

内容見本用 目次

実際の書籍には、これと同内容のものが表紙裏に入ります。

ページ	項目名
1	集合の要素の個数 (1)
2	集合の要素の個数 (2)
3	場合の数 (1)
4	場合の数 (2)
5	順列 (1)
6	順列 (2)
7	順列 (3)
8	組合せ (1)
9	組合せ (2)
10	組合せ (3)
11	組合せ (4)
12	事象と確率 (1)
13	事象と確率 (2)
14	事象と確率 (3)
15	事象と確率 (4)
16	独立試行・反復試行 (1)
17	独立試行・反復試行 (2)
18	独立試行・反復試行 (3)
19	条件付き確率 (1)
20	条件付き確率 (2)
21	条件付き確率 (3)
22	条件付き確率 (4)
23	期待値 (1)
24	期待値 (2)
25	期待値 (3)
26	期待値 (4)
27	順列 (1)
28	順列 (2)
29	組合せ (1)
30	組合せ (2)
31	演習問題 場合の数と確率 (1)
32	演習問題 場合の数と確率 (2)

ページ	項目名
33	演習問題 場合の数と確率 (3)
34	演習問題 場合の数と確率 (4)
35	演習問題 場合の数と確率 (5)
36	演習問題 場合の数と確率 (6)
37	センター試験過去問 (1)
38	センター試験過去問 (2)
39	センター試験過去問 (3)
40	センター試験過去問 (4)

1 集合の要素の個数 (1)	数学 A	/ 50
----------------	------	------

★ **1** 全体集合 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ の部分集合 A, B を $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ とする。次の集合の要素の個数を求めよ。(5点×4)

(1) $A \cap B$

(2) $\overline{A} \cap B$

(3) $A \cap \overline{B}$

(4) $\overline{A} \cup \overline{B}$

★ **2** 1 から 200 までの整数のうち、次のような数は何個あるか。(5点×2)

(1) 4 の倍数または 6 の倍数

(2) 4 の倍数であるが、6 の倍数でない数

★★ **3** 100 人の生徒が数学と国語の試験をした。数学の合格者が 65 人、国語の合格者が 72 人、両方とも不合格の者は 10 人であった。このとき、次のような生徒の人数を求めよ。

(1) 少なくとも一方に合格した者 (10点)

(2) 両方とも合格した者 (10点)

2 集合の要素の個数 (2)	数学 A	/ 50
-----------------------	------	------

★★
4 全体集合 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ の部分集合

$$A = \{x \mid x \text{ は偶数}\}, B = \{x \mid x \text{ は素数}\}, C = \{x \mid x \text{ は } 8 \text{ の約数}\}$$

について、 $n(A \cap B)$, $n(\overline{B} \cap C)$, $n(\overline{A} \cup \overline{C})$ を求めよ。(5 点×3)

★★
5 500 以上 1000 以下の整数のうち、次のような数は何個あるか。(10 点×2)

(1) 3 の倍数または 7 の倍数

(2) 7 の倍数であるが、3 の倍数でない数

★★
6 生徒 60 人に数学と英語の試験を行った。数学の合格者は 50 人、英語の合格者は 30 人、2 科目ともに不合格であった者は 8 人であった。(1) 10 点 (2) 5 点

(1) 2 科目とも合格した者は何人か。

(2) 数学だけ合格した者は何人か。

3 場合の数 (1)	数学 A	50
------------	------	----

★
7 A, B 2つのチームで優勝戦を行い, 先に2勝した方を優勝チームとする。まずAが勝ったとき, 優勝が決定するまでの勝負の分かれ方は何通りあるか。ただし, 試合では引き分けもあるが, 引き分けの次の試合は必ず勝負がつくものとする。(10点)

★★
8 大, 中, 小3個のさいころを同時に投げるとき, 次の場合は何通りあるか。

(1) 目の和が5以下 (10点)

(2) 目の積が奇数 (10点)

★★
9 108の正の約数の個数と, その約数の総和を求めよ。(20点)

(月 日) 得点

4 場合の数 (2)

数学 A

50

★★

10 A, B がジャンケンをして、どちらかが 3 回先に勝ったところで止めるゲームを考える。引き分けはないものとする。勝負の分かれ方は何通りあるか。(15 点)

★★

11 360 の正の約数の個数と、その約数全体の和を求めよ。(15 点)

★★

12 大中小 3 個のさいころを投げるとき、次の場合は何通りあるか。(1) 5 点 (2) 15 点

(1) 3 個の目がすべて異なる。

(2) 目の和が奇数になる。

(月 日)	得 点
数学 A	50

5 順 列 (1)

★
13 次の値を求めよ。(5点×5)

(1) ${}_9P_1$

(2) ${}_5P_3$

(3) ${}_8P_5$

(4) ${}_7P_7$

(5) $5!$

★
14 次の順列の総数を求めよ。(5点×2)

(1) 6個の文字 a, b, c, d, e, f から 3 個を取って 1 列に並べる順列

(2) 1 ~ 7 までの 7 個の数字から 4 個を取って 1 列に並べる順列

★
15 次のような方法は何通りあるか。(5点×3)

(1) 10 人の部員の中から兼任を認めないで、部長、副部長、会計の各 1 人を選ぶ方法。

(2) 4 人が 1 回じゃんけんをするとき、その手の出し方

(3) 5 人が手をつないで輪を作る方法

6 順列(2)	数学A	50
---------	-----	----

★★
16 0, 1, 2, 3, 4 の 5 個の数字がある。

- (1) 異なる数字を使って 3 桁の整数は何個作れるか。(5 点)
- (2) 重複を許して、3 桁の整数は何個作れるか。(5 点)

★★
17 女子 5 人, 男子 3 人が 1 列に並ぶとき, 次のような並び方は何通りあるか。

- (1) 両端が女子である。(10 点)
- (2) 女子 5 人, 男子 3 人がそれぞれ続いて並ぶ。(10 点)

★★
18 先生 2 人, 生徒 4 人が円形のテーブルに着席するとき, 次のような座り方は何通りあるか。

- (1) 座り方の総数 (10 点)
- (2) 2 人の先生が向かい合う座り方 (10 点)

7 順 列 (3) 数学 A 50

★★
19 5 個の数字 0, 1, 2, 3, 4 の中の異なる数字を使って、次のような整数を作るとき、その整数は何個あるか。(1) 5 点 (2) 10 点

- (1) 5 桁の整数
- (2) 4 桁の偶数

★★
20 男子 6 人、女子 2 人が円形のテーブルに着席する。次のような着席の仕方は何通りあるか。(10 点×2)

- (1) 女子 2 人が向かい合う。
- (2) 女子 2 人が隣り合う。

★★
21 2 種類の符号・, — をいくつか並べて新しい記号を作るとする。(1) 並べる符号が 5 個のとき、できる記号の総数を求めよ。(5 点) (2) ・, — を最小限何個まで並べると、100 個の記号が作れるか。(10 点)

(月 日)	得点
数学A	50

8 組合せ (1)

★
22 正十角形について、次の数を求めよ。(5点×2)

(1) 対角線の数

(2) 3個の頂点を結んでできる三角形の数

★
23 男子6人、女子4人の中から4人を選ぶとき、次のような選び方は何通りあるか。

(1) 男子2人、女子2人を選ぶ。(10点)

(2) 必ず男女が含まれる4人を選ぶ。(10点)

★★
24 9人を次のように分けるとき、分け方は何通りあるか。(10点×2)

(1) 4人、3人、2人の3組

(2) 3人ずつの3組

10 組合せ (3)	数学A	50
------------	-----	----

★★
28 正十二角形の頂点を結んで三角形を作るとき、次のような三角形は何個できるか。

- (1) 正十二角形と1辺を共有する。(5点) (2) 正十二角形と辺を共有しない。(10点)

★★
29 男子6人、女子4人のA班と、男子4人、女子3人のB班から男子3人、女子3人を選ぶとき、次のような方法は何通りあるか。(1) 5点 (2) 10点

- (1) A班だけから選ぶ。(2) A, B班から必ずそれぞれ1人は選ぶ。

★★
30 8人の生徒を次のような組に分ける方法は何通りあるか。(10点×2)

- (1) 4人, 2人, 2人の3組 (2) 2人ずつ4組

12 事象と確率 (1)	数学A	50
--------------	-----	----

★
34 さいころを2回投げるとき、次の確率を求めよ。(10点×2)

(1) 出る目の和が8となる確率

(2) 出る目の積が12となる確率

★
35 1～5の数字を書いた5枚のカードをよく混ぜて1列に並べ、5桁の数を作るとき、偶数になる確率を求めよ。(10点)

★
36 白玉2個と赤玉4個が入った袋の中から、玉を3個同時に取り出すとき、次の確率を求めよ。

(1) 3個とも赤玉が出る確率 (10点)

(2) 白玉1個と赤玉2個が出る確率 (10点)

13 事象と確率 (2)	数学A	50
--------------	-----	----

★★
37 10本のうち当たりくじが3本入ったくじの中から同時に4本引くとき、次の確率を求めよ。
(10点×2)

(1) 当たりくじを2本以上引く確率

(2) 少なくとも1本は当たりくじを引く確率

★★
38 赤玉8個と白玉4個が入った箱から、玉を4個取り出すとき、4個とも同じ色の玉が出る確率を求めよ。(15点)

★★
39 1番から100番までの番号札の中から1枚抜き出すとき、その番号が4または7で割り切れる確率を求めよ。(15点)

14 事象と確率 (3)	数学A	50
--------------	-----	----

★★
40 3個のさいころを同時に投げるとき、出る目の和が5になる確率を求めよ。(10点)

★★
41 1から5までの番号札を1列に並べるとき、次の確率を求めよ。(10点×2)

- (1) 最後の数が奇数である確率
- (2) 奇数が奇数番目にある確率

★★
42 赤玉2個、青玉3個、黄玉2個が入った袋から3個の玉を同時に取り出すとする。(10点×2)

- (1) 赤玉1個と青玉2個が出る確率を求めよ。
- (2) どの色の玉も出る確率を求めよ。

(月 日) 得点

15 事象と確率 (4)

数学A

50

★★

43 赤玉 5 個, 青玉 4 個, 黄玉 3 個が入った袋から同時に 4 個の玉を取り出すとき, 3 個以上赤玉が出る確率を求めよ。(15 点)

★★

44 各カードに 1 つずつ 3 桁の整数の番号 100 ~ 999 をつけたカードがある。これらから 1 枚を取り出すとき, その番号が 3 の倍数または 5 の倍数である確率を求めよ。(15 点)

★★

45 3 個のさいころを同時に投げるとき, 出る目の積が 4 の倍数である確率を求めよ。(20 点)

16	独立試行・反復試行(1)	数学A	50
----	--------------	-----	----

★
46 袋 A には赤玉 4 個と白玉 2 個, 袋 B には赤玉と白玉が 3 個ずつ入っている。A, B から玉を 1 個ずつ取り出すとき, 次の確率を求めよ。(10 点×2)

- (1) 両方とも赤玉が出る確率
- (2) 異なる色の玉が出る確率

★
47 1 個のさいころを 6 回投げたとき, 2 以下の目がちょうど 2 回出る確率を求めよ。(10 点)

★
48 1 枚の硬貨を 5 回投げるとき, 次の確率を求めよ。(10 点×2)

- (1) 4 回だけ表が出る確率
- (2) 少なくとも 1 回表が出る確率

17	独立試行・反復試行(2)	数学A	50
----	--------------	-----	----

★
49 袋 A には赤玉 6 個と白玉 4 個, 袋 B には赤玉 3 個と白玉 7 個が入っている。A, B からそれぞれ 1 個ずつ玉を取り出すとき, 取り出した玉が同じ色である確率を求めよ。(15 点)

★★
50 1 枚の硬貨を 7 回投げるとき, 表が 6 回以上出る確率を求めよ。(15 点)

★★
51 白玉 9 個, 赤玉 6 個が入っている袋から, 玉を 1 個取り出してもとに戻すことを 4 回行うとき, 次の確率を求めよ。(10 点×2)

(1) 2 回だけ白玉が出る確率

(2) 4 回目に 2 度目の白玉が出る確率

18	独立試行・反復試行(3)	数学A	50
----	--------------	-----	----

★★
52 Aの袋には白玉7個、赤玉3個、Bの袋には白玉6個、赤玉4個入っている。Aから1個、Bから2個を取り出すとき、3個とも同じ色である確率を求めよ。(15点)

★★
53 1枚の硬貨を何回か投げて、先に表が2回出るとAの勝ち、先に裏が4回出るとBの勝ちとするゲームを考える。次の確率を求めよ。(10点×2)

(1) 5回目にBが勝ち勝負がつく確率

(2) A, Bそれぞれの勝つ確率

★★
54 数直線上を動く点Pが原点にある。1枚の硬貨を投げて、表が出たらPを正の方向に1だけ進め、裏が出たらPを負の方向に1だけ進める。硬貨を6回投げたとき、点Pの座標が2である確率を求めよ。(15点)

19	条件付き確率 (1)	数学A	50
----	------------	-----	----

★
55 白玉 3 個と黒玉 2 個が入った袋から玉を 1 個取り出し、玉をもとに戻さずにもう 1 個取り出すとき、次の確率を求めよ。(10 点×2)

- (1) 1 個目に白玉が出たとき、2 個目に黒玉が出る確率
- (2) 白玉、黒玉の順に出る確率

★
56 当たりが 4 本入った 10 本のくじがある。このくじを A, B の 2 人が引く。まず A が 1 本引き、残り 9 本から B が 1 本引くとき、次の確率を求めよ。

- (1) A が当たる確率 (5 点)
- (2) B が当たる確率 (10 点)

★★
57 白玉 3 個と赤玉 2 個が入った箱 A と、白玉、赤玉ともに 3 個ずつ入った箱 B がある。箱 A から玉を 1 個取り出して箱 B に入れ、よくかき混ぜて、箱 B から玉を 1 個取り出すとき、それが赤玉である確率を求めよ。(15 点)

20	条件付き確率 (2)	数学A	50
----	------------	-----	----

★★
58 白玉7個と黒玉3個が入った袋から、玉を1個ずつ2個取り出す試行を考える。ただし、取り出した玉はもとに戻さない。このとき、次の確率を求めよ。

- (1) 1個目に白玉が出たとき、2個目に黒玉が出る確率 (5点)
- (2) 2個目に黒玉が出る確率 (10点)

★★
59 当たりくじ3本を含む12本のくじを、A、Bの2人がこの順に1本ずつ引く。ただし、引いたくじはもとに戻さない。このとき、次の確率を求めよ。

- (1) Aが当たる確率 (5点)
- (2) Bが当たる確率 (10点)

★★
60 袋Aには白玉3個、赤玉2個、袋Bには白玉2個、赤玉3個が入っている。まず、袋Aから1個の玉を取り出して袋Bに入れ、よくかき混ぜて、袋Bから1個の玉を取り出して袋Aに入れる。このとき、袋Aの白玉の個数が初めと変わらない確率を求めよ。(20点)

2 1 条件付き確率 (3) 数学A / 50

★★ 61 ある高校の生徒のうち、65%が男子で、そのうち自転車通学をしている者は、全体の30%を占めている。男子生徒の中から任意に1人を選び出すとき、その生徒が自転車通学をしている確率を求めよ。(15点)

★★★ 62 当たりくじ2本を含む10本のくじを、A、B、Cの3人がこの順に1本ずつ引く。ただし、引いたくじはもとに戻さない。このとき、次の確率を求めよ。

- (1) Bが当たる確率 (10点) (2) Cが当たる確率 (10点)

★★★ 63 2つの事象A、Bに対してP(A)=5/12, P(A∪B)=17/24, P_A(B)=1/5のとき、次の確率を求めよ。(5点×3)

- (1) P(A∩B) (2) P(B) (3) P_B(A)

22 条件付き確率 (4)	数学A	50
---------------	-----	----

★★★
64

袋 A には白玉 3 個と赤玉 5 個, 袋 B には白玉 3 個と赤玉 1 個が入っている。まず, 袋 A から 1 個の玉を取り出して袋 B に入れ, よくかき混ぜて, 袋 B から 2 個の玉を取り出して袋 A に入れる。このとき, 次の確率を求めよ。(1) 10 点 (2) 15 点

(1) 袋 A が白玉 5 個, 赤玉 4 個になる確率

(2) 袋 A の白玉が増える確率



★★★
65

ある工場では, 同じ製品を A, B 2 つの機械で作っているが, 不良品が現れる確率は A の機械では 5%, B の機械では 6% である。また, A の機械と B の機械で作る製品の割合は 3 : 2 である。製品の中から 1 個を取り出したとき, 次の確率を求めよ。

(1) 不良品である確率 (15 点)

(2) 不良品であったとき, それが A の機械で作られたものである確率 (10 点)

(月 日) 得 点

23 期待値 (1)

数学 A

50

★
66 袋の中に、1, 2, 3の数字を書いた玉がそれぞれ3個, 4個, 2個ずつある。この袋から玉を1個取り出すとき、出る数字の期待値を求めよ。(15点)

★
67 総数1000本のくじの中に1等10000円1本, 2等1000円2本, 3等100円10本の当たりくじがあり、残りの987本ははずれくじである。
このくじを1本引くとき、賞金の期待値を求めよ。ただし、はずれの場合の賞金は0円とする。(15点)

★
68 偶数の目をすべて6の目に直したさいころを1回投げるとき、出る目の期待値を求めよ。(20点)

(月 日) 得点

24 期待値 (2)

数学A

50

★★
69

3枚の硬貨を同時に投げるとき、表が出る枚数の期待値を求めよ。(15点)

★★
70

1から8までの目がついた正八面体のさいころを1回投げるとき、出る目の期待値を求めよ。(15点)

★★
71

6枚のカードのうち4枚に○印がついている。この中から同時に3枚取り出し、○印のついたカードの枚数だけ100円硬貨をもらうとき、もらえる金額の期待値を求めよ。(20点)

(月 日)	得 点
数学 A	50

25 期待値 (3)

数学 A

50

★★

72 製品 10 個の中に 3 個の不良品が含まれている。この中から同時に 2 個を取り出すとき、2 個の中に含まれる不良品の個数の期待値を求めよ。(25 点)

★★

73 4 人で 1 回だけじゃんけんをする。このじゃんけんにおける勝者の人数の期待値を求めよ。(25 点)

(月 日) 得点

26 期待値 (4)

数学A

50

★★★
74

5と6の目が出る確率が、他の目が出る確率の6倍である特別なさいころを1回投げるとき、次の確率と期待値を求めよ。(25点×2)

(1) それぞれの目が出る確率

(2) 出る目の数の期待値

27 順列 (1)	数学A	50
-----------	-----	----

★★
75 6つの文字 a, b, c, d, e, f を横1列に並べるとき, a, b, c の3つが隣り合う並べ方は何通りあるか。また, a, b が隣り合わない並べ方は何通りあるか。(10点) [立教大]

★★
76 HGAKUEN の7文字から6文字を選んで文字列を作り, それを辞書式に配列する。ただし, 同じ文字は繰り返して用いないものとする。 [北海学園大]

- (1) 全部で何通りの文字列があるか。(5点)
- (2) GAKUEN は初めから数えて何番目の文字列か。(10点)

★★
77 5個の整数 1, 2, 3, 4, 5 の中から, 重複を許して3個を取り出して a, b, c とし, 3桁の整数 $X=100a+10b+c$ を作る。(1) 10点 (2) 15点 [近畿大]

- (1) 整数 X は全部で \square 通りでき, 偶数の X は全部で \square 通りできる。
- (2) 3の倍数の X は全部で \square 通りでき, 5の倍数の X は全部で \square 通りできる。

(月 日) 得点

28 順列 (2)

数学A

50

★★

78 3人の男子：松男，竹男，梅男と，3人の女子：雪美，月美，花美の計6人全員が手をつないで輪を作る。このとき，次のような輪の作り方は何通りあるか。 [青山学院大]

- (1) 松男と雪美が手をつなぐ。(10点) (2) 男女が交互に手をつなぐ。(10点)
(3) 男子，女子ともに3人続けて手をつなぐ。(10点)

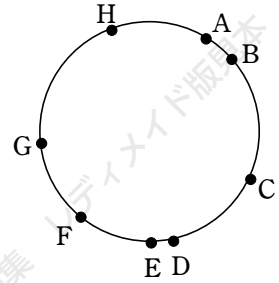
★★★

79 7個の数字0, 1, 2, 3, 4, 5, 6から，異なる4個の数字を選んで，4桁の整数を作るとき， \square 個が偶数であり，4の倍数は \square 個である。(20点) [明治大]

(月 日)	得点
数学A	50

29 組合せ (1)

- ★★
80 円周上に右の図のように相異なる 8 つの点 A, B, C, D, E, F, G, H がある。これらの 8 点を 4 点ずつ 2 組に分けて、各組で 4 点を頂点とする四角形をかく。このとき、2 つの四角形が交わるような 8 点 A, B, C, D, E, F, G, H の分け方は何通りあるか。(15 点) [信州大]



- ★★
81 赤玉 2 個, 青玉 2 個, 白玉 3 個の合わせて 7 個の玉を横 1 列に並べる。ただし, 同じ色の玉は区別しないものとする。(上智大)

- (1) 赤玉どうしが隣り合い, 青玉どうしも隣り合う並べ方は何通りあるか。(10 点)
- (2) 白玉どうしが隣り合わない並べ方は何通りあるか。(10 点)

- ★★★
82 (1) $x + y + z = 9$ を満たす負でない整数の組 (x, y, z) は全部で何組あるか。(5 点) [芝浦工大]

- (2) 同じ種類の 6 冊のノートを 3 人に配る配り方は何通りあるか。また, 3 人ともに少なくとも 1 冊配る配り方は何通りあるか。(10 点) [中央大]

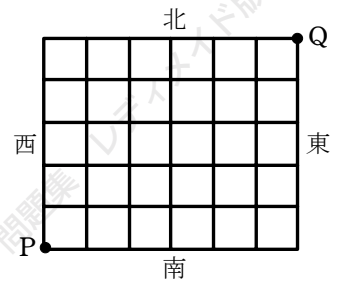
30 組合せ (2)	数学A	/ 50
------------	-----	------

★★★ **83** xy 平面において、6本の直線 $x=k$ ($k=0, 1, 2, 3, 4, 5$) のうちの2本と、4本の直線 $y=l$ ($l=0, 1, 2, 3$) のうちの2本とで囲まれた図形について考える。長方形は全部で ア 個あり、そのうち正方形は全部で イ 個ある。また、面積が2となる長方形は全部で ウ 個であり、4となる長方形は全部で エ 個ある。(25点) (関西学院大)

★★★ **84** ある町には、図のように東西に6本の道と南北に7本の道がある。

- (1) P地点からQ地点まで行く最短経路は何通りあるか。(10点)
- (2) P地点からQ地点まで行く最短経路のうち、右折の回数と左折の回数の合計がちょうど8となるのは何通りあるか。(15点)

[岩手大]



31 演習問題 場合の数と確率 (1)	数学A	/ 50
----------------------------	-----	------

★★ **85** 0, 1, 2, 3, 4, 5 の 6 個の整数がある。数字の重複を許さないで 5 桁の整数を作ると 通りでき、両端が奇数となる 5 桁の整数を作ると 通りできる。(各 10 点) [名城大]

★★ **86** 7 個の英文字 KOKUSAI を並びかえて得られる文字列を考える。 [広島国際学院大]

(1) 異なる文字列は全部で何通りあるか。(5 点)

(2) 各子音文字 (2 個の K と 1 個の S) の前後が必ず母音文字 (O, U, A, I) で挟まれているような文字列は全部で何通りあるか。(10 点)

★★ **87** (1) 6 人が 2 人ずつ A 室, B 室, C 室の 3 つの部屋に入る入り方は 通りある。(10 点)

(2) 6 人を 3 人ずつ 2 組に分ける方法は 通りある。(5 点) [金沢工大]

32 演習問題 場合の数と確率 (2) 数学A / 50

★★
88

(1) さいころを 3 回振って、同じ目が 3 回続けて出る確率を求めよ。また、4 回振って同じ目が 4 回続けて出る確率を求めよ。(10 点)

(2) 大, 中, 小 3 個のさいころを同時に投げるとき, 目の和が 4 以上になる確率を求めよ。(10 点)

[駒沢大]

★★
89

袋の中に赤球 3 個, 青球 2 個, 白球 1 個が入っている。この中から同時に 3 個の球を取り出したとき, すべての色の球がそろふ確率は $\frac{\square}{\square}$ である。また, 球を 1 個取り出し, 色の確認後, 袋の中に戻す。これを 3 回繰り返すとき, すべての色の球が出る確率は $\frac{\square}{\square}$ である。(ア) 5 点 (イ) 10 点

[九州東海大]

★★
90

6 月のある日, A, B の両市を受け持つセールスマン S 氏は, それぞれ確率 $P(A) = 0.6$, $P(B) = 0.4$ で, いずれかの市に滞在している。一方, S 氏が滞在しているとき A 市, B 市で雨の降る確率は, それぞれ $P_A(C) = 0.5$, $P_B(C) = 0.4$ である。

[類 広島修道大]

(1) S 氏が雨にあふ確率 $P(C)$ を求めよ。(10 点)

(2) 雨が降っていたとき S 氏が A 市に滞在している確率 $P_C(A)$ を求めよ。(5 点)

33 演習問題 場合の数と確率 (3) 数学A / 50

★★ 91 AABBCCD の7文字を並べるとき [東北工大]

(1) 並べ方の総数は ア 通り、D が端となる並べ方は イ 通り、D が端から4文字目となる並べ方は ウ 通りである。(15点)

(2) D の両隣りがともに A である並べ方は エ 通りである。(10点)

★★ 92 1 から 15 までの整数を書いたカードが各1枚、計15枚ある。この中から、同時に3枚のカードを取り出す。 [甲南大]

(1) 取り出された3枚のカードに書かれた数の中で、最小の数が5以下であるような選び方は何通りか。(10点)

(2) 取り出された3枚のカードに書かれた数の中で、最小の数が5以下であり、かつ最大の数が11以上であるような選び方は何通りか。(15点)

3 4 演習問題 場合の数と確率 (4)	数学 A	50
----------------------	------	----

★★★
93

A, B 2 人が 4 回ジャンケンをするとき

[神戸学院大]

(1) A がちょうど 2 回勝つ確率を求めよ。(10 点)

(2) ジャンケンに勝った回数の多い方を優勝とするとき

(ア) 優勝が決まらない確率を求めよ。(10 点)

(イ) A が優勝する確率を求めよ。(5 点)

★★
94

大人 6 人, 子ども 5 人の中から, 4 人を選ぶとする。このとき大人 2 人と子ども 2 人を選ぶ方法は 通りである。また, 大人も子どもも含まれるように選ぶ方法は 通りである。

(10 点, 15 点) [名城大]

35 演習問題 場合の数と確率 (5) 数学A /50

★★
95 7個の数字1, 2, 3, 4, 5, 6, 7から異なる3個の数字を選び、3桁の整数を作る。このような整数は全部でア□個ある。その中で、偶数はイ□個あり、345以上の整数はウ□個ある。これらア□個の整数を小さいものから順番に並べたとき、第67番目にある整数はエ□である。(30点)
[関西学院大]

★★
96 1から9までの数字から異なる3個の数字を用いて3桁の整数を作る。このとき、百の位の数を a 、十の位の数を b 、一の位の数を c とする。
[広島工大]

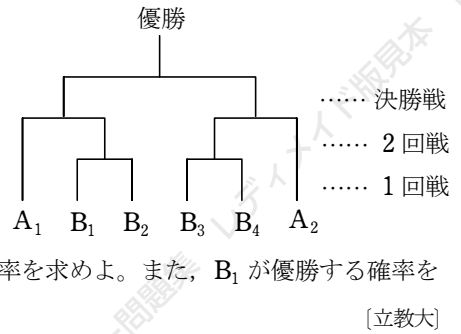
- (1) 積 abc が奇数となるような3桁の整数は全部で何個できるか求めよ。(5点)

- (2) 積 abc が偶数となるような3桁の整数は全部で何個できるか求めよ。(5点)

- (3) $a < b < c$ となるような3桁の偶数は全部で何個できるか求めよ。(10点)

36 演習問題 場合の数と確率 (6) 数学A / 50

★★★
 97 6名の選手 $A_1, A_2, B_1, B_2, B_3, B_4$ が図のような組合せのトーナメント方式で戦う。
 ただし、引き分けはなく、どちらか一方のみが勝ち上がるものとする。ここで、 A_1, A_2 の実力は対等であり、 B_1, B_2, B_3, B_4 の実力も対等であるが、 $A_i (i=1, 2)$ と $B_j (j=1, 2, 3, 4)$ の対戦では、 A_i が勝つ確率は $p (0 < p < 1)$ である。このとき、 B_1 が決勝戦に進出する確率を求めよ。また、 B_1 が優勝する確率を求めよ。(25点)



★★
 98 3つのサイコロを同時に投げたとき、すべて異なる目が出る事象を A 、3つのサイコロのうち少なくとも1つは1の目である事象を B とする。 [類 東京理科大]

- (1) 事象 B が起こる確率を求めよ。(5点)
- (2) 事象 A と事象 B が同時に起こる確率を求めよ。(10点)
- (3) 事象 B が起こったときの事象 A の起こる条件付き確率を求めよ。(10点)

37 センター試験過去問 (1) 数学A /20

★★★
99

赤球 4 個, 青球 3 個, 白球 5 個, 合計 12 個の球がある。これら 12 個の球を袋の中に入れ, この袋から A さんがまず 1 個取り出し, その球をもとに戻さずに続いて B さんが 1 個取り出す。

(1) A さんと B さんが取り出した 2 個の球のなかに, 赤球か青球が少なくとも 1 個含まれている確率は

は $\frac{\text{アイ}}{\text{ウエ}}$ である。

(2) A さんが赤球を取り出し, かつ B さんが白球を取り出す確率は $\frac{\text{オ}}{\text{カキ}}$ である。

これより, A さんが取り出した球が赤球であったとき, B さんが取り出した球が白球である条件付き確率は

$\frac{\text{ク}}{\text{ケコ}}$ である。

(3) A さんは 1 球取り出したのち, その色を見ずにポケットの中にしまった。B さんが取り出した球が白球であることがわかったとき, A さんが取り出した球も白球であった条件付き確率を求めたい。

A さんが赤球を取り出し, かつ B さんが白球を取り出す確率は $\frac{\text{オ}}{\text{カキ}}$ であり, A さんが青球を取

り出し, かつ B さんが白球を取り出す確率は $\frac{\text{サ}}{\text{シス}}$ である。

同様に, A さんが白球を取り出し, かつ B さんが白球を取り出す確率を求めることができ, これら

の事象は互いに排反であるから, B さんが白球を取り出す確率は $\frac{\text{セ}}{\text{ソタ}}$ である。

よって, 求める条件付き確率は $\frac{\text{チ}}{\text{ツテ}}$ である。

(得点の配点は答冊子を参照)

[16 センター試験]

38 センター試験過去問 (2) 数学A /20

★★★
100

1個のさいころを投げる試行を4回繰り返す。以下では、1回目の試行におけるさいころの目が5以上である事象を A_1 、1回目と2回目の試行における目の和が5以上である事象を A_2 、1回目から3回目までの試行における目の和が5以上である事象を A_3 、1回目から4回目までの試行における目の和が5以上である事象を A_4 と表す。

また、事象 A, B の積事象を $A \cap B$ 、事象 A の余事象を \bar{A} で表す。

(1) 事象 A_1 が起こる確率は、 $\frac{\text{ア}}{\text{イ}}$ である。

(2) 事象 $\bar{A}_1 \cap A_2$ が起こる確率は、 $\frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$ である。また、事象 \bar{A}_1 が起こったときの事象 A_2 が起

こる条件付き確率は、 $\frac{\text{オ}}{\text{カ}}$ である。

(3) 事象 \bar{A}_2 が起こったときの事象 A_3 が起こる条件付き確率は、 $\frac{\text{キ}}{\text{ク}}$ である。

(4) 事象 \bar{A}_3 が起こったときの事象 A_4 が起こる条件付き確率は、 $\frac{\text{ケコ}}{\text{サシ}}$ である。

(得点の配点は答冊子を参照)

[16 センター試験追試]

39 センター試験過去問 (3) 数学A /20

101 あたりが2本、はずれが2本の合計4本からなるくじがある。A, B, Cの3人がこの順に1本ずつくじを引く。ただし、1度引いたくじはもとに戻さない。

- (1) A, Bの少なくとも一方があたりのくじを引く事象 E1 の確率は、ア/イ である。
(2) 次の ウ, エ, オ に当てはまるものを、下の 0 ~ 5 のうちから一つずつ選べ。ただし、解答の順序は問わない。

A, B, Cの3人で2本のあたりのくじを引く事象 E は、3つの排反な事象 ウ, エ, オ の和事象である。

- 0 A がはずれのくじを引く事象 1 A だけがはずれのくじを引く事象
2 B がはずれのくじを引く事象 3 B だけがはずれのくじを引く事象
4 C がはずれのくじを引く事象 5 C だけがはずれのくじを引く事象

また、その和事象の確率は カ/キ である。

- (3) 事象 E1 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率は、ク/ケ である。

- (4) 次の コ, サ, シ に当てはまるものを、下の 0 ~ 5 のうちから一つずつ選べ。ただし、解答の順序は問わない。

B, Cの少なくとも一方があたりのくじを引く事象 E2 は、3つの排反な事象 コ, サ, シ の和事象である。

- 0 A がはずれのくじを引く事象 1 A だけがはずれのくじを引く事象
2 B がはずれのくじを引く事象 3 B だけがはずれのくじを引く事象
4 C がはずれのくじを引く事象 5 C だけがはずれのくじを引く事象

また、その和事象の確率は ス/セ である。他方、A, Cの少なくとも一方があたりのくじを引く

事象 E3 の確率は、ソ/タ である。

- (5) 次の チ に当てはまるものを、下の 0 ~ 6 のうちから一つ選べ。

事象 E1 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p1, 事象 E2 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p2, 事象 E3 が起こったときの事象 E の起こる条件付き確率 p3 の間の大小関係は、チ である。

- 0 p1 < p2 < p3 1 p1 > p2 > p3 2 p1 < p2 = p3 3 p1 > p2 = p3
4 p1 = p2 < p3 5 p1 = p2 > p3 6 p1 = p2 = p3

40 センター試験過去 (4) 数学A /20

★★★
102

[1] 壺の中に1から4までの数字が一つずつ書かれた4枚のカードが入っている。この壺からカードを1枚取り出し、その数字を見てもとの壺に戻す試行を行う。

(1) この試行を2回行うとき、2回続けて数字1が取り出される確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ であり、2回続けて

奇数の数字が取り出される確率は $\frac{\text{エ}}{\text{オ}}$ である。

(2) この試行を4回行うとき、数字1が少なくとも2回取り出される確率は $\frac{\text{カキ}}{\text{クケコ}}$ である。

(3) この試行を繰り返すとき、1回目から4回目までに取り出された数字に、1から4までのすべての数字が現れる確率は $\frac{\text{サ}}{\text{シス}}$ である。

また、4回繰り返してもどれかの数字が現れないという条件のもとで、更に、もう1度試行を行うと1から4までのすべての数字が現れる条件つき確率は $\frac{\text{セ}}{\text{ソタ}}$ である。

[2] 壺を3個用意し、そのうち2個の壺には、それぞれ、1から4までの数字が一つずつ書かれた4枚のカードが入っている。残りの1個の壺には、数字1の書かれたカードが2枚、数字2、3の書かれたカードがそれぞれ1枚入っている。はじめの2個の壺をA型の壺、残り1個の壺をB型の壺と呼ぶ。ただし、これらの壺は外から見て区別できない。

これら3個の壺から1個をでたために選び、更にそこからカードを1枚取り出しその数字を記録してもとの壺に戻す、という試行を行う。

この試行を2回反復したところ、取り出された数字が2回とも1であった。このとき1回目を選んで壺がB型であった条件つき確率は $\frac{\text{チ}}{\text{ツ}}$ である。

(得点の配点は答冊子を参照)

[17 センター試験追試]