データの分析の授業の導入について

むらかみ 村上 仙瑞

§1. はじめに

2012年度の高1生より、データの分析(統計学) が必修単位として導入された。そして 2012 年末の 段階では、センター試験にも出題されるとも言われ ている。統計学が必修になったのも、社会に出てか らのデータの数学的センスを磨くものとして、時代 の要求だとも考えられる。しかし、高校の教科書を 読んでみると、問題を解くことを優先とした解説が 延々と述べられているように感じるのは、私だけで はないはずである。しかも、定義を確認するための 単なる計算問題の練習問題が多い。

統計資料をみるときは、2つの資料を比較してみ ることが多いので、身近な2つの資料を生徒に提供 して、生徒自身で考えさせることであると考えてい る。これがデータの分析の授業で何よりも大事なこ とと考えている。しかもそれが分析・応用できるよ うになってはじめてデータの分析が身についたとい えるのではないであろうか。

このレポートでは、私の勤務校で実践した、私な りの考えたデータの分析の授業展開を紹介する。先 ほども述べたが、2つの資料を用意して比較するこ とによって、生徒に考えさせた。多少細かすぎる記 述があるがお許し願いたい。

§2. 偏差・分散・標準偏差の導入

偏差・分散・標準偏差の導入では、次のような2 つのデータを提示して考えさせる。とにかく、デー タには広がりという考え方があり、それを応用して 考えるということを生徒に徹底させる。

表: 9 時 30 分到着予定のバス					
バスA	32	27	29	34	33
バスB	31	29	30	33	32

生徒に、バス会社Aとバス会社Bのどちらが、定 刻通りに近い時間で到着しているか問うと、全員が

バス会社Bの方がより正確と答えるが、それは直感 であって、数学的に証明できたわけではない。生徒 は、データの分析を学ぶまでは、前の章で四分位数 などデータの広がりを今回の新課程で学んでいると はいえ, 平均値やグラフのみでしかデータを分析す ることしか慣れていない。だから、バスの到着時刻 の表が与えられると、まずは平均で分析を試みよう とする。それぞれの到着時刻の平均を計算すると同 じ31分であるので違いはない。そうであるならば、 データには広がりという分析の仕方があるというこ とを再確認させて、次に測定値が平均からどれだけ 離れているかの振れ幅をみるために偏差を計算させ 考えさせる。偏差だけでみるとバス会社Aの方が見 た目振れ幅が多いが、それも見た目だけの判断であ って、数学的に証明されたわけではない。それの平 均をとってみても0になり、違いがでない。そこで 新しい振れ幅の考えを導入する。それが分散であり 標準偏差である。

分散を指導するポイントとして.

- 1. 偏差の平均が必ず 0 である(数式で生徒に証 明させる)から違いがないので、偏差の2乗 の平均を考える必要がある。
- 2. 単位が2乗になっている

に注意を促す。そして、単位を元に戻すために根号 を施す必要があり、それが標準偏差である。 ちなみ に、それぞれのバス会社の分散は、 $6.8 \, \text{分}^2$ 、 $2 \, \text{分}^2$ で、 ここではじめて平均からの散らばりの単位を元に戻 すために、根号を施し標準偏差を求めると、約2.6 分,約1.4分となり,バス会社Aは「到着時間は平 均 9 時 31 分に到着するが、その振れ幅は約 2.6 分」、 バス会社 B は「到着時間は平均 9 時 31 分に到着す るが、その振れ幅は約1.4分」であると考えてよい、 となる。よって、バス会社Bの方がより正確にバス 停に停車するということが, 数学的に証明されたわ けである。

このとき生徒には、標準偏差とは「平均値からの 平均的な広がりを表す」ということを再確認させて、 データの広がりを分析するという新しい概念を徹底 して理解させる。

§3. 偏差値の導入

標準偏差まで教科書で必修 にされたとあれば. 偏差値の 話を説明せずにはいられない だろう。偏差値は必修用語か らそれた内容であるが、 偏差 値の仕組みを実際に解説する と、生徒はより興味をもって 授業に取り組む。それは、生 徒にとって偏差値というもの が身近なものであるからであ ろう。せっかくであるから私 は資料を用意した。生徒は. 偏差値が60とか70などの数 字に興味があるが、むしろ数 字の意味を教える必要がある。 大事なことは、 偏差値がいく らかという数字にこだわって 教えるよりも、 偏差値の数字 の意味を理解させることが大 事である。問題集の問題も. 偏差値の公式を掲載して偏差 値を求めさせる問題を出題し ているが、点数、標準偏差、 公式のみを掲載して公式に当 てはめるような問題のみで、 意味について考えさせるよう な出題をしていないように思 える。

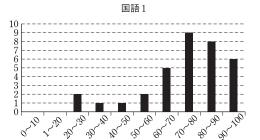
そこで私は、右の表の資料を用意して解説した。この資料を提示して、生徒に「国語1と国語2のテストの各90点で、どちらの90点の方が統計的に価値のある点数か」ということを考えさせた。生徒はすぐに平均点を計算して、

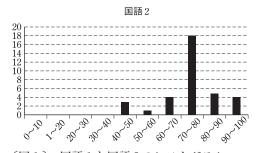
平均点との差を求めようとするが、このデータは平

国語 1	国語 2			
60	55			
92	94			
82	73			
76	75			
36	72			
83	92			
75	87			
64	80			
67	49			
84	49			
92	80			
91	73			
64	71			
58	77			
90	78			
72	75			
70	74			
98	73			
78	74			
100	97			
67	81			
81	61			
51	73			
86	73			
76	90			
81	76			
95	73			
44	41			
77	60			
71	63			
74	73			
86	63			
24	76			
00	82			
22				

均点が同じ設定にしているので、平均点からの違い はわからない。だから、ここで標準偏差の意味をも う一度確認させる意味でなじみの深い偏差値の解説 をする。

ちなみにヒストグラムをかくと図のようになり、 グラフをみることによってデータの散らばりの様子 はわかるが(国語1の方が人数の散らばりが大きく、 国語2の方は平均点の近くにたくさんの人数がいる など)、グラフのみでは大まかな特徴をつかめるが、 より詰めて議論はできないから、数式から導かれた 根拠ある数字の必要性を説くわけである。





〔図1〕 国語1と国語2のヒストグラム

偏差値の意味

偏差値の式は,

$$(偏差値) = \frac{(点数) - (平均点)}{(標準偏差)} \times 10 + 50$$

という定義式で求められる。

この偏差値の定義式は、一般の人にわかりやすく した便宜的な数字で、むしろ大事なところは、

(点数)-(平均点) (標準偏差)

の部分である。この式を私の授業では、偏差値の基準値(以下このレポートではこの言葉を使用する)という造語を使って展開している。この式の意味は、『自分の点数が平均値からの広がりを表す標準偏差の何倍の位置にいるか』という意味で、この偏差値

の基準値が1を超えると、標準偏差(平均的な広がり)からはみ出しているので価値があると解説した。 それが偏差値60という意味である。

生徒に考えさせた問題を解説すると、国語1も国 語2も平均値は73点で同じである。ヒストグラム も先に示したとおりで、ヒストグラムで散らばりの 様子はわかる。その散らばり具合を考えるために、 標準偏差を計算すると国語1は18.9点、国語2は 12.1 点で、たしかにヒストグラムでもわかるように、 標準偏差が大きい分、国語1のほうがデータが広が っている。そして、偏差値の基準値を計算すると、 国語 1 が $\frac{90-73}{18.9}$ = 0.89, 国語 2 が $\frac{90-73}{12.1}$ = 1.4 となり、国語1の90点の位置は、平均点からの平均 的な広がり(つまり、標準偏差)の 0.89 倍の位置に いて、国語2は1.4倍の位置にいるということで、 国語2の90点の方が価値があるということである。 つまり、国語1の90点は平均的な広がりの中にい て、国語2の90点は平均的な広がりの外にいる。 そういう意味である。ちなみにこれを偏差値に直す と、国語1の90点の方は58.9で、国語2の方は64 である。

以上のように偏差値を解説した。こうした解説をすることによって、生徒の方も偏差値の意味と数字を理解でき、授業としての手応えもある程度は感じることができた。以上の偏差からはじまった解説を通して、もう一度生徒には、データを考えるには平均やグラフだけではなく、データには広がりがある、それを応用して考えていく手法があるということを確認させ、新たな統計センスを身につけさせたつもりである。

§4. 最後に

データの分析の授業は、ほとんど PC 教室で表計 算ソフトを使って授業展開した。これも、私なりの 統計に対する考え方を反映したためである。授業の 回数を重ねるごとに生徒の方も表計算ソフトになれ、 問題も PC を使って解決できるようになったので、 一定の効果があった。

2013年度のセンター試験の数B選択の統計分野 の問題を分析してみたが、偏差、分散、標準偏差、 相関係数など現必修課程での問題がたくさん出題さ れて、センター試験でどの程度の問題が出題される か予想できる。解いた感想としては、数字は電卓の 必要性のない、数字のつじつまを合わせた、教科書 の基礎を問う例題レベルの問題であった。数Ⅰで統 計学が必修になったことで、センター試験や一般入 試などで出題される可能性が高くなったが、大学入 試のための勉強に終始したら価値が半減するとも思 っている。統計の授業を行うときはやはり、PCを 使って、具体例は生徒にとって身近なものが良いと 実際に授業をおこなって感じた。全国の大学中高付 属一貫校の高校の文系の選択授業でも統計学を導入 しているところが多いということを、研究会などで 知っていたが、これも社会に出てからの統計的セン スが必要だという各学校の考え方の表れだと思って いる。今まで大学入試の観点から、蚊帳の外に置か れていた分野がようやく日の目をみて、それがまた 大学入試のためだけの学習で終わらないように注意 する必要があると考える。

《参考文献》

[1] 『数学 I』(数研出版)

(兵庫県 甲南中学高等学校)