答のように、偏導関数の定義における、関数 $f(x, y)$ のグラフ上の各点 (a, b) で考える手順は形式的に省いてよい。

正 下の解答のように、偏導関数の定義における、関数 $f(x, y)$ の定義域内の各点 (a, b) で考える手順は形式的に省いてよい。

174 ページ 2 変数関数の重積分の性質の下から 7 行目

誤 このとき、任意の $i(0 \leq i \leq r)$ に対して、関数 $f(x, y)$ は各長方形領域 D_i 上でも積分可能であり、次が成り立つ。

正 このとき、任意の $i(1 \leq i \leq r)$ に対して、関数 $f(x, y)$ は各長方形領域 D_i 上でも積分可能であり、次が成り立つ。

186 ページ基本例題 111 [参考](#)

誤 [参考](#) 一般の n 変数関数 $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ の、有界閉領域 $D \subset \mathbb{R}^2$ における積分

$$\iint \dots \int_D f(x_1, x_2, \dots, x_n) dx_1 dx_2 \dots dx_n \text{ を } \mathbf{多重積分} \text{ という。}$$

正 [参考](#) 一般の n 変数関数 $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ の、有界閉領域 $D \subset \mathbb{R}^n$ における積分

$$\iiint \dots \int_D f(x_1, x_2, \dots, x_n) dx_1 dx_2 \dots dx_n \text{ を } \mathbf{多重積分} \text{ という。}$$

223 ページ PRACTICE 11 解答 (3)

解答を、次に丸ごとさしかえる。

$$f(x) = \frac{|\cos x|}{e^x} \text{ とする。}$$

$$0 \leq |\cos x| \leq 1 \text{ であるから } 0 \leq f(x) \leq \frac{1}{e^x}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{e^x} = 0 \text{ であるから } \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$$

次に、数列 $\{a_n\}, \{b_n\}$ を $a_n = \frac{\pi}{2} - 2n\pi, b_n = -2n\pi (n = 1, 2, 3, \dots)$ で定める。

$$\cos a_n = 0 \text{ であるから } \lim_{n \rightarrow \infty} f(a_n) = 0$$

$$\cos b_n = 1 \text{ であるから } \lim_{n \rightarrow \infty} f(b_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} e^{2n\pi} = \infty$$

よって、 $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ は **存在しない**。

232 ページ PRACTICE 26(1) 問題

誤 関数 $f(x)$ が $x = a$ で微分可能であるとき、 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x+ph) - f(x+h)}{h}$ を、 $f'(a), p$ を用いて表せ。

正 関数 $f(x)$ が $x = a$ で微分可能であるとき、 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+ph) - f(a+h)}{h}$ を、 $f'(a), p$ を用いて表せ。

232 ページ PRACTICE 26(1) 解答の上から1, 2行目

$$\begin{aligned} \text{誤} \quad \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x+ph) - f(x+h)}{h} &= \lim_{x \rightarrow a} \left\{ \frac{f(x+ph) - f(x)}{h} - \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \right\} \\ &= \lim_{x \rightarrow a} \left\{ p \cdot \frac{f(x+ph) - f(x)}{ph} - \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \right\} \\ \text{正} \quad \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+ph) - f(a+h)}{h} &= \lim_{h \rightarrow 0} \left\{ \frac{f(a+ph) - f(a)}{h} - \frac{f(a+h) - f(a)}{h} \right\} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \left\{ p \cdot \frac{f(a+ph) - f(a)}{ph} - \frac{f(a+h) - f(a)}{h} \right\} \end{aligned}$$

236 ページ PRACTICE 31 解答(2)の上から8行目

$$\text{誤} \quad x < 0 \text{ のとき } f(x) = -x^3 \text{ であるから } f'(x) = -3x^3$$

$$\text{正} \quad x < 0 \text{ のとき } f(x) = -x^3 \text{ であるから } f'(x) = -3x^2$$

251 ページ PRACTICE 51 解答の上から1, 2行目

$$\text{誤} \quad x > 1 \text{ において, } 0 < x^3 < x^3 + 5 \text{ であるから } \frac{1}{x^3 + 5} < \frac{1}{x^3}$$

$$\text{よって, } x > 1 \text{ において } \frac{x}{x^3 + 5} < \frac{x}{x^3} = \frac{1}{x^2}$$

$$\text{正} \quad x \geq 1 \text{ において, } 0 < x^3 < x^3 + 5 \text{ であるから } \frac{1}{x^3 + 5} < \frac{1}{x^3}$$

$$\text{よって, } x \geq 1 \text{ において } \frac{x}{x^3 + 5} < \frac{x}{x^3} = \frac{1}{x^2}$$

253 ページ PRACTICE 53 (別解)の上から5行目

$$\text{誤} \quad \text{よって } L = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{a}{2\cos^2 \frac{\theta}{2}} d\theta = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{a}{2\cos^3 t} \cdot 2dt = a \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dt}{\cos^3 t}$$

$$\text{正} \quad \text{よって } L = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{a}{2\cos^3 \frac{\theta}{2}} d\theta = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{a}{2\cos^3 t} \cdot 2dt = a \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dt}{\cos^3 t}$$

262 ページ PRACTICE 69(1) 解答の上から1行目

誤 平面の法線ベクトルを $\vec{n}_1 = (l, m, n)$ とする。

正 平面の法線ベクトルを $\vec{n}_1 = (l, m, n)$ とし, $\vec{u} = (-1, 2, 1)$ とする。

280 ページ PRACTICE 88 解答の下から7行目の側注

解答の下から5行目の側注とする。

284 ページ PRACTICE 94 解答(3)の最終行

$$\text{誤} = \frac{\left(\frac{7!!}{2^4} \sqrt{\pi}\right)^2}{8!} = \frac{5^2 \cdot 3^2}{2^8 \cdot 8!} \pi = \frac{35}{32768} \pi \quad \text{正} = \frac{\left(\frac{7!!}{2^4} \sqrt{\pi}\right)^2}{8!} = \frac{7^2 \cdot 5^2 \cdot 3^2}{2^8 \cdot 8!} \pi = \frac{35}{32768} \pi$$

288 ページ EXERCISES 4 解答 (2) の上から 1 行目

誤 任意の正の実数 ε に対して, $\delta = \varepsilon$ とする。 正 任意の正の実数 ε に対して, $\delta = \min\{1, \varepsilon\}$ とする。

316 ページ EXERCISES 43 解答の上から 6, 7, 8 行目

誤 このとき

$$f(r\cos\theta, r\sin\theta) = r^2\cos\theta\sin\theta\log r^2(\cos^2\theta + \sin^2\theta) = 2r^2\log r\cos\theta\sin\theta$$

$$\text{ゆえに } 0 \leq |f(r\cos\theta, r\sin\theta)| = |2r^2\log r\cos\theta\sin\theta| \leq 2 \left| \frac{\log r}{r^{-2}} \right|$$

正 このとき

$$f(r\cos\theta, r\sin\theta) = r^2\cos\theta\sin\theta\log\sqrt{r^2(\cos^2\theta + \sin^2\theta)} = r^2\log r\cos\theta\sin\theta$$

$$\text{ゆえに } 0 \leq |f(r\cos\theta, r\sin\theta)| = |r^2\log r\cos\theta\sin\theta| \leq \left| \frac{\log r}{r^{-2}} \right|$$

316 ページ EXERCISES 43 解答の下から 5 行目

誤 $\lim_{r \rightarrow 0} 2 \left| \frac{\log r}{r^{-2}} \right| = 0$ であるから $\lim_{r \rightarrow 0} |f(r\cos\theta, r\sin\theta)| = 0$

正 ゆえに $\lim_{r \rightarrow 0} |f(r\cos\theta, r\sin\theta)| = 0$