

内容見本用 目次

実際の書籍には、これと同内容のものが表紙裏に入ります。

ページ	項目名
1	微分係数と導関数 (1)
2	微分係数と導関数 (2)
3	微分係数と導関数 (3)
4	接線の方程式 (1)
5	接線の方程式 (2)
6	接線の方程式 (3)
7	関数の極値 (1)
8	関数の極値 (2)
9	関数の極値 (3)
10	関数の最大・最小 (1)
11	関数の最大・最小 (2)
12	関数の最大・最小 (3)
13	方程式・不等式への応用 (1)
14	方程式・不等式への応用 (2)
15	方程式・不等式への応用 (3)
16	積分の計算 (1)
17	積分の計算 (2)
18	積分の計算 (3)
19	積分の計算 (4)
20	積分の計算 (5)
21	積分の計算 (6)
22	面積 (1)
23	面積 (2)
24	面積 (3)
25	面積 (4)
26	関数の最大・最小
27	演習問題 微分法と積分法 (1)
28	演習問題 微分法と積分法 (2)
29	演習問題 微分法と積分法 (3)
30	演習問題 微分法と積分法 (4)
31	センター試験過去問 (1)
32	センター試験過去問 (2)

1	微分係数と導関数 (1)	数学Ⅱ	50
---	--------------	-----	----

★
1 x が 1 から a まで変化するときの関数 $f(x) = 3x^2 + 2$ の平均変化率は 18 である。このとき、定数 a の値を求めよ。(10 点)

★
2 (1) 定義に従って $f(x) = 5x^2 - 2x$ の $x = 1$ における微分係数 $f'(1)$ を求めよ。(10 点)

(2) 定義に従って $f(x) = x^2 + 2x$ の導関数を求めよ。(10 点)

★
3 次の関数を微分せよ。(5 点 \times 4)

(1) $y = 4x^2 + 7x - 5$

(2) $y = 5x^3 - 6x^2 + 9x - 11$

(3) $y = (x - 3)(3x + 1)$

(4) $y = (x + 2)^3$

2 微分係数と導関数 (2)

数学Ⅱ

50

★
4 関数 $f(x) = x^2 - 1$ について ((1) 10点 (2) 10点)

(1) x が 1 から 3 まで変化するときの平均変化率を求めよ。

(2) $x = c$ における微分係数が (1) で求めた値と一致するように、定数 c の値を定めよ。

★
5 関数 $f(x) = x^3 - 3x$ の $x = 2$ における微分係数を定義に従って求めよ。(15点)

★★
6 関数 $f(x) = ax^2 + bx + c$ において、 $f'(0) = 2$ 、 $f'(1) = 4$ 、 $f(2) = 6$ のとき、定数 a 、 b 、 c の値を求めよ。(15点)

(月 日)	得 点
数学Ⅱ	50

3 微分係数と導関数 (3)

★★

- 7 関数 $f(x) = 2x^2 - 5x + 6$ の $a \leq x \leq a + 1$ における平均変化率 m が、 $x = 1$ における微分係数と一致するとき、定数 a の値を求めよ。(15点)

★★

- 8 $f(x)$ は3次関数で、 x^3 の係数が1、 $f(0) = 6$ 、 $f(1) = 3$ 、 $f'(-3) = 2$ である。このとき、 $f(x)$ を求めよ。(15点)

★★

- 9 等式 $xf'(x) + 2x^2 + 8x - 9 = 3f(x)$ を満たす2次関数 $f(x)$ を求めよ。(20点)

(月 日) 得点

4 接線の方程式 (1)

数学Ⅱ

50

★
10 関数 $y = x^2 - 3x + 2$ のグラフ上の点 $(1, 0)$ における接線の方程式を求めよ。(15点)

★
11 関数 $y = -x^2 + 4x + 1$ のグラフ上の点 A における接線の傾きが 2 であるとき、点 A の座標と接線の方程式を求めよ。(15点)

★★
12 原点から曲線 $y = x^2 + 4$ に引いた接線の方程式を求めよ。(20点)

5 接線の方程式 (2)

数学Ⅱ / 50

★
13 曲線 $y = x^3 + 2x$ 上の点 (1, 3) における接線の方程式を求めよ。(10点)

★★
14 点 (2, 1) から曲線 $y = x^3 + 1$ に引いた接線の方程式と接点の座標を求めよ。(20点)

★★
15 放物線 $y = ax^2 + bx + c$ が点 (1, 3) を通り、点 (2, 4) において直線 $y = 3x - 2$ に接するように、定数 a, b, c の値を定めよ。(20点)

6 接線の方程式 (3)

数学Ⅱ

50

★★

16 曲線 $y = x^3 + x^2 + x - 2$ に接し、直線 $4x - 2y - 3 = 0$ に平行な接線の方程式を求めよ。(15点)

★★

17 曲線 $y = x^3 + x^2$ 上の点 A (1, 2) における接線は、この曲線と A 以外の点 ($x = \square$, $y = \square$) で交わる。(15点)

★★

18 2つの曲線 $y = x^2 - 3$, $y = x^2 + ax + 2$ の交点を P とする。P におけるそれぞれの曲線の接線が垂直であるとき、定数 a の値を求めよ。(20点)

7 関数の極値 (1)	数学Ⅱ
/ 50	

★ **19** 増減表を利用して、次の関数のグラフをかけ。(10点×2)

(1) $y = x^3 - 3x + 2$

(2) $y = -2x^3 + 12x^2 - 18x$



★ **20** 関数 $y = -x^3 + x^2 + x + a$ …… ① について (1) 10点 (2) 5点

(1) ① の極値を与える x の値を求めよ。

(2) ① の極大値が 0 のとき、定数 a の値を求めよ。

★ **21** 関数 $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - ax^2 + (a+1)x$ が $x=1$ で極値をとるとき、定数 a の値と $f(x)$ の極小値を求めよ。(15点)

8 関数の極値 (2)	数学Ⅱ	50
-------------	-----	----

★
22 関数 $y=(x-1)^2(2x-5)$ の極値を求め、そのグラフをかけ。(15点)

★★
23 関数 $f(x)=x^3-3x^2+ax+b$ が $x=3$ で極小値 -26 をとるとき、定数 a, b の値と $f(x)$ の極大値を求めよ。(20点)

★★
24 関数 $f(x)=x^3+ax^2+12x+3$ が、すべての実数の範囲で単調に増加するように、定数 a の値の範囲を定めよ。(15点)

9 関数の極値 (3)	数学Ⅱ	50
-------------	-----	----

★★
25 関数 $f(x) = x^3 - 3ax^2 + 3ax + 1$ が極値をもつような、定数 a の値の範囲を求めよ。(15点)

★★
26 関数 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ は $x = -1$ で極大値 7 をとり、 $x = 1$ で極小値をとる。定数 a, b, c の値と極小値を求めよ。(20点)

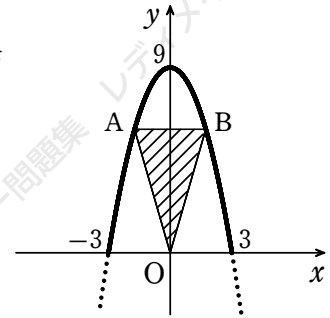
★★
27 a は 0 以上の定数である。このとき、関数 $f(x) = x^2(x + a)$ の極値を求めよ。(15点)

10	関数の最大・最小 (1)	数学Ⅱ	50
----	--------------	-----	----

★ **28** 関数 $y = x^3 - 6x^2$ ($-2 \leq x \leq 3$) の最大値と最小値, およびそのときの x の値を求めよ。(15点)

★ **29** 関数 $y = -2x^3 + 3x^2 + 12x + p$ ($x \geq 0$) の最大値が 25 となるように, 定数 p の値を定めよ。(15点)

★★ **30** 放物線 $y = 9 - x^2$ ($y \geq 0$) と x 軸に平行な直線が異なる 2 点 A, B で交わるとき, 原点を O として, $\triangle OAB$ の面積の最大値とそのときの点 A, B の座標を求めよ。(20点)



1 1 関数の最大・最小 (2)	数学Ⅱ	50
------------------	-----	----

★
31 関数 $y = x^3 + 2x^2 - 4x - 1$ ($-3 \leq x \leq 2$) の最大値と最小値, およびそのときの x の値を求めよ。
(10点)

★★
32 高さ α と底面の半径との和が 3 cm である直円柱がある。この直円柱の体積が最大になるときの底面の半径と, そのときの最大体積を求めよ。(20点)

★★
33 関数 $y = x^3 - 4x^2 - 3x$ の $0 \leq x \leq k$ における最大値が 0, 最小値が -18 となるように, 正の整数 k の値を定めよ。(20点)

1 2 関数の最大・最小 (3)

数学Ⅱ

50

★★

34 関数 $f(x) = ax^3 - 3ax^2 + b$ ($1 \leq x \leq 3$) の最大値が 9, 最小値が -7 であるとき, 定数 a, b の値を求めよ。ただし, $a < 0$ とする。(15 点)

★★

35 $2x + y = 9$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ のとき, 次のものを求めよ。

(1) x のとりうる値の範囲 (5 点)

(2) x^2y の最大値と最小値 (10 点)

★★

36 関数 $f(x) = -x^3 + 3a^2x$ ($0 \leq x \leq 1$) の最大値とそのときの x の値を求めよ。ただし, a は正の定数とする。(20 点)

13 方程式・不等式への応用 (1)

数学Ⅱ

50

★
37 3次方程式 $x^3 - 3x^2 + 1 = 0$ の異なる実数解の個数を求めよ。(15点)

★★
38 方程式 $x^3 - 3x = a$ が異なる3個の実数解をもつとき、定数 a の値の範囲を求めよ。(15点)

★★
39 次の不等式が成り立つことを証明せよ。(10点×2)

(1) $x > 0$ のとき $2x^3 - 3x^2 + 1 \geq 0$

(2) $x > 0$ のとき $x^3 - 3x^2 + 4x + 1 > 0$

(月 日) 得点

14 方程式・不等式への応用 (2)

数学Ⅱ

50

★
40 3次方程式 $x^3 - 4x^2 + 6x - 1 = 0$ の異なる実数解の個数を求めよ。(10点)

★★
41 方程式 $x^3 - 6x^2 + 9x + a = 0$ の異なる実数解の個数は、実数 a の値によってどのように変わるか。
(20点)

★★
42 $x \geq 0$ のとき、不等式 $2x^3 - 9x^2 + p \geq 0$ が成り立つような p の値の範囲を求めよ。(20点)

15 方程式・不等式への応用 (3)

数学Ⅱ

50

★★

43 曲線 $y=2x^3-5x$ と直線 $y=x-a$ の共有点の個数を求めよ。ただし、 a は定数とする。(15点)

★★

44 方程式 $2x^3+3x^2-12x-5-a=0$ が異なる2個の負の解と1個の正の解をもつように、定数 a の値の範囲を定めよ。(15点)

★★

45 $0 \leq x \leq 1$ を満たすすべての x に対して、不等式 $x^4+2x^3-2x^2+k>0$ が成り立つような、定数 k の値の範囲を求めよ。(20点)

16 積分の計算 (1)

★
46 $F'(x) = 4x - 4$, $F(1) = 1$ を満たす関数 $F(x)$ を求めよ。(10点)

★
47 次の不定積分を求めよ。(5点×2)

(1) $\int (1 + x - 2x^2) dx$

(2) $\int (3x - 1)^2 dx$

★
48 次の定積分を求めよ。(1)(2) 各5点 (3)(4) 各10点)

(1) $\int_0^1 (9x^2 - 8x + 7) dx$

(2) $\int_{-2}^2 (x + 2)^2 dx$

(3) $\int_{-2}^4 (2x + 1) dx + \int_{-2}^4 (3x^2 - x) dx$

(4) $\int_0^2 (x^2 - 3x) dx + \int_2^3 (x^2 - 3x) dx$

17 積分の計算 (2)

数学Ⅱ / 50

★ **49** $\int_{-1}^1 (x+1)(x-a)dx = -\frac{4}{3}$ を満たす定数 a の値を求めよ。(15点)

★ **50** 関数 $f(a) = \int_0^1 (6x^2 + 4ax + a^2)dx$ について

(1) $f(a)$ を求めよ。(10点)

(2) $f(a)$ の最小値を求めよ。(5点)

★ **51** 次の等式を満たす関数 $f(x)$ と定数 a の値を求めよ。(10点×2)

(1) $\int_a^x f(t)dt = 2x - 1$

(2) $\int_2^x f(t)dt = x^2 - 5x + a$

18 積分の計算 (3)

数学Ⅱ

50

★
52 $F'(x) = 3(x+1)(x-2)$, $F(0) = 1$ を満たす関数 $F(x)$ を求めよ。(15点)

★
53 次の定積分を求めよ。(5点×4)

(1) $\int_{-2}^2 (x^2 - 6x - 5) dx$

(2) $\int_{-3}^{-1} (2x^2 + 3) dx + \int_{-1}^1 (2x^2 + 3) dx$

(3) $\int_1^3 (x-1)(x-3) dx$

(4) $\int_{-1}^3 |x-1| dx$

★★
54 次の条件を満たす1次関数 $f(x)$ を求めよ。(15点)

$$\int_0^2 f(x) dx = 4, \quad \int_0^2 xf(x) dx = 6$$

19 積分の計算 (4)

数学Ⅱ / 50

★★
55 関数 $f(a) = \int_0^2 (a - a^2 t) dt$ の最大値を求めよ。(15点)

★★
56 等式 $f(x) = x + \int_0^3 f(t) dt$ を満たす関数 $f(x)$ を求めよ。(15点)

★★
57 (1) 等式 $\int_a^x f(t) dt = x^2 - 3x - 4$ を満たす関数 $f(x)$ と定数 a の値を求めよ。(10点)

(2) 関数 $f(x) = \int_1^x (t^2 - 1) dt$ の極値を求めよ。(10点)

(月 日)	得 点
数学Ⅱ	50

20 積分の計算 (5)

★★

58 次の定積分を求めよ。(1) 6点 (2)~(4) 各8点)

(1) $\int_{-2}^2 (2x^3 - 3x^2 - x + 5) dx$

(2) $\int_{-2}^3 (x+2)^2(x-3) dx$

(3) $\int_{3-\sqrt{2}}^{3+\sqrt{2}} (x^2 - 6x + 7) dx$

(4) $\int_1^3 |x^2 - 4| dx$

★★

59 関数 $f(a) = \int_{-1}^1 (x^2 + x + a)^2 dx$ の最小値を求めよ。(20点)

2 1 積分の計算 (6)

数学Ⅱ

50

★★

60 等式 $f(x) = 6x^2 - x \int_0^2 f(t) dt$ を満たす関数 $f(x)$ を求めよ。(15点)

★★

61 $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。任意の1次式 $g(x)$ に対して、 $\int_0^1 f(x)g(x)dx = 0$ が成り立つとき、定数 a, b の値を求めよ。(20点)

★★

62 関数 $f(x) = \int_x^{x+1} (t^3 - t) dt$ の極値を求めよ。(15点)

(月 日)	得 点
数学Ⅱ	50

22 面積 (1)

★ **63** 次の放物線と x 軸で囲まれた部分の面積を求めよ。(10点×2)

(1) $y = x^2 + 2x - 3$

(2) $y = -x^2 + x + 2$



★ **64** 放物線 $y = x^2 + 2x - 3$ と x 軸, および 2 直線 $x = -1, x = 2$ で囲まれた 2 つの図形の面積の和 S を求めよ。(15点)

★ **65** 放物線 $y = x^2$ と直線 $y = x + 6$ で囲まれた部分の面積 S を求めよ。(15点)

23 面積 (2)	数学Ⅱ	50
-----------	-----	----

★★
66 直線 $y=x$ と放物線 $y=4x-x^2$ で囲まれた部分の面積 S を求めよ。(15点)

★★
67 放物線 $y=-x^2+1$ と2直線 $y=x-1$, $x=2$ で囲まれた2つの部分の面積の和 S を求めよ。
(15点)

★★
68 $a>0$ とする。放物線 $y=-x^2+2ax$ と x 軸で囲まれた部分の面積が36であるとき、定数 a の値を求めよ。(20点)

(月 日) 得点

24 面積 (3)

数学Ⅱ

50

★★

69 曲線 $y = x^3 - 5x^2 + 6x$ と x 軸で囲まれた 2 つの部分の面積の和 S を求めよ。(25 点)

★★

70 放物線 $y = x^2 - 2x + 4$ と、この放物線上の点 $(-2, 12)$, $(2, 4)$ における接線で囲まれた部分の面積 S を求めよ。(25 点)

25 面積 (4)

数学Ⅱ

50

★★

71 放物線 $y = x(4 - x)$ と x 軸で囲まれた部分の面積を直線 $y = ax$ ($0 < a < 4$) で 2 等分するように、定数 a の値を定めよ。(25 点)

★★

72 放物線 $y = x^2 + x - 5$ と直線 $y = mx$ で囲まれた部分の面積が最小となるように、定数 m の値を定めよ。また、そのときの面積を求めよ。(25 点)

(月 日) 得点

26 関数の最大・最小

数学Ⅱ / 50

★★

73 3点 $O(0, 0)$, $A(t, 0)$, $B(0, 1-t)$ ($0 < t < 1$) を頂点とする三角形 OAB を, x 軸の周りに回転させてできる立体の体積の最大値と, そのときの t の値を求めよ。(25点) [琉球大]

★★★

74 $f(x) = (27^x + 27^{-x}) - 6(9^x + 9^{-x}) + 12(3^x + 3^{-x})$ とする。 $3^x + 3^{-x} = t$ として $f(x)$ を t の式 $g(t)$ で表すと, $f(x) = g(t) = \text{ア}$ □□ となる。 t がとりうる値の範囲は $t \geq \text{イ}$ □□ であるから, $g(t)$ は $t = \text{ウ}$ □□ のとき最小値 エ □□ をとる。(ア)10点 (イ)~(エ)各5点 [武蔵工大]

27 演習問題 微分法と積分法 (1)

数学Ⅱ / 50

★★★
75

(1) $\sin \theta + \cos \theta = t$ とおく。 $0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$ のとき、 t のとりうる値の範囲を求めよ。(10点)

(2) $0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$ のとき、 $\sin^3 \theta + \cos^3 \theta$ のとりうる値の範囲を求めよ。(20点) [琉球大]

★★
76

不等式 $x^4 + 2x^3 - 2x^2 + k > 0$ がすべての実数 x について成り立つような定数 k の範囲を求めよ。

(20点) [高崎経大]

28 演習問題 微分法と積分法 (2)

数学Ⅱ / 50

★★★
77

2次関数 $f(x)$ と定数 p が

$$\int_0^x f(t) dt + x \int_{-1}^1 f(t) dt - \frac{1}{3} \{f(1) - f(-1)\} = 4x^3 + px^2 - 10x - 4$$

を満たすとき、 $f(x)$ と p の値を求めよ。(25点)

[同志社大]

★★★
78

$a > 0$ のとき、次の問いに答えよ。

[徳島大]

- (1) 放物線 $y = x^2 + a^2$ と x 軸および2直線 $x = a - \frac{1}{\sqrt{a}}$, $x = a + \frac{1}{\sqrt{a}}$ で囲まれた部分の面積を a を用いて表せ。(10点)

- (2) a の値が変化するとき、(1) で求めた面積の最小値を求めよ。また、そのときの a の値を求めよ。

(15点)

29 演習問題 微分法と積分法 (3)

数学Ⅱ / 50

★★

79 a, b を定数とし、関数 $f(x) = x^3 - 3ax + b$ は $f(3) = 17$ を満たすとする。また、 $f(x)$ は極大値と極小値をもち、その差は 4 とする。このとき、 a, b の値を定めよ。(25 点) [山口大]

★★

80 $f(x) = x^3 - 3x^2$ とするとき [島根大]

(1) $f(x)$ の増減を調べ、 $y = f(x)$ のグラフの概形をかけ。(10 点)

(2) $a \geq 0$ とする。方程式 $|f(x)| = a$ の異なる実数解の個数を調べよ。(15 点)

30 演習問題 微分法と積分法 (4) 数学Ⅱ / 50

★★
81 3次関数 $f(x)$ が $f(0) = 1$, $\int_{-2}^0 f'(x) dx = \frac{2}{3}$, $\int_{-2}^1 f'(x) dx = \frac{3}{2}$ を満たしている。このとき $f(1)$ の値を求めよ。(15点) [小樽商大]

★★★
82 (1) 放物線 P を $y = -x^2 + 2x + 4$ で定める。点 (p, q) が直線 $y = -2x + 1$ の上を動くとき、 $y = (x - p)^2 + q$ で定める放物線 Q が P と共有点をもつような p の範囲を求めよ。(15点) [お茶の水大]

(2) p が (1) で求めた範囲を動くとき、 P と Q で囲まれた図形の面積の最大値を求めよ。(20点)

31 センター試験過去問 (1) 数学Ⅱ /30

★★★
83

O を原点とする座標平面上の放物線 $y = x^2 + 1$ を C とし、点 $(a, 2a)$ を P とする。

(1) 点 P を通り、放物線 C に接する直線の方程式を求めよう。

C 上の点 $(t, t^2 + 1)$ における接線の方程式は $y = \text{ア}tx - t^2 + \text{イ}$ である。

この直線が P を通るとすると、 t は方程式 $t^2 - \text{ウ}at + \text{エ}a - \text{オ} = 0$ を満たすから、
 $t = \text{カ}a - \text{キ}$ 、 ク である。

よって、 $a \neq \text{ケ}$ のとき、 P を通る C の接線は 2 本あり、それらの方程式は

$y = (\text{コ}a - \text{サ})x - \text{シ}a^2 + \text{ス}a \dots\dots \text{①}$ と $y = \text{セ}x$ である。

(2) (1) の方程式 ① で表される直線を l とする。 l と y 軸との交点を $R(0, r)$ とすると、

$r = -\text{シ}a^2 + \text{ス}a$ である。 $r > 0$ となるのは、 $\text{ソ} < a < \text{タ}$ のときであり、このとき、三角形 OPR の面積 S は $S = \text{チ}(a^{\text{ツ}} - a^{\text{テ}})$ となる。

$\text{ソ} < a < \text{タ}$ のとき、 S の増減を調べると、 S は $a = \frac{\text{ト}}{\text{ナ}}$ で最大値 $\frac{\text{ニ}}{\text{ヌネ}}$ をとることがわかる。

(3) $\text{ソ} < a < \text{タ}$ のとき、放物線 C と (2) の直線 l および 2 直線 $x = 0, x = a$ で囲まれた図

形の面積を T とすると $T = \frac{\text{ノ}}{\text{ハ}}a^3 - \text{ヒ}a^2 + \text{フ}$ である。

$\frac{\text{ト}}{\text{ナ}} \leq a < \text{タ}$ の範囲において、 T は ヘ 。 ヘ に当てはまるものを、次の ① ~ ⑤

のうちから一つ選べ。

- ① 減少する
- ② 増加する
- ③ 一定である
- ④ 極小値をとるが、極大値はとらない
- ⑤ 極大値をとるが、極小値はとらない
- ⑥ 極小値と極大値の両方をとる

(得点の配点は答冊子を参照)

[17 センター試験]

3 2 センター試験過去問 (2)

数学Ⅱ / 30

★★★

84 関数 $f(x) = x^3 - 5x^2 + 3x - 4$ について考える。

(1) 関数 $f(x)$ の増減を調べよう。 $f(x)$ の導関数は $f'(x) = \text{ア}x^2 - \text{イウ}x + \text{エ}$ であり、

$f(x)$ は $x = \frac{\text{オ}}{\text{カ}}$ で極大値、 $x = \text{キ}$ で極小値をとる。

よって、 $x \geq 0$ の範囲における $f(x)$ の最小値は クケコ である。

また、方程式 $f(x) = 0$ の異なる実数解の個数は サ 個である。

(2) 曲線 $y = f(x)$ 上の点 $(0, f(0))$ における接線を l とすると、 l の方程式は

$y = \text{シ}x - \text{ス}$ である。

また、放物線 $y = x^2 + px + q$ を C とし、 C は点 $(a, \text{シ}a - \text{ス})$ で l と接しているとする。

このとき、 p, q は a を用いて $p = \text{セソ}a + \text{タ}$ 、 $q = a^{\text{チ}} - \text{ツ}$ と表される。

(3) (2) の放物線 C は、 $0 \leq x \leq 1$ の範囲では、 x 軸とただ 1 点 $(\beta, 0)$ で交わり、 $0 < \beta < 1$ であるとする。

このとき、 $g(x) = x^2 + px + q$ とおけば $g(0)g(1) = a(a + \text{テ})(a - \text{ト})^2 < 0$ である。

$(a - \text{ト})^2$ は負にならないので、 a の値の範囲は $\text{ナニ} < a < \text{ヌ}$ であり、 $g(0) \text{ネ} 0$ 、 $g(1) \text{ノ} 0$ である。ただし、 ネ と ノ については、当てはまるものを、次の ①～④のうちから一つずつ選べ。同じものを選んでもよい。

① $<$ ② $=$ ③ $>$

放物線 C の $0 \leq x \leq \beta$ の部分と、 x 軸および y 軸で囲まれた図形の面積を S とする。また、 C の $\beta \leq x \leq 1$ の部分と、 x 軸および直線 $x = 1$ で囲まれた図形の面積を T とする。このとき、 a の値によらず、 $\int_0^1 g(x) dx = \text{ハ}$ が成り立つ。 ハ に当てはまるものを、次の ①～⑦のうちから一つ選べ。

① $S + T$ ② $\frac{S + T}{2}$ ③ $2S + T$ ④ $2T + S$

⑤ $S - T$ ⑥ $T - S$ ⑦ $2S - T$ ⑧ $2T - S$

したがって、 $S = T$ となる a の値を求めると、 $a = \frac{\text{ヒ} - \sqrt{\text{フヘ}}}{\text{ホ}}$ である。

(得点の配点は答冊子を参照)

[17 センター試験追試]