

8ページの最終行

誤 偽 正 真

11ページの最終行

誤 「～から得られる」, 「～から導かれる」 正 「～が得られる」, 「～が導かれる」

19ページの下から1～3行目

誤 N 正 \mathbb{N}

21ページ例題2

例題2の文言を, 次に丸ごとさしかえる。

2つの実数 a, b について, いかなる正の実数 ε に対しても $|a-b| < \varepsilon$ が成り立つならば, $a=b$ であることを示せ。また, 任意の自然数 n について $|a-b| \leq \frac{1}{n}$ ならば, $a=b$ であることを示せ。**証明** (前半) $a \neq b$ とすると, $|a-b| > 0$ であるから, $\varepsilon = |a-b|$ とする。ところが, 仮定より $|a-b| < \varepsilon$ であるから, 矛盾である。よって, $a=b$ である。(後半) $a \neq b$ とすると, $|a-b| > 0$ であるから, 系1-1 より $|a-b| > \frac{1}{n}$ となる自然数 n が存在する。ところが, 仮定より $|a-b| \leq \frac{1}{n}$ であるから, 矛盾である。よって, $a=b$ である。 ■

21ページの下から6, 7行目

誤 开区間 (a, b) ($a < b$) を考える。正の実数 $b-a$ と1に対して定理1-1 より, $(b-a)n > 1$ となる自然数 n がとれる。正 开区間 (a, b) ($a < b$) を考える。 $a < 0 < b$ のとき, 开区間 (a, b) は有理数0を含む。 $a < b < 0$ のとき, 开区間 $(-b, -a)$ が有理数 r を含むなら开区間 (a, b) は有理数 $-r$ を含む。よって, $0 < a < b$ のときを証明すれば十分である。正の実数 $b-a$ と1に対して定理1-1 より, $(b-a)n > 1$ となる自然数 n がとれる。

22ページ練習7(2)の最終行

誤 有理数 正 有理数 a 30ページ例題4の直下の**注意**の最終行

誤 また, 例題4はアルキメデスの原理(定理1-1)の系(p.20)とも言い換えられる。

正 また, 例題4はアルキメデスの原理(定理1-1)の言い換えであると解釈することもできる。

30ページ練習6

誤 練習5の各数列について, 正の無限大に発散する, 負の無限大に発散する, または振動するかを答え, 証明せよ。

正 練習5の各数列について, 正の無限大に発散する, 負の無限大に発散する, または振動(すなわち, 収束せず正の無限大にも負の無限大にも発散しない)するかを答え, 証明せよ。

57 ページ定理1-2の下から3行目

誤 関数 $f(x)$, $g(x)$, および実数 a について, $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b$, $\lim_{x \rightarrow b} g(x) = \alpha$ とする。

正 関数 $f(x)$, $g(x)$ について, $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = b$, $\lim_{x \rightarrow b} g(x) = \alpha$ とし, $g(x)$ は $x=b$ で連続** とする。

57 ページ注釈

注釈に次の文言を追加する。

** 関数の連続性は, 定義3-1 (p.71) を参照。

62 ページ例1の直下の上から2行目のルビ

誤 イプロシンドelta 正 イプシロンデルタ

80 ページ図版

1番左の図版の y 軸上に -1 を追加する。

また, 左から2番目と3番目の図版の間の π を削除する。

86 ページ図版

該当の図版をさしかえた。

88 ページの下から20行目

誤 直線 L 指定し, 正 直線 L を指定し,

110 ページの下から4行目

誤 p.88 正 p.90

111 ページの下から6行目

誤 $f(a) < 0, f(b) > 0$ 正 $f(a) > 0, f(b) < 0$

115 ページ例題3解答の下から2行目

誤 $f(x) = e^0$ から1 正 $e^0 = 1$

122 ページ例1図版

原点として O を追加し, y 軸上に -1 の目盛りを追加する。

127 ページの下から3行目

誤 これが点 P における放物線の方程式である。 正 これが点 P における放物線の接線の方程式である。

136 ページ定理 2-2 の下から 4 行目

誤 連続関数 $f(x)$ において, x が開区間 J 上の t についての微分可能な関数 $x=x(t)$ であるとするとき, 次が成り立つ。

正 連続関数 $f(x)$ において, x が開区間 J 上の t についての C^1 級関数 $x=x(t)$ であるとするとき, 次が成り立つ。

142 ページ **注意** の最終行

$$\text{誤 } \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}\log(x^2 + x + 1) + \sqrt{3}\text{Tan}^{-1}\frac{2x+1}{\sqrt{3}} + 2\log|x-1| + \frac{1}{x-1} + C$$

$$\text{正 } \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}\log(x^2 + x + 1) + \frac{1}{\sqrt{3}}\text{Tan}^{-1}\frac{2x+1}{\sqrt{3}} + 2\log|x-1| + \frac{1}{x-1} + C$$

145 ページの最終行

$$\text{誤 } \int \frac{dx}{\cosh^2 x} = \tanh^2 x + C \quad \text{正 } \int \frac{dx}{\cosh^2 x} = \tanh x + C$$

148 ページ例 2 図版

誤 e 正 1

149 ページ例題 1 証明の上から 3 行目

$$\text{誤 } -\frac{\varepsilon^{k+1}}{k+1} + \frac{(b-a)^{k+1}}{k+1} \rightarrow \begin{cases} \frac{(b-a)^{k+1}}{k+1} & (k+1 > 0) \\ -\infty & (k+1 < 0) \end{cases}$$

$$\text{正 } -\frac{\varepsilon^{k+1}}{k+1} + \frac{(b-a)^{k+1}}{k+1} \rightarrow \begin{cases} \frac{(b-a)^{k+1}}{k+1} & (k+1 > 0) \\ \infty & (k+1 < 0) \end{cases}$$

150 ページ練習 3 (1)

$$\text{誤 (1) } \int_a^\infty x^k dx = \begin{cases} -\frac{a^{k+1}}{k+1} & (k < -1) \\ \text{発散} & (k \geq -1) \end{cases} \quad \text{正 (1) } \int_a^\infty x^k dx = \begin{cases} -\frac{a^{k+1}}{k+1} & (k < -1) \\ \text{発散} & (k \geq -1) \end{cases}$$

150 ページの上から 5 行目

$$\text{誤 } \lim_{\varepsilon \rightarrow +0} \int_c^{b-\varepsilon} f(x) dx \quad \text{正 } \lim_{\varepsilon' \rightarrow +0} \int_c^{b-\varepsilon'} f(x) dx$$

150 ページ例 4 の上から 4 行目

$$\text{誤 } \int_{-1}^1 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = \lim_{\varepsilon \rightarrow +0} \int_{-1+\varepsilon}^0 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} + \lim_{\varepsilon' \rightarrow +0} \int_0^{1-\varepsilon'} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$\text{正 } \int_{-1+\varepsilon}^{1-\varepsilon'} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = \int_{-1+\varepsilon}^0 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} + \int_0^{1-\varepsilon'} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}$$

153 ページ例題3 (証明)の上から1行目

誤 $p.148$ 正 $p.149$

158 ページ補題4-2 の直下の上から1行目

誤 $p.157$, 補題4-2 により, 任意の正の実数 p, q に対して

正 補題4-2 により, 任意の正の実数 p, q に対して

158 ページ補題4-2 (証明)の直下の上から1行目

誤 $p.157$, 補題4-2 により, 任意の正の実数 p, q に対して

正 補題4-2 により, 任意の正の実数 p, q に対して

163 ページ例1の上から5, 6行目

誤 第1章章末問題9 正 第1章章末問題5

168 ページ6

誤 $(\alpha \leq \theta \beta)$ 正 $(\alpha \leq \theta \leq \beta)$

168 ページ7(2)

誤 $0 \leq \theta \leq \alpha$ 正 (2) $0 \leq \theta \leq 2\pi$

172 ページ定理1-1 (証明)の下から5行目

誤 $A > 0$ より 正 $A \geq 0$

172 ページ定理1-1 (証明)の下から4, 5行目

下から4, 5行目の間に, 次の文言を追加する。

$A = 0$ のとき(*)は成り立つから, $A > 0$ のとき

173 ページ定義1-3 の下から2行目

誤 $N(x, \delta) \subseteq U$ 正 $N(x, \delta) \subset U$

173 ページ注意の最終行

誤 $N(x, \delta) \subseteq U$ 正 $N(x, \delta) \subset U$

174 ページ定義1-4 の下から4行目

誤 $\sigma \subseteq S$ 正 $\sigma \subset S$

175 ページ定理1-2 (証明)の上から4, 6行目

誤 $N(y, \delta) \subseteq N(x, r)$ 正 $N(y, \delta) \subset N(x, r)$

175 ページ練習 2

誤 \mathbb{R}^1 正 \mathbb{R}

176 ページ定義 1-6 の最終行

誤 $S \subseteq N(x, r)$ 正 $S \subset N(x, r)$

176 ページ定義 1-6 の直下の上から 2 行目

誤 $N(x, r) \subseteq N(O, d+r)$ 正 $N(x, r) \subset N(O, d+r)$

176 ページ例 5 の下から 2 行目

誤 $[a, a'] \times [b, b'] \subseteq N(P, R)$ 正 $[a, a'] \times [b, b'] \subset N(P, R)$

177 ページ例題 1 (証明) の下から 4 行目

誤 $N(P, \delta) \subseteq U$ 正 $N(P, \delta) \subset U$

177 ページ練習 4 (1)

誤 $S^\circ = \{x \in S \mid \exists \varepsilon > 0 \text{ such that } N(x, \varepsilon) \subseteq S\}$ 正 $S^\circ = \{x \in S \mid \exists \varepsilon > 0 \text{ such that } N(x, \varepsilon) \subset S\}$

177 ページ練習 4 (2) の最終行

誤 $r \geq 0$ 正 $r > 0$

180 ページ練習 1 の最終行

誤 曲線の方程式を調べよ。 正 曲線の方程式と、その形状を調べよ。

180 ページ練習 2 の下から 2 行目

誤 曲線の方程式とその形状を求めよ。 正 曲線の方程式を求めよ。

182 ページ例題 1 解答の上から 2 行目, 下から 4 行目, 図版と練習 3 の直下の上から 2 行目

誤 l 正 ℓ

188 ページ練習 8

問題の文言を, 次の文言に丸ごとさしかえる。

U を \mathbb{R}^n の開集合とし, $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^n$ を連続写像とする。 $r \in \mathbb{R}$ について $f(r) \in U$ ならば, r を含む \mathbb{R} の開区間 I が存在して $f(I) \subset U$ となることを示せ。ただし, $f(I) = \{f(a) \mid a \in I\}$ である。

192 ページ定理 3-1 (証明) の上から 2 行目

誤 $F = [c_1, d_1] = [c_2, d_2] \times \cdots \times [c_m, d_m]$ 正 $F = [c_1, d_1] \times [c_2, d_2] \times \cdots \times [c_m, d_m]$

198 ページの下から10行目

誤 $x=f(a)$ 正 $x=a$

203 ページ定理1-1 (証明)の上から1行目

誤 $p.99$ 正 $p.199$

203 ページ例2の上から1行目

誤 $p.184, 5章$ 例題3の, \mathbb{R}^2 で定義された 正 \mathbb{R}^2 で定義された

205 ページの上から1行目

$$\begin{aligned} \text{誤} &\leq \left| \frac{\{f_x(h, y) - f_x(a, b)\}s + \{f_y(a, k) - f_y(a, b)\}t}{\sqrt{s^2 + t^2}} \right| \\ \text{正} &= \left| \frac{\{f_x(h, y) - f_x(a, b)\}s + \{f_y(a, k) - f_y(a, b)\}t}{\sqrt{s^2 + t^2}} \right| \end{aligned}$$

211 ページ定義1-2 (2)の上から2行目

誤 $f(x, y)$ は U で無限回微分可能 正 $f(x, y)$ は U 上で無限回微分可能

229 ページ定義4-2 (2)の上から2行目

誤 $f(x, y)$ は U で無限回微分可能 正 $f(x)$ は U 上で無限回微分可能

232 ページ例1の上から1行目

誤 $z=f(x, y), x=2u-v, y=4u+3v$ とすると 正 $x=2u-v, y=4u+3v$ とすると

238 ページの上から9行目

$$\begin{aligned} \text{誤} \quad f(x, y) - f(a, b) &= k^2 \left\{ \frac{1}{2} A(\gamma - \alpha)(\gamma - \beta) - \frac{r(\gamma k, k)}{k^2} \right\} \\ \text{正} \quad f(x, y) - f(a, b) &= k^2 \left\{ \frac{1}{2} A(\gamma - \alpha)(\gamma - \beta) + \frac{r(\gamma k, k)}{k^2} \right\} \end{aligned}$$

241 ページ図版

該当の図版をさしかえた。

242 ページ7の上から1行目

誤 漸近展開 正 2次の漸近展開

242 ページ 9, 10

誤 9. $f(x, y) = xy$ (条件: $x^2 + 2y^2 = 1$)10. $f(x, y) = y - x$ (条件: $x^2 + y^2 = 2$)正 9. $f(x, y) = y - x$ (条件: $x^2 + y^2 = 2$)10. $f(x, y) = xy$ (条件: $x^2 + 2y^2 = 1$)

262 ページ練習 2

問題の文言を, 次の文言に丸ごとさしかえる。

 $a (> 0)$ を半径とし原点を中心とする球 $V_1 = \{(x, y, z) \mid x^2 + y^2 + z^2 \leq a^2\}$ と,円柱 $V_2 = \{(x, y, z) \mid x^2 + y^2 \leq ax\}$ の共通部分 $V = V_1 \cap V_2$ の体積を求めよ。

266 ページの下から 10, 13, 14 行目

誤 \subseteq 正 \subset

267 ページ補題 3-1 (証明)の上から 4, 11 行目

誤 \subseteq 正 \subset

271 ページの上から 11 行目

誤 $= \left(\int_0^n e^{-t^{p+q-1}} dt \right) \cdot \left(2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2p-1} \theta \sin^{2q-1} \theta d\theta \right)$ 正 $= \left(\int_0^{n^2} e^{-t^{p+q-1}} dt \right) \cdot \left(2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^{2p-1} \theta \sin^{2q-1} \theta d\theta \right)$

273 ページの下から 8 行目

誤 単調に増加, および単調に減少する。 正 単調に減少, および単調に増加する。

277 ページの上から 7 行目

誤 \subseteq 正 \subset

278 ページの上から 3 行目

誤 \subseteq 正 \subset

286 ページの上から 8, 9 行目

誤 $p. 279$ 正 $p. 280$

293 ページ例 2 の下から 1, 2 行目

誤 $r < 1$ 正 $|r| < 1$

299 ページ練習 2

$$\text{誤 } \sum_{n=0}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{-n^2} \quad \text{正 } \sum_{n=1}^{\infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{-n^2}$$

304 ページの下から 5 行目

$$\text{誤 } f_n(x) = \sum_{k=0}^n a_n x^n \quad \text{正 } f_n(x) = \sum_{k=0}^n a_k x^k$$

319 ページ 2 (3)

誤 (a は実数) 正 (a は正の実数)

319 ページ 4 の上から 1 行目

誤 関数 正 単調減少関数

322 ページの上から 5, 6 行目

誤 すなわち, (常)微分方程式とは, $n+1$ 変数の関数 $F(z_0, z_1, \dots, z_n)$ によって

$$F(x, y, y', \dots, y^{(n)}) = 0$$

の形で書かれる方程式のことである。

正 すなわち, (常)微分方程式とは, $n+2$ 変数の関数 $F(z_0, z_1, \dots, z_n, z_{n+1})$ によって

$$F(x, y, y', \dots, y^{(n)}) = 0$$

の形で書かれる方程式のことである。

324 ページの下から 3 行目

$$\text{誤 } \frac{dy}{dx} = \frac{f(u) - u}{x} \quad \text{正 } \frac{du}{dx} = \frac{f(u) - u}{x}$$

333 ページ例題 1 (解答) の直下の上から 1 行目

誤 定数関数 正 定数係数

334 ページの上から 8 行目

誤 m 次 正 $(m-1)$ 次

342 ページ 3 の最終行

$$\text{誤 } y' = \frac{x-2y+3}{2x-y-1} \quad \text{正 } y' = \frac{x-2y+3}{2x+y-1}$$

343 ページ第 1 章 1 練習 2

誤 A : 有界ではない B : 上に有界, 100 など C : 有界, 100, -100 など正 A : 有界ではない B : 上に有界, 上界の 1 つは $\sqrt{2}$ C : 有界, 上界の 1 つは $\sqrt{2}$, 下界の 1 つは $-\sqrt{2}$

343 ページ第1章章末問題3(1)

誤 $\frac{1}{2}$ 正 0

345 ページ第4章練習8

誤 $\frac{4\sqrt{3}}{9} \text{Tan}^{-1}\left(\frac{2x+1}{\sqrt{3}}\right) - \frac{x+1}{3(x^2+x+1)} + C$ 正 $\frac{4\sqrt{3}}{9} \text{Tan}^{-1}\left(\frac{2x+1}{\sqrt{3}}\right) - \frac{x-1}{3(x^2+x+1)} + C$

345 ページ第4章練習9(3)

誤 $\frac{1}{4} \tan^2 \frac{x}{2} + \frac{1}{2} \tan \frac{x}{2} + \frac{1}{2} \log \left| \tan \frac{x}{2} \right| + C$ 正 $\frac{1}{4} \tan^2 \frac{x}{2} + \frac{1}{2} \tan \frac{x}{2} + \log \left| \tan \frac{x}{2} \right| + C$

347 ページ第6章練習2(1)

誤 $4x^3 - 6xy^3 - 2y^3, -6x^2y - 6xy^2 + 16y^3$ 正 $4x^3 - 6xy^2 - 2y^3, -6x^2y - 6xy^2 + 16y^3$

348 ページ第7章練習2(2)

誤 $-\frac{1}{4}$ 正 $\frac{1}{4}$

349 ページ第9章練習2(1)

誤 $y = -\frac{2}{x^2-3} \quad (x \neq \pm\sqrt{3})$ 正 $y = -\frac{2}{x^2+1}$

349 ページの第9章練習3(1)

誤 $\log|y| + \frac{x}{y} = C$ 正 $\log|y| - \frac{x}{y} = C$

350 ページ第9章章末問題1(1)

誤 $\frac{y}{y-1} = Ce^{ax} \quad (y \neq 1)$ 正 $y=1, \frac{y}{y-1} = Ce^{ax} \quad (y \neq 1)$

350 ページ第9章章末問題9

誤 (1) $y = -\frac{e^x}{x+C}$ (2) $y^2 = -\frac{1}{x(x+C)}$ (3) $-\frac{e^x}{x-1+Ce^{-x}}$

正 (1) $y=0, y = -\frac{e^x}{x+C}$ (2) $y=0, y^2 = -\frac{1}{x(x+C)}$ (3) $y=0, y = -\frac{e^x}{(x-1)e^x+C}$