

# ダイジェスト版

内容解説資料



## 教科書

- 「学びやすい」「教えやすい」を追求！
- 2 最新シリーズの特長
- 4 最新シリーズの改訂ポイント
- 5 章の構成と時間配当表
- 6 目次
- 8 教科書の手引き
- 10 デジタルコンテンツの紹介
- 12 数学I
- 42 数学A
- 70 QR コンテンツ

## 副教材

- 72 教科書傍用問題集、補助教材

## 教授資料など

- 74 教授資料の構成
- 75 解説動画
- 76 教授資料本冊
- 77 指導用教科書、デジタル版指導用教科書
- 78 学習評価に関する参考資料
- 79 デジタルコンテンツに関する参考資料
- 80 授業用スライド、授業用プリント、  
主体的・対話的で深い学びへの参考資料
- 81 教授資料付属データ一覧、Google フォーム
- 82 Studyaid D.B.
- 84 デジタル版教科書・副教材  
チャート×ラボ



教科書のご案内サイトは  
こちら！



教科書の紹介動画は  
こちら！

数研出版

# 「学びやすい」「教えやすい」を追求！

2022年度から高等学校の新しい教育課程では、学習教材に求められることも多様になっています。

科目編成の変化による学習内容の変更だけでなく、ICT教材の積極的な活用、数学的活動の充実、統計教育のさらなる拡充など、教育の変化に合わせて教科書が担う役割も変わっていくべきであることを、私たちも日々実感しています。

数研出版の教科書は、従来からの良さを引き継ぎつつも、新しい学びに対応していくように、様々な要素を盛り込み、「学びやすい」「教えやすい」を追求しました。

ここでは、最新シリーズにおける様々な工夫について、特徴的なものを取り上げていきたいと思います。

## ICT教材の積極的な活用

紙面だけではイメージすることが難しい動きをアニメーションで見ることができたり、生徒さん自身が実際に手を動かしながら考察することで理解を深められたりできるようなQRコンテンツを多数収録し、紙面の関連する箇所に「Link」というマークで示しました。紙面の見開き右下にある二次元コードから、これらのコンテンツにアクセスできます。

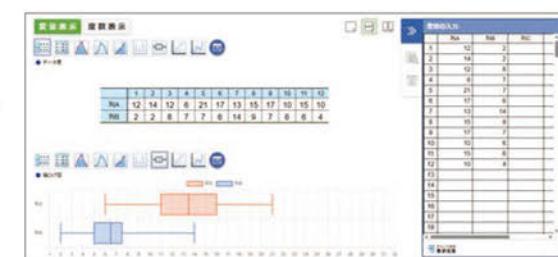
→詳しくは13, 35ページへ

例 8 次のデータは、那覇と岡山において、2022年に1mm以上の降水量があった日数を、月ごとに1月から12月まで並べたものである。(単位は日)

月	那覇	岡山
1月	12	2
2月	14	2
3月	12	8
4月	6	7
5月	21	7
6月	17	6
7月	13	14
8月	15	9
9月	17	7
10月	10	6
11月	15	6
12月	10	4

データの値を小さい方から並べると

月	那覇	岡山
1月	6	2
2月	10	2
3月	10	4
4月	12	6
5月	12	6
6月	13	7
7月	14	7
8月	15	8
9月	15	8
10月	17	9
11月	17	10
12月	21	14



12 次の連立方程式を解け。

(1)  $\begin{cases} 2x+y=-1 \\ x-y=-2 \end{cases}$  (2)  $\begin{cases} 2x+3y=4 \\ 5x+4y=3 \end{cases}$

(3)  $\begin{cases} y=2x \\ 3x-y=3 \end{cases}$  (4)  $\begin{cases} y=-x+3 \\ x-2y=6 \end{cases}$

さらに、基礎的・基本的な知識技能の定着に役立つ練習の補充問題を、コンテンツとして収録しています。

## 数学的活動の充実

最新シリーズでは、章扉を見開き構成としました。その章に関連する日常生活を意識した問題や、学習する動機付けとなるような問題を紹介するページです。会話形式の構成にしたり、既習事項を振り返る場面を設けたりして、生徒さん自身で読み進められるよう配慮しました。

また、章扉で紹介した問題は本文や課題学習などで再び触れられるようしています。

→詳しくは14, 15ページへ

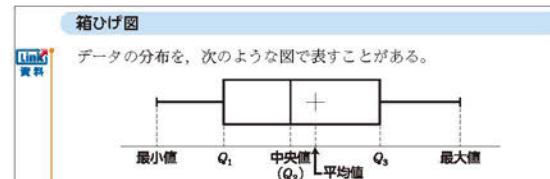
## 統計教育のさらなる充実

### 6 仮説検定の考え方

集団に対して調査する場合、集団全体のデータを集めることは難しい場合がほとんどです。そのようなとき、集団から一部を抜き出して、そのデータから集団全体の状況を推測することができます。ここでは、その推測が妥当であるかどうかを判断する1つの考え方として、仮説検定の考え方について学習します。

#### 仮説検定の考え方

ボールペンを製造している会社が、既に販売しているボールペンAを改良して新



今回の課程では、統計分野の内容拡充も大きなポイントのひとつであり、特に数学Ⅰのデータ分析には「仮説検定の考え方」が加わっています。最新シリーズでは、社会の形成に参画する姿勢を育めるよう、商品開発や品質調査に関する例を取り上げています。

また、「箱ひげ図」は中学校で学習する内容となりましたが、スムーズな理解のため数学Ⅰで扱いました。

→詳しくは34~39ページへ

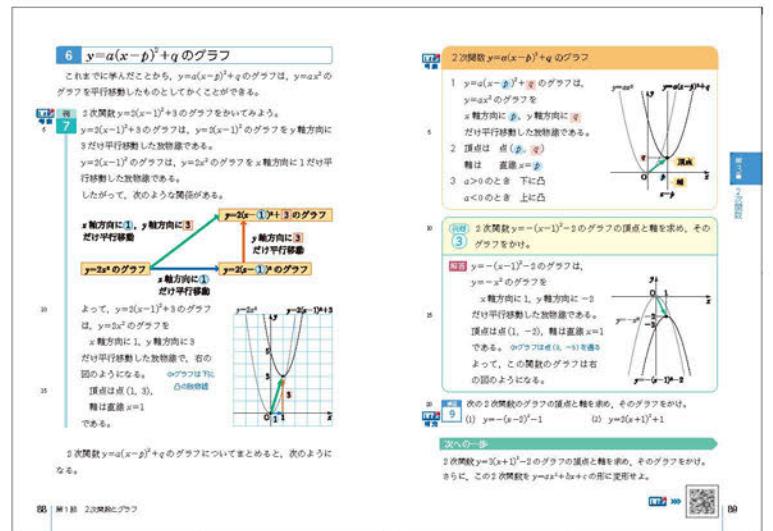
## 最新シリーズの特長

最新シリーズは繋がりで深まる基本の理解を大切にしました。具体的には、次の3点が大きな特長です。

### 1 基礎的・基本的な知識・技能の定着

- 最新シリーズでは、従来から基礎から標準までを定着させるベーシックな教科書として編集しており、その方針は改訂版でも変わりません。見やすい構成と充実した問題量で知識・技能を定着させます。それが最新シリーズの大きな特長です。

★項目初めは、なるべく左ページから始まるよう、配慮しました。各項目は、導入→例→例題の見やすい構成です。



★各項目のまとめとして「振り返り」を掲載しました。基礎的・基本的な知識・技能の復習や整理に役立ちます。

振り返り 三角形の外心、内心、重心

ここでは、三角形の外心、内心、重心について、これまでに学んできたことを振り返ってみましょう。次の空欄には、これまで学んできた語句や数が入ります。教科書を振り返り、空欄を埋めてみましょう。

●三角形の外心

1 三角形の3つの頂点を通る円を [ ] といい、その中心を外心という。

2 外心は、3辺の [ ] が交わる点である。

### 2 丁寧な説明、適切な問でスムーズな授業・学習が可能です。

- 授業・学習をスムーズに行えるような工夫をほどこしました。授業・学習をスムーズに行うことで、演習の時間を増やせたり、対話的な活動に時間をかけたりすることができます。

★説明の展開は、具体例による説明から一般論へとまとめるよう心がけました。さらに、1つの例・例題には1つの学習内容のみを扱っていますので、無理なく段階的に学習できます。

### 重複順列

これまで、異なるものを重複させずに並べるとき、その並べ方が何通りあるかを考えてきました。ここでは、重複を許して何通りでも使ってよいとき、その並べ方が何通りあるかを考えます。同じものをくり返し使ってよいという意味

例 8 記号○と×を、重複を許して5個並べるとする。このとき、右の図のように、5個のどの位置にも、○と×の2種類の記号を並べよ。



したがって、この順列の総数は、積の法則により  
 $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5 = 32$  (通り)

例 8 のように、異なる  $n$  種類のものから重複を許して  $r$  個取り出して1列に並べたものを、「 $n$  個から  $r$  個取る 重複順列」という。その総数は次のようにになる。

### 重複順列の総数

$n$  個から  $r$  個取る重複順列の総数は  $n^r$   $\frac{n \times n \times \dots \times n}{r \text{ 個の積}}$

例 9 4種類の数字1, 2, 3, 4から、重複を許して3個使ってできる3けたの数は

$$4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64 \text{ (個)}$$

LINK 次の2次関数のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。

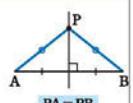
問題 9 (1)  $y = -(x-2)^2 - 1$  (2)  $y = 2(x+1)^2 + 1$

次への一歩

2次関数  $y = 3(x+1)^2 - 2$  のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。さらに、この2次関数を  $y = ax^2 + bx + c$  の形に変形せよ。

### 三角形の外心

線分ABの垂直二等分線上の点は、2点A, Bから等距離にある。また逆に、2点A, Bから等距離にある点は、線分ABの垂直二等分線上にある。



### 3 知識・技能の習得段階から思考力・判断力・表現力も育成できる工夫を盛り込んでいます。

●新しい学習指導要領におけるキーワードの1つともいえる思考力・判断力・表現力。普段の授業からこれらを少しづつ養っていくような工夫をほどこしました。

★標準的で重要な問題を例題できっちり扱っています。

さらに、研究や発展でも重要な問題を扱っていますので、さらにレベルアップすることができます。

★式や値を求めるだけでなく、内容の理解を深められるような問い合わせを設定し、「深める」というマーク 深める で示しました。本文とは区別して脚注で扱うことで、生徒さんの理解度に応じて取り上げられるようになっています。

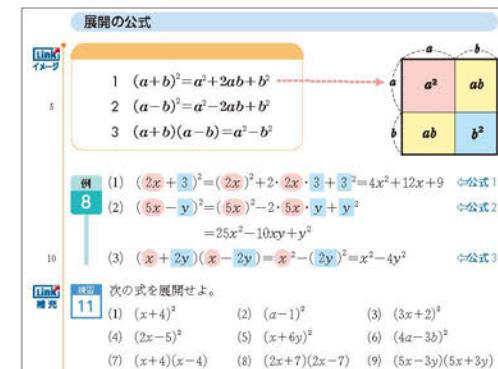
深める  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  とします。次の①～⑥の等式の中には、 $\theta$  がどのような値をとっても成り立たないものがあります。成り立たない等式をすべて選んでみよう。

- ①  $\sin \theta = \frac{4}{9}$  ②  $\cos \theta = 2$  ③  $\tan \theta = -\sqrt{5}$   
④  $\sin \theta = -\frac{1}{\sqrt{2}}$  ⑤  $\cos \theta = -\frac{1}{\sqrt{5}}$  ⑥  $\tan \theta = 10$

## 最新シリーズの改訂ポイント

### 1 レイアウトを刷新！

★改訂版ではレイアウトを刷新し、より理解しやすく・目に優しいデザインに変更しました。初版よりシンプルでありながら、難しそうな印象を与えないデザインを目指し、洗練されたレイアウトになりました。



### 2 「わかりやすい」をアップデート！

**多項式の乗法**

数と多項式の積は、次のように計算できる。  
 $(4x+5) \times 3 = 3 \times 4x + 3 \times 5 = 12x + 15$   
 $(4x+5) \times 3 = 4x \times 3 + 5 \times 3 = 12x + 15$   
 この計算では、次の 分配法則 を使っている。

**分配法則**

$$A(B+C) = AB + AC \quad (A+B)C = AC + BC$$

次の式を計算せよ。  
 (1)  $2(3x+1)$     (2)  $(2x-7) \times 10$     (3)  $\frac{1}{2}(4x+6)$

**数学のことば**

ここでは、日常生活ではあまり用いられない数学特有の表現について、いくつ取り上げた。答案を書いたり、周囲の人と話し合ったりする場面で活用できるように、理解を深めておこう。

**不等式の解** (☞ 48 ページ)

「不等式  $3x-5 < 10$  の解が  $x < 5$  である」とは、「 $3x-5 < 10$  を成り立たせる  $x$  の値の範囲が  $x < 5$  である」という意味である。実際に、 $x < 5$  の範囲にある値（例： $x = -1, x = 3$ ）を左辺の  $3x-5$  に代入すると、どのような値でも結果は 10 より小さく、不等式が成り立つ。

### 3 データの分析、整数の内容は学びやすく、内容も充実！

★数学Ⅰのデータの分析、特に「仮説検定の考え方」の内容では、視覚的に理解しやすくなるようにしました。

★改訂版から、数学A「数学と人間の活動」に「倍数の判定法」や「最大公約数・最小公倍数の求め方」を新たに加えました。  
 さらに、章末に「問題A」「問題B」「章末問題」を加え、内容を充実させました。

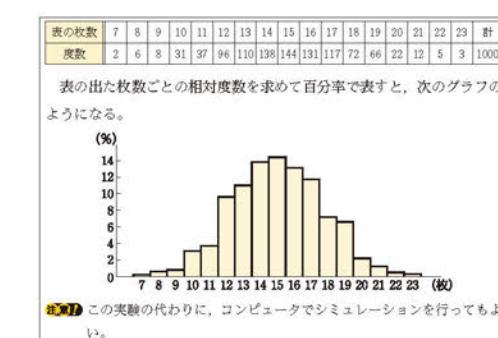
## 章の構成と時間配当表

### 数学Ⅰ

章・節	頁数	配当時間
第1章 数と式	46	23
第1節 数と式	20	10
第2節 実数	10	5
第3節 1次不等式	13	7
章末問題	1	1
第2章 集合と命題	18	8
集合と命題	15	7
章末問題	1	1
第3章 2次関数	46	26
第1節 2次関数とグラフ	26	16
第2節 2次方程式と2次不等式	17	9
章末問題	1	1
第4章 図形と計量	36	20
第1節 三角比	20	10
第2節 正弦定理・余弦定理	13	9
章末問題	1	1
第5章 データの分析	30	9
データの分析	27	8.5
章末問題	1	0.5
課題学習	8	4
合計	184	90

### 数学A

章・節	頁数	配当時間
第1章 場合の数と確率	52	34
第1節 場合の数	26	16
第2節 確率	23	17
章末問題	1	1
第2章 図形の性質	54	34
第1節 三角形の性質	20	11
第2節 円の性質	14	12
第3節 作図	6	3
第4節 空間図形	11	7
章末問題	1	1
第3章 数学と人間の活動	38	22
数学と人間の活動	35	21
章末問題	1	1
合計	144	90



# 目次

## 数学 I

●中学校の内容の確認	
1. 数の計算	6
2. 文字式	8
3. 方程式	10
<b>第1章   数と式</b>	
第1節   数と式	
1. 多項式	14
2. 多項式の加法・減法・乗法	16
3. 展開の公式	20
4. 式の展開の工夫	22
5. 因数分解	24
6. いろいろな因数分解	28
振り返り 展開、因数分解	30
○節末問題	31
発展 3次式の展開と因数分解	32
<b>第2節   実数</b>	
7. 実数	34
研究 循環小数を分数で表す	37
8. 根号を含む式の計算	38
○節末問題	42
発展 2重根号	43
<b>第3節   1次不等式</b>	
9. 不等式	44
10. 不等式の性質	46
11. 1次不等式の解き方	48
12. 連立不等式	52
13. 不等式の利用	54
振り返り 不等式	55
○節末問題	56
●章末問題	57
<b>第2章   集合と命題</b>	
1. 集合と部分集合	60

### ●内容解説について

- 内容解説を、各所に枠囲みで示しました。
- 内容解説は、次の4種に分け、末尾に「…①」のように示しています。
  - ①数研シリーズ全般に関するポイント
  - ②このシリーズ特有のポイント
  - ③他のシリーズと比較してご覧頂ける箇所
  - ④デジタルコンテンツに関するポイント

## 第4章 | 図形と計量

### 第1節 | 三角比

1. 鋭角の三角比	124
2. 三角比の利用	128
3. 三角比の相互関係	130
4. 三角比の拡張	134
5. 三角比が与えられたときの角	140

研究  $\tan \theta = m$  を満たす  $\theta$

振り返り 三角比

○節末問題

### 第2節 | 正弦定理・余弦定理

6. 正弦定理	144
7. 余弦定理	147
8. 三角形の面積	150
9. 図形の計量	152
7. $y=ax^2+bx+c$ のグラフ	90
振り返り 正弦定理・余弦定理	154

研究 2次関数のグラフの平行移動

○節末問題

発展 ヘロンの公式

●章末問題

### 第3節 | 2次関数

#### 第1節 | 2次関数とグラフ

1. 関数	78
2. 関数とグラフ	80
3. $y=ax^2$ のグラフ	82
4. $y=ax^2+q$ のグラフ	84
5. $y=a(x-p)^2$ のグラフ	86
6. $y=a(x-p)^2+q$ のグラフ	88
7. $y=ax^2+bx+c$ のグラフ	90

研究 2次関数のグラフの平行移動

8. 2次関数の最大・最小

9. 2次関数の決定

振り返り 1次関数、2次関数のグラフ

○節末問題

研究 連立3元1次方程式の解き方

●章末問題

### 第4節 | 作図

1. データの整理	160
2. データの代表値	162
3. データの散らばり	165
4. データの相関	174

5. 相関係数

研究 分割表

研究 統計的探究プロセス

6. 仮説検定の考え方

振り返り データの散らばり

○問題

●章末問題

### 第5章 | データの分析

#### 第2節 | 2次方程式と2次不等式

10. 2次方程式	104
11. 2次関数のグラフと $x$ 軸の共有点	108
12. 2次不等式	113
13. 2次不等式の利用	118

研究 分割表

研究 統計的探究プロセス

6. 仮説検定の考え方

振り返り データの散らばり

○問題

●章末問題

#### 第3節 | 空間図形

#### 第4節 | 空間図形

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究・発展の練習の答

ギリシャ文字

さくいん

## 数学 A

## 第1章 | 場合の数と確率

### 第1節 | 場合の数

1. 集合	8
2. 集合の要素の個数	10
3. 樹形図、和の法則、積の法則	14
4. 順列	18
5. 円順列と重複順列	22
6. 組合せ	24

振り返り 和の法則、積の法則

振り返り 順列、組合せ

○節末問題

### 第2節 | 確率

7. 確率の意味	34
8. 確率の計算	35
9. 確率の基本性質	38
10. 事象と確率	40
11. 独立な試行の確率	44
12. 反復試行の確率	46
13. 条件付き確率	48
14. 期待値	52

振り返り 確率

○節末問題

●章末問題

### 第3節 | 作図

#### 第1節 | 地図

10. 基本の作図	94
11. いろいろな作図	97

研究 正五角形の作図

●章末問題

### 第4節 | 空間図形

#### 第1節 | 空間図形

12. 空間ににおける直線と平面

13. 多面体

研究 正多面体が5種類である理由

振り返り 多面体

○問題

●章末問題

### 第2節 | 図形の性質

#### 第1節 | 三角形の性質

1. 角の二等分線と比

2. 三角形の外心、内心、重心

3. チェバの定理・メネラウスの定理

振り返り 三角形の辺と角

振り返り 三角形の外心、内心、重心

○節末問題

●章末問題

### 第3節 | 数学と人間の活動

#### 第1節 | 数学と人間の活動

1. 約数と倍数

2. 素数と素因数分解

3. 最大公約数と最小公倍数

4. 整数の割り算

5. ユークリッドの互除法

6. 1次不定方程式

7. 記数法

8. 座標の考え方

9. ゲーム・パズルの中の数学

○問題

●章末問題

■数学のことば

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究の練習の答

さくいん

ギリシャ文字

●章末問題

■数学のことば

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究・発展の練習の答

ギリシャ文字

さくいん

●章末問題

■数学のことば

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究の練習の答

さくいん

ギリシャ文字

●章末問題

■数学のことば

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究・発展の練習の答

ギリシャ文字

さくいん

●章末問題

■数学のことば

練習の答

○節末問題、●章末問題の答

振り返りの(問)の答

研究・発展の練習の答

ユニバーサルデザインに配慮し、本文和文書体に見やすく読み間違えにくい  
ユニバーサルデザインフォントを使用しました。…①

## この本の使い方

中学校を含め、今までに学習した内容を示しています。

例  
1

本文の理解を助けるための具体的な例です。

例題  
1

その項目の内容の基礎となる問題や代表的な問題です。必要に応じて、問題を解くためのポイントを「考え方」として載せました。  
解答で模範解答の一例を示しました。

練習  
1

例、例題の内容を自分で反復学習するための問題です。巻末に答がありますので、確認に利用してください。

次への一歩

その項目で学習した内容のうち、次の項目で必要な内容を確認するための問題です。

深める

見方を変えて考えてみるなど、内容の理解を深めるための問題です。ページの下に掲載しています。

振り返り  
問

内容の区切りや節の終わりにあります。それまでの基本事項をまとめました。基本事項の確認に利用してください。理解を深めるための問題を「問」で取り上げました。

節末問題 A  
節末問題 B

内容の区切りや節の終わりにあります。節末問題 A はそれまでの復習の復習問題、節末問題 B はやや程度の高い問題を取り上げました。

関連する内容について、本文の参照ページを示しました。

色覚の個人差を問わず多くの人に見やすいよう、カラーユニバーサルデザインに配慮しました。…①

章末問題

各章の終わりにあります。その章の内容全体の復習で、応用的な問題を中心に取り上げました。

研究

本文の内容に関連するやや程度の高い内容を取り上げました。場合によっては省略して進むことができます。

発展

学習指導要領の数学 I の範囲外の内容です。興味や関心に応じて選択して学習する発展的内容です。

Column

本文の内容に関連した興味深い話題を取り上げました。

課題学習 1

章扉、本文の内容に関連する興味深い事柄について、いくつかの課題とともに取り上げました。主体的に考えて、取り組んでみましょう。

数学のことば

日常生活ではあまり用いられない数学特有の表現について、本文に参照を入れ、巻末でいくつか取り上げました。

### インターネットへのリンクマーク

この教科書に関連した補充問題、参考資料、理解を助けるアニメーション、活動を効果的に行うためのツールなどが利用できる目印です。

Link  
補充  
Link  
資料  
Link  
イメージ  
Link  
考察

下記の URL を入力するか二次元コードを読み取ることで利用できます。必要に応じて活用してください。

なお、インターネットに接続することで発生する通信料は、使用者の負担となりますので注意してください。

<https://www.chart.co.jp/qr/26ma1/>



マークについて

マーク … 学習した内容の復習問題や復習問題。

マーク … 学習で身に着けた知識をもとにして、数学的な見方・考え方を働かせることで解決できる問題。

マーク … 数学をより深く理解するための説明や、数学に関する興味深い事柄。

NEW!

各種デジタルコンテンツの利用法と、コンテンツを用いてどのように学ぶかについて、見返しにまとめています。  
コンテンツについては、本冊子右ページもご参考ください。

…④

様々なデジタルコンテンツをご用意！

サンプルは  
こちら！

## 本書で扱うデジタルコンテンツについて

### ●インターネットへのリンクマーク

この教科書では、Linkの箇所で、関連したデジタルコンテンツを利用することができます。

**Link 補充** 教科書の練習の反復問題を表示するコンテンツです。

**Link 資料** 教科書の内容に関連した情報を表示するコンテンツです。

**Link イメージ** 動画やアニメーションによって、教科書の内容を理解しやすくするコンテンツです。

**Link 考察** グラフや図をかいたり動かしたりして、理解を深めることができるコンテンツです。

その他にもさまざまなコンテンツを収録しています。

既習内容の確認問題

数学の理解を深める動画

公式を理解する動画 など



### ●デジタルコンテンツへのアクセス方法

これらのコンテンツは、下記のURLを入力するか二次元コードを読み取ることで利用できます。

なお、インターネットに接続することで発生する通信料は、使用者の負担となりますので注意してください。

<https://www.chart.co.jp/qr/26ma1/>



### ■公式集

**Link** 7. 因数分解の公式

$$\begin{aligned} 1 \quad a^2 + 2ab + b^2 &= \boxed{\phantom{000}} \\ a^2 - 2ab + b^2 &= \boxed{\phantom{000}} \\ 2 \quad a^2 - b^2 &= \boxed{\phantom{000}} \\ 3 \quad x^2 + (a+b)x + ab &= \boxed{\phantom{000}} \end{aligned}$$

展開の公式を逆に利用すると、因数分解の公式が得られる。  
公式1は、符号に注意して用いる。

### ■用語辞書

**Link** サイン (図形と計量)

右の図の直角三角形において、  
 $\frac{y}{r}$  の値を  $\theta$  の  
サインまたは正弦という

コサイン タンジェント

### ■既習内容の確認問題

**Link** 第1章 比と式 の学習の振り返り

分数の計算 次の計算をせよ。  
(1)  $\frac{1}{3} + \frac{2}{4}$  (2)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{5}$   
(3)  $\frac{2}{3} \times \frac{6}{5}$  (4)  $\frac{1}{3} - \frac{7}{10}$

正の数、負の数の計算 次の計算をせよ。  
(1)  $10 + (-6)$  (2)  $9 - (-7)$   
(3)  $(-4) \times (-5)$  (4)  $12 \div (-2)$

累乗の計算 次の計算をせよ。  
(1)  $4^3$  (2)  $(-2)^2$  (3)  $-4^2$

四則の混じった式の計算 次の計算をせよ。  
(1)  $18 - 3 \times 9$  (2)  $4 - 3 \times (4 - 5)^2$

### ■数学の理解を深める動画

$6 \div 2 = 3$   
 $\downarrow$   
 $6 = 3 \times 2$

$6 \div 0 = ?$   
 $\downarrow$   
 $6 = ? \times 0$

計算すると  
0になる

当てはまる数がない

### ■公式を理解するための動画

$$\begin{aligned} &\frac{1}{n} \left[ (x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2 \right] \\ &= \frac{1}{n} \left[ (x_1^2 - 2x_1\bar{x} + (\bar{x})^2) + (x_2^2 - 2x_2\bar{x} + (\bar{x})^2) + \dots + (x_n^2 - 2x_n\bar{x} + (\bar{x})^2) \right] \\ &= \frac{1}{n} \left( x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2 \right) - 2\bar{x}(x_1 + x_2 + \dots + x_n) + n(\bar{x})^2 \\ &= \frac{1}{n} (x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2) - 2\bar{x} \cdot \frac{1}{n} (x_1 + x_2 + \dots + x_n) + (\bar{x})^2 \\ &= \bar{x}^2 - 2(\bar{x})^2 + (\bar{x})^2 \\ &= \bar{x}^2 - (\bar{x})^2 \end{aligned}$$

变量xのデータの総数nは、その学習目標x1, x2, ..., xnである。  
 $x = \frac{1}{n} (x_1 + x_2 + \dots + x_n)$   
 $x^2 = \frac{1}{n} (x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2)$

### ■各章の導入動画

### ■計算カード

**Link** 4 TOP 1/5

$$2x^2 + 7x + 6$$

=

平面上

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 C 探点

### ■考察コンテンツ

$y = 2x^2$  のグラフを平行移動

x軸方向に  3  2

y軸方向に  3  2

移動後の方程式  $y = 2(x-3)^2 + 2$

軸  $x=3$

頂点  $(3, 2)$

最初に戻る

デジタルコンテンツについては、本冊子p.70, 71もご覧ください。

中学校の復習として、基本的な計算について、まとめて取り上げました。

…③

### 3 方程式

#### 中学校の内容の確認

##### 1 次方程式

###### 等式の性質

1 等式の両辺に同じ数を足しても、等式は成り立つ。

$$A=B \text{ ならば } A+C=B+C$$

2 等式の両辺から同じ数を引いても、等式は成り立つ。

$$A=B \text{ ならば } A-C=B-C$$

3 等式の両辺に同じ数を掛けても、等式は成り立つ。

$$A=B \text{ ならば } AC=BC$$

4 等式の両辺を同じ数で割っても、等式は成り立つ。

$$A=B \text{ ならば } \frac{A}{C}=\frac{B}{C} \quad \text{ただし, } C \neq 0$$

**注意!**  $C \neq 0$  は、 $C$  が 0 に等しくないことを表す。

右のように、等式では等式の性質を使って、一方の辺の項を、その符号を変えて他方の辺に移すことができる。

このような操作を **移項** という。

**例** 1次方程式  $3(x-2)=5x+4$  を解こう。

**11** かっこをはずすと

$$\begin{aligned} 3x - 6 &= 5x + 4 \\ 3x - 5x &= 4 + 6 \\ -2x &= 10 \\ x &= -5 \end{aligned}$$

-6 と  $5x$  を移項  
両辺を -2 で割る

式変形の補足を入れました。…②

副文で「移項」の図解を入れました。  
…②

…③

**Link** **補充** 次の1次方程式を解け。

- (1)  $x-5=-1$  (2)  $-4x=12$  (3)  $6(x+2)=-x+5$

10 | 中学校の内容の確認

##### 連立方程式

**例** 次の連立方程式を解こう。

**12** (1)  $\begin{cases} 3x+2y=4 & \dots \text{①} \\ 5x-3y=13 & \dots \text{②} \end{cases}$

$$\text{①} \times 3 \quad 9x+6y=12$$

$$\text{②} \times 2 \quad + ) \quad 10x-6y=26$$

$$\begin{array}{r} 19x \\ =38 \end{array}$$

$$x=2$$

$$x=2 \text{ を ① に代入すると } 3 \times 2+2y=4$$

$$2y=-2$$

$$y=-1$$

$$\text{よって } x=2, y=-1$$

(2)  $\begin{cases} y=2x-1 & \dots \text{①} \\ -x+3y=-8 & \dots \text{②} \end{cases}$

②に ① を代入すると

$$-x+3(2x-1)=-8 \quad \text{②の } y \text{ に ① の } 2x-1 \text{ を代入する}$$

$$5x=-5$$

$$x=-1$$

$$x=-1 \text{ を ① に代入すると}$$

$$y=2 \times (-1)-1=-3$$

$$\text{よって } x=-1, y=-3$$

20 **練習** **12** 次の連立方程式を解け。

(1)  $\begin{cases} 2x+y=-1 \\ x-y=-2 \end{cases}$

(2)  $\begin{cases} 2x+3y=4 \\ 5x+4y=3 \end{cases}$

(3)  $\begin{cases} y=2x \\ 3x-y=3 \end{cases}$

(4)  $\begin{cases} y=-x+3 \\ x-2y=6 \end{cases}$

練習の反復問題を表示する  
補充問題コンテンツを用意  
しました。また、補充問題  
コンテンツの数を増やしま  
した。  
…④



**Link** **>>**



11

4 TOP OFF 1/5

$$\begin{cases} y=x+2 \\ 2x-y=6 \end{cases}$$

$x = \boxed{\phantom{00}}, y = \boxed{\phantom{00}}$

章扉を見開き構成としました。その章に関連する日常生活を意識した問題や、学習する動機付けとなるような問題を紹介します。…②

# 第1章 数と式

## 第1節 数と式

## 第2節 実数

## 第3節 1次不等式

Yさんは友達とお菓子交換をするために、1個100円のお菓子Aと1個60円のお菓子Bを購入することにしました。



交換するお菓子の個数を考えると、お菓子Aとお菓子Bを合わせて20個購入する必要がありそうだね。



おこづかいを考えると、お菓子交換に使える金額は1500円までだよ。

それより多くは使えないよ。

章扉のページには、これから学ぶことの全体像をイメージするために、その章で学ぶ内容を把握できるような動画をご用意しました。…④

専用HPから関連情報にアクセスすることができる目印です。



この章で学ぶこと  
イメージ



じゃあ、お菓子Aを5個とお菓子Bを15個でいいんじゃないかな。  
これならお菓子の代金の合計は1400円だよ。



確かにそれなら1500円以内に収まっているね。  
でも、お菓子Aの方が人気があるから、できるだけ多くお菓子Aを買いたいな。



お菓子Aを10個とお菓子Bを10個だと、代金の合計が1600円になってしまうね。  
どのように考えたらいいんだろう。

1個100円のお菓子Aと1個60円のお菓子Bを合わせて20個買い、代金の合計を1500円以内にするとき、1個100円のお菓子Aをできるだけ多く買う方法を考えましょう。p.54で考えます。

項目初めでは、その項目で学習する内容を簡潔にまとめました。  
生徒さんが目標をもって取り組むことができます。

…②

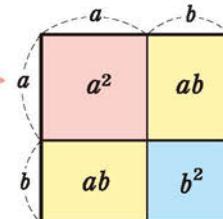
### 3 展開の公式

→ ここでは、式の展開でよく使われる等式を公式としてまとめます。

#### 展開の公式

**Link**  
イメージ

- 1  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- 2  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- 3  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$



**例 8**

- (1)  $(2x+3)^2 = (2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot 3 + 3^2 = 4x^2 + 12x + 9$  ⇔ 公式 1
- (2)  $(5x-y)^2 = (5x)^2 - 2 \cdot 5x \cdot y + y^2$  ⇔ 公式 2  
 $= 25x^2 - 10xy + y^2$
- (3)  $(x+2y)(x-2y) = x^2 - (2y)^2 = x^2 - 4y^2$  ⇔ 公式 3

**Link**  
補充

次の式を展開せよ。

- (1)  $(x+4)^2$
- (2)  $(a-1)^2$
- (3)  $(3x+2)^2$
- (4)  $(2x-5)^2$
- (5)  $(x+6y)^2$
- (6)  $(4a-3b)^2$
- (7)  $(x+4)(x-4)$
- (8)  $(2x+7)(2x-7)$
- (9)  $(5x-3y)(5x+3y)$

**Link**  
イメージ

**4**  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

**例 9**

- (1)  $(x+3)(x+5) = x^2 + (3+5)x + 3 \cdot 5 = x^2 + 8x + 15$   
足す  
掛ける
- (2)  $(x-4)(x+1) = x^2 + (-4+1)x + (-4) \cdot 1$  ⇔  $\{x+(-4)\}(x+1)$   
 $= x^2 - 3x - 4$
- (3)  $(x-5y)(x-2y) = x^2 + (-5y-2y)x + (-5y) \cdot (-2y)$   
 $= x^2 - 7xy + 10y^2$

20 第1節 数と式

中学数学や他科目、他項目で扱いのある既習事項には、線（既習線）を入れました。

…②

基礎的・基本的な知識・技能の定着に役立つ練習の補充問題を、コンテンツとして収録しています。

…④

**Link**  
補充 練習

12 次の式を展開せよ。

- (1)  $(x+2)(x+4)$
- (2)  $(x+8)(x-1)$
- (3)  $(x-7)(x+3)$
- (4)  $(x-3)(x-2)$
- (5)  $(x-2y)(x-7y)$
- (6)  $(x+4y)(x-3y)$

$(ax+b)(cx+d)$  を展開すると、次の公式が得られる。

5  $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

$$(ax+b)(cx+d) = \textcolor{red}{a} \textcolor{blue}{c} x^2 + (\textcolor{red}{a} \textcolor{blue}{d} + \textcolor{teal}{b} \textcolor{teal}{c})x + \textcolor{blue}{b} \textcolor{teal}{d}$$

(1) (2) (3) (4)

**例題** 次の式を展開せよ。

3 (1)  $(2x+3)(4x+5)$  (2)  $(3x+2y)(x-5y)$

考え方 (2) 公式 5 の  $b$  を  $by$ ,  $d$  を  $dy$  に変えて展開すると

$$(ax+by)(cx+dy) = acx^2 + (ad+bc)xy + bdy^2$$

となる。

解答 (1)  $(2x+3)(4x+5) = 2 \cdot 4x^2 + (2 \cdot 5 + 3 \cdot 4)x + 3 \cdot 5$   
 $= 8x^2 + 22x + 15$

(2)  $(3x+2y)(x-5y) = 3 \cdot 1x^2 + \{3 \cdot (-5) + 2 \cdot 1\}xy + 2 \cdot (-5)y^2$   
 $= 3x^2 - 13xy - 10y^2$

**Link**  
補充 練習

13 次の式を展開せよ。

- (1)  $(x+2)(3x+1)$
- (2)  $(5x+1)(x-2)$
- (3)  $(3x-2)(2x+5)$
- (4)  $(2x+y)(4x+3y)$
- (5)  $(2x-y)(x+3y)$
- (6)  $(2x-5y)(3x-2y)$

**Link** >>



紙面の端に章の見出しつけて、検索性を向上しています。

…①

1つの例題には1つの学習内容のみを扱っていますので、無理なく段階的に学習できます。

…②

## 6 いろいろな因数分解

複雑な式を因数分解するとき、式の形に応じた工夫をすると、因数分解しやすくなることがあります。

### おきかえの工夫

**例題** 11  $(x+y)^2+4(x+y)+3$  を因数分解せよ。

**考え方**  $x+y$  を  $M$  でおきかえて因数分解する。

**解答**  $x+y=M$  とおくと

$$\begin{aligned} (x+y)^2+4(x+y)+3 &= M^2+4M+3 = (M+1)(M+3) \\ &= (x+y+1)(x+y+3) \quad \text{Mを } x+y \text{ に} \\ &\quad \text{もどす} \end{aligned}$$

**練習** 22 次の式を因数分解せよ。

- (1)  $(x+y)^2+5(x+y)$  (2)  $(x+y)^2-7(x+y)+12$   
 (3)  $(x-y)^2-2(x-y)-15$  (4)  $(x-3y)^2-4$

### 1つの文字に着目して整理する

**例題** 次の式を因数分解せよ。

12  $a^2+ab-3a+2b-10$

**考え方**  $a, b$  のどちらかの文字に着目して式を整理する。ここでは、次数の低い文字  $b$  に着目して式を整理する。

$$\begin{aligned} \text{解答} \quad a^2+ab-3a+2b-10 &= (a+2)b+(a^2-3a-10) \quad \text{bについて整理} \\ &= (a+2)b+(a+2)(a-5) \\ &= (a+2)\{b+(a-5)\} \quad \text{共通因数 } a+2 \\ &= (a+2)(a+b-5) \quad \text{をくくり出す} \end{aligned}$$

28 第1節 数と式

効果的な色使いにより、見やすさに配慮しました。また、理解を助ける副文を充実しました。

…②

**練習** 次の式を因数分解せよ。

- 23 (1)  $a^2+ab+a+3b-6$  (2)  $y^2+xy+4x-16$

**例題** 次の式を因数分解せよ。

- 13 (1)  $x^2+3xy+2y^2+2x+5y-3$   
 (2)  $2x^2+7xy+3y^2-x-8y-3$

**考え方** (1)  $x^2+(y\text{の1次式})x+(y\text{の2次式})$  の形に整理する。  
 (2)  $2x^2+(y\text{の1次式})x+(y\text{の2次式})$  の形に整理する。

**解答** (1)  $x^2+3xy+2y^2+2x+5y-3$

$$= x^2 + (3y+2)x + 2y^2 + 5y - 3 \quad \leftarrow x \text{について整理}$$

$$= x^2 + (3y+2)x + (y+3)(2y-1) \quad \leftarrow 2y^2+5y-3 \text{を因数分解}$$

$$= \{x+(y+3)\}\{x+(2y-1)\}$$

$$= (x+y+3)(x+2y-1)$$

$$(2) \quad 2x^2+7xy+3y^2-x-8y-3$$

$$= 2x^2 + (7y-1)x + 3y^2 - 8y - 3 \quad \leftarrow x \text{について整理}$$

$$= 2x^2 + (7y-1)x + (y-3)(3y+1) \quad \leftarrow 3y^2-8y-3 \text{を因数分解}$$

$$= \{x+(3y+1)\}\{2x+(y-3)\}$$

$$= (x+3y+1)(2x+y-3)$$

$$\begin{array}{rcl} 1 & \times & y+3 \rightarrow y+3 \\ 1 & \times & 2y-1 \rightarrow 2y-1 \\ \hline 1 & (y+3)(2y-1) & 3y+2 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcl} 1 & \times & 3y+1 \rightarrow 6y+2 \\ 2 & \times & y-3 \rightarrow y-3 \\ \hline 2 & (y-3)(3y+1) & 7y-1 \end{array}$$

**Link** 練習 24 次の式を因数分解せよ。

- 20 (1)  $x^2+(2y+1)x+(y-1)(y+2)$   
 (2)  $x^2+3xy+2y^2+2x+y-3$   
 (3)  $2x^2+3xy+y^2-5x-3y+2$   
 (4)  $2x^2+7xy+5y^2-11x-26y+5$

**深める** 例題 12 の式を、文字  $a$  に着目して整理し、因数分解してみよう。

Link >>



構成要素「深める」として、別の方で考えてみる、理由を説明するなど、本質的な理解に繋がる問い合わせを脚注に掲載しました。  
 必要に応じて扱うことができます。

…①

$y=ax^2$  のグラフは中学校の内容ですが扱っています。  
中学との連携によりスムーズな理解に繋がります。

…③

### 3 $y=ax^2$ のグラフ

Link  
考察

$y=2x^2$  のグラフと  $y=x^2$  のグラフの関係を調べてみよう。

同じ  $x$  の値について、 $x^2$  と  $2x^2$  の値を表にすると、次のようになる。

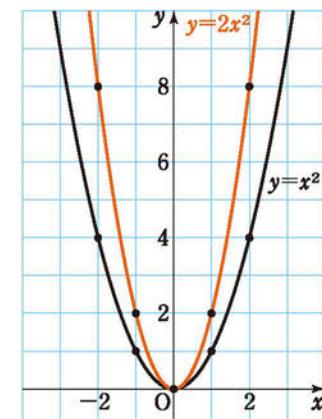
$x$	…	-3	-2	-1	0	1	2	3	…
$x^2$	…	9	4	1	0	1	4	9	…
$2x^2$	…	18	8	2	0	2	8	18	…

2倍

同じ  $x$  の値について、 $2x^2$  の値は  $x^2$  の値の 2 倍である。

したがって、 $y=2x^2$  のグラフは、 $y=x^2$  のグラフ上の各点について、その  $y$  座標を 2 倍した点全体であることがわかる。

$y=2x^2$  のグラフをかくと、右の図のようになる。



練習 5 2 次関数  $y=\frac{1}{2}x^2$  のグラフを右の図にかき込み。

次に、 $y=-2x^2$  のグラフと  $y=2x^2$  のグラフの関係を調べてみよう。

同じ  $x$  の値について、 $2x^2$  と  $-2x^2$  の値の表は次のようになる。

$x$	…	-3	-2	-1	0	1	2	3	…
$2x^2$	…	18	8	2	0	2	8	18	…
$-2x^2$	…	-18	-8	-2	0	-2	-8	-18	…

-1倍

同じ  $x$  の値に対する  $2x^2$  の値と  $-2x^2$  の値は、符号が逆である。

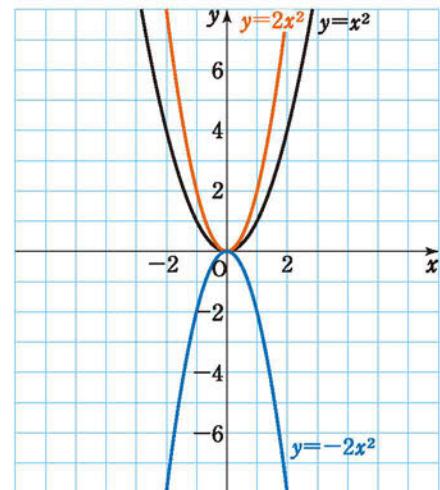
したがって、 $y=-2x^2$  のグラフは、 $y=2x^2$  のグラフと  $x$  軸に関して対称な曲線になる。

$y=-2x^2$  のグラフをかくと、右の図のようになる。

練習 6 次の 2 次関数のグラフを右の図にかき込み。

(1)  $y=-x^2$

(2)  $y=-\frac{1}{2}x^2$



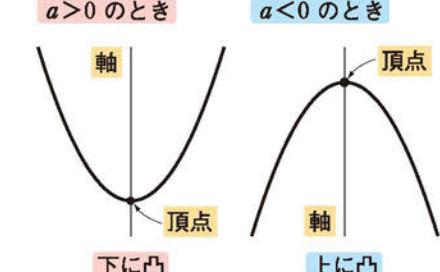
2 次関数  $y=ax^2$  のグラフは、原点 O を通り、 $y$  軸に関して対称な曲線である。この形の曲線を 放物線 といい、

$a>0$  のとき 下に凸 である。 ↗上に開いた形

$a<0$  のとき 上に凸 である。 ↗下に開いた形

という。

放物線の対称軸を、その放物線の 軸 といい、軸と放物線の交点を放物線の 頂点 という。



15 2 次関数  $y=ax^2$  のグラフは、軸が  $y$  軸、頂点が原点の放物線である。

Link 考察 深め 次の 4 つの 2 次関数を、グラフの開き具合の大きい順に並べてみよう。

①  $y=4x^2$  ②  $y=-3x^2$  ③  $y=-\frac{1}{5}x^2$  ④  $y=\frac{2}{3}x^2$

Link >>



$y=ax^2$  の係数  $a$  とグラフの関係を考察する問題です。  
本質的な理解に繋がる問い合わせを掲載しました。

…①

## 6 $y=a(x-p)^2+q$ のグラフ

これまでに学んだことから、 $y=a(x-p)^2+q$  のグラフは、 $y=ax^2$  のグラフを平行移動したものとしてかくことができる。

例  
7

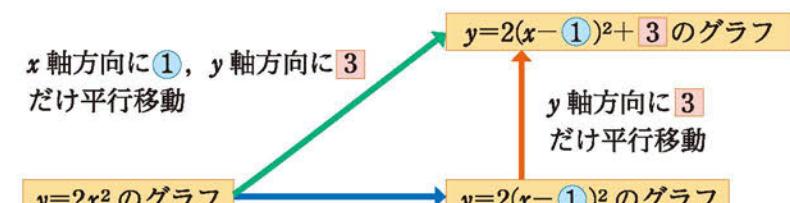
2次関数  $y=2(x-1)^2+3$  のグラフをかいてみよう。

5

$y=2(x-1)^2+3$  のグラフは、 $y=2(x-1)^2$  のグラフを  $y$  軸方向に 3 だけ平行移動した放物線である。

$y=2(x-1)^2$  のグラフは、 $y=2x^2$  のグラフを  $x$  軸方向に 1 だけ平行移動した放物線である。

したがって、次のような関係がある。



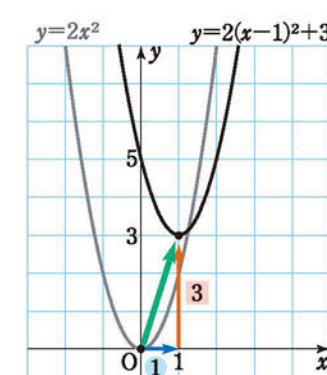
10

よって、 $y=2(x-1)^2+3$  のグラフは、 $y=2x^2$  のグラフを

$x$  軸方向に 1、 $y$  軸方向に 3 だけ平行移動した放物線で、右の図のようになる。 ↪ グラフは下に凸の放物線

15

頂点は点  $(1, 3)$ 、軸は直線  $x=1$  である。



2次関数  $y=a(x-p)^2+q$  のグラフについてまとめると、次のようになる。

88

第1節 2次関数とグラフ

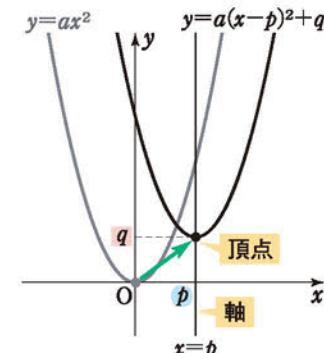


## 2次関数 $y=a(x-p)^2+q$ のグラフ

- 1  $y=a(x-p)^2+q$  のグラフは、 $y=ax^2$  のグラフを  $x$  軸方向に  $p$ 、 $y$  軸方向に  $q$  だけ平行移動した放物線である。

- 2 頂点は 点  $(p, q)$  軸は 直線  $x=p$

- 3  $a>0$  のとき 下に凸  
 $a<0$  のとき 上に凸

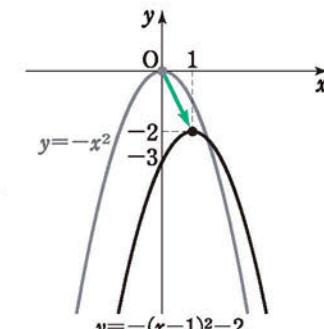


- 10 例題 3 2次関数  $y=-(x-1)^2-2$  のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。

解答  $y=-(x-1)^2-2$  のグラフは、

$y=-x^2$  のグラフを  $x$  軸方向に 1、 $y$  軸方向に -2 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点  $(1, -2)$ 、軸は直線  $x=1$  である。 ↪ グラフは点  $(0, -3)$  を通る よって、この関数のグラフは右の図のようになる。



補充問題  
コンテンツ  
…④

練習  
Link  
補充

- 20 9 次の2次関数のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。  
(1)  $y=-(x-2)^2-1$       (2)  $y=2(x+1)^2+1$

### 次への一歩

- 2次関数  $y=3(x+1)^2-2$  のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。  
さらに、この2次関数を  $y=ax^2+bx+c$  の形に変形せよ。



89

構成要素「次への一歩」として、それまでに学習した知識・技能を用いて取り組む、次の項目に繋がる問を掲載しました。

…②

前ページまでは  $y=a(x-p)^2+q$  の形の式について、ここからは  $y=ax^2+bx+c$  の形の式について学ぶため、「次への一歩」として、この2つの形の式の繋がりを意識させる問を掲載しました。…②

## 7 $y=ax^2+bx+c$ のグラフ

ここからは、2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフについて学習します。  
 $y=ax^2+bx+c$  を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形できれば、今まで学習してきたことを使って、 $y=ax^2+bx+c$  のグラフをかくことができます。

### 5 $y=x^2+bx$ の変形

$(x-p)^2$  を展開すると

$$(x-p)^2 = x^2 - 2px + p^2$$

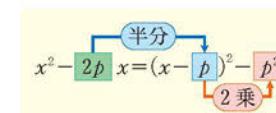
両辺から  $p^2$  を引くと

$$(x-p)^2 - p^2 = x^2 - 2px + p^2 - p^2$$

10 左辺と右辺を入れ替えて

$$x^2 - 2px = (x-p)^2 - p^2$$

となる。この結果を利用して、2次関数の式を変形してみよう。



平方完成の定着を目指すため、図解を多く入れました。…②

### Link イメージ 例 8

$$(1) \ y = x^2 - 6x$$

$$= x^2 - 2 \cdot 3x$$

$$= (x-3)^2 - 3^2$$

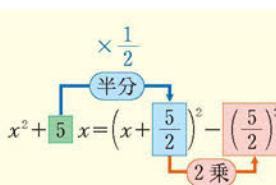
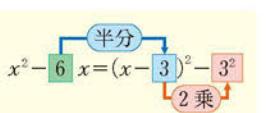
$$= (x-3)^2 - 9$$

$$(2) \ y = x^2 + 5x$$

$$= x^2 + 2 \cdot \frac{5}{2}x$$

$$= \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2$$

$$= \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$



練習 次の2次関数を  $y=(x-p)^2+q$  の形に変形せよ。

$$10 (1) \ y = x^2 - 4x$$

$$(2) \ y = x^2 + 2x$$

$$(3) \ y = x^2 - 3x$$

$$(4) \ y = x^2 + x$$

90 第1節 2次関数とグラフ

「平方完成の式変形」を解説したアニメーションをコンテンツとして用意しました。…④

平方完成など計算問題の反復量を充実させました。

…②

## $y=ax^2+bx+c$ の変形

$y=ax^2+bx+c$  を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形してみよう。

まず、 $ax^2+bx$  の部分を変形することを考える。

### 5 例 9

$$(1) \ y = 3x^2 - 6x$$

$$= 3(x^2 - 2x)$$

⇨  $x^2$  の係数 3 をくくり出す

$$= 3\{(x-1)^2 - 1^2\}$$

⇨  $x^2 - 2 \cdot 1 \cdot x = (x-1)^2 - 1^2$

$$= 3(x-1)^2 - 3 \cdot 1^2$$

⇨ 3を掛けて {} をはずす

$$= 3(x-1)^2 - 3$$

$$(2) \ y = -2x^2 - 12x$$

$$= -2(x^2 + 6x)$$

⇨  $x^2$  の係数 -2 をくくり出す

$$= -2\{(x+3)^2 - 3^2\}$$

⇨  $x^2 + 2 \cdot 3x = (x+3)^2 - 3^2$

$$= -2(x+3)^2 + 2 \cdot 3^2$$

⇨ -2を掛けて {} をはずす

$$= -2(x+3)^2 + 18$$

$$(3) \ y = 3x^2 - 12x + 7$$

$$= 3(x^2 - 4x) + 7$$

⇨  $x^2$  の係数 3 をくくり出す

$$= 3\{(x-2)^2 - 2^2\} + 7$$

⇨  $x^2 - 2 \cdot 2x = (x-2)^2 - 2^2$

$$= 3(x-2)^2 - 3 \cdot 2^2 + 7$$

⇨ 3を掛けて {} をはずす

$$= 3(x-2)^2 - 5$$

練習 11 次の2次関数を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形せよ。

$$(1) \ y = 3x^2 + 18x$$

$$(2) \ y = 2x^2 - 8x$$

$$(3) \ y = -x^2 + 10x$$

$$(4) \ y = -3x^2 - 24x$$

### Link 補充 12

次の2次関数を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形せよ。

$$(1) \ y = x^2 - 2x + 3$$

$$(2) \ y = x^2 + 8x + 4$$

$$(3) \ y = 2x^2 - 8x + 3$$

$$(4) \ y = 3x^2 + 6x + 7$$

$$(5) \ y = -x^2 - 10x + 15$$

$$(6) \ y = -2x^2 + 6x - 1$$

Link >>



1つの例題には1つの学習内容のみを扱っていますので、無理なく段階的に学習できます。

…②

### $y=ax^2+bx+c$ のグラフ

2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフをかくには、関数の式を

$y=a(x-p)^2+q$  の形に変形すればよい。

この変形を 平方完成 という

Link  
考察

5

例題 次の2次関数のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。

- (1)  $y=x^2+6x+7$  (2)  $y=-2x^2+4x-3$

解答 (1)  $y=x^2+6x+7$

$$\begin{aligned} &= (x+3)^2 - 3^2 + 7 \\ &= (x+3)^2 - 2 \end{aligned}$$

頂点は点  $(-3, -2)$ 、軸は直線  $x=-3$  である。

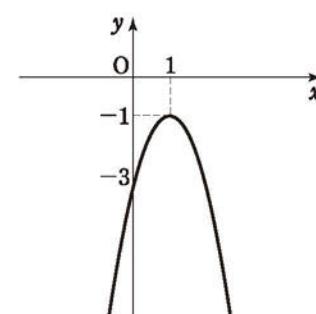
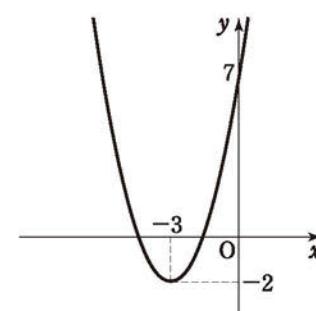
よって、グラフは右の図のようになる。

(2)  $y=-2x^2+4x-3$

$$\begin{aligned} &= -2(x^2-2x)-3 \\ &= -2\{(x-1)^2-1^2\}-3 \\ &= -2(x-1)^2+2\cdot 1^2-3 \\ &= -2(x-1)^2-1 \end{aligned}$$

頂点は点  $(1, -1)$ 、軸は直線  $x=1$  である。

よって、グラフは右の図のようになる。



10

15

20

注意! 2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフは  $y$  軸と点  $(0, c)$  で交わる。

練習 次の2次関数のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。

13 (1)  $y=x^2-4x+2$

(2)  $y=x^2-6x+10$

(3)  $y=x^2+4x+4$

(4)  $y=2x^2+12x+15$

(5)  $y=-3x^2+6x-1$

(6)  $y=-x^2-8x-12$

研究は、本文の内容に関するやや程度の高い内容です。ここでは、2次関数のグラフの平行移動に関する題材を研究で追加しました。

…③

2次関数  $y=ax^2+bx+c$  を  $y=a(x-p)^2+q$  の形に変形すると

$$\begin{aligned} y &= ax^2+bx+c = a\left(x^2+\frac{b}{a}x\right)+c = a\left(\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\left(\frac{b}{2a}\right)^2\right)+c \\ &= a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-a\left(\frac{b}{2a}\right)^2+c \\ &= a\left(x+\frac{b}{2a}\right)^2-\frac{b^2-4ac}{4a} \end{aligned}$$

よって、2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフは、 $y=ax^2$  のグラフを平行移動した放物線で、頂点は点  $\left(-\frac{b}{2a}, -\frac{b^2-4ac}{4a}\right)$  である。

### 研究 2次関数のグラフの平行移動

Link  
考察 2次関数  $y=x^2+2x+2$  のグラフと  $y=x^2-4x+7$  のグラフは、どちらも  $y=x^2$  のグラフを平行移動した放物線であるから、 $y=x^2+2x+2$  のグラフを平行移動すれば、 $y=x^2-4x+7$  のグラフに重なる。

どのように平行移動すればよいか調べてみよう。

$y=x^2+2x+2$  を変形すると

$$y=(x+1)^2+1 \quad \dots \textcircled{1}$$

$y=x^2-4x+7$  を変形すると

$$y=(x-2)^2+3 \quad \dots \textcircled{2}$$

よって、①のグラフの頂点は点  $(-1, 1)$ 、②のグラフの頂点は点  $(2, 3)$  である。

したがって、①のグラフを

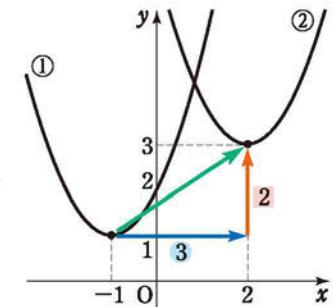
$x$  軸方向に 3、 $y$  軸方向に 2

だけ平行移動すれば、②のグラフに重なる。

練習 1 2次関数  $y=x^2+4x+5$  のグラフを平行移動して、2次関数

$y=x^2-6x+7$  のグラフに重ねるには、どのように平行移動すればよいか。

Link >>



構成要素「振り返り」として、教科書で扱った文章の一部を空欄にして掲載しました。基礎的・基本的な知識・技能の復習や整理に役立ちます。…②

## 振り返り 1次関数、2次関数のグラフ

ここでは、1次関数のグラフ、2次関数のグラフについて、これまでに学んできたことを振り返ってみましょう。次の空らんには、これまで学んできた語句や文字が入ります。教科書を振り返り、空らんを埋めてみましょう。

### ● 1次関数のグラフ

1次関数は、一般に次の形で表される。

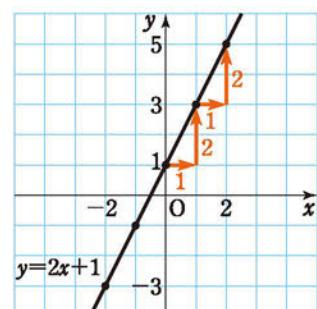
$$y=ax+b$$

ただし、 $a$ ,  $b$  は定数で  $a \neq 0$

1次関数  $y=ax+b$  のグラフは、

が  $a$ ,  が  $b$  の直線

である。



### ● 2次関数のグラフ

2次関数は、一般に次の形で表される。

$$y=ax^2+bx+c \quad \text{ただし, } a, b, c \text{ は定数で } a \neq 0$$

2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフをかくには、この式を

$y=a(x-p)^2+q$  の形に変形すればよい。

2次関数  $y=a(x-p)^2+q$  のグラフは、

1  $y=ax^2$  のグラフを

$x$  軸方向に  ,  $y$  軸方向に

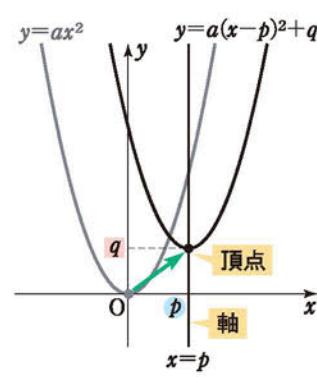
だけ平行移動した放物線である。

2  は点  $(p, q)$

は直線  $x=p$

3  $a > 0$  のとき  に凸

$a < 0$  のとき  に凸



構成要素「問」として、「振り返り」で扱った内容に関する思考力・判断力・表現力の育成に役立つ問を掲載しました。…②

Link 考察 問 1 次の空らんに、下の語群からあてはまる語句を選んで入れよ。  
ただし、同じ語句を何度も用いてもよい。

(1) 1次関数  $y=ax+b$  のグラフについて

- (i)  $a$  の値を変えずに  $b$  の値を変化させると、  
グラフは  に  する。

(ii)  $b$  の値を変えずに  $a$  の値を変化させる。  
 $a > 0$  のとき、 $a$  の値を大きくすると、グラフの傾き具合は  
。

(2) 2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフについて

- (i)  $a$ ,  $b$  の値を変えずに  $c$  の値を変化させると、  
グラフは  に  する。

(ii)  $b$ ,  $c$  の値を変えずに  $a$  の値を変化させる。  
 $a > 0$  のとき、 $a$  の値を大きくすると、グラフの開き具合は  
。

(3) 2次関数  $y=a(x-p)^2+q$  のグラフについて

- (i)  $a$ ,  $p$  の値は変えずに  $q$  の値を変化させると、  
グラフは  に  する。

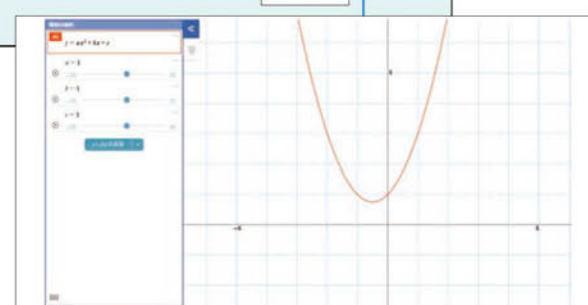
(ii)  $a$ ,  $q$  の値は変えずに  $p$  の値を変化させると、  
グラフは  に  する。

### 語群

平行移動	対称移動	$x$ 軸方向	$y$ 軸方向	大きくなる
小さくなる	変わらない	傾き	切片	直線 放物線 軸
下に凸	上に凸			



関数のグラフに関するシミュレーションツールを  
コンテンツとして用意しました。…④



節末問題はその節の復習問題です。参照ページ、参照番号も付記し、振り返りがしやすくなっています。

…②

### 節末問題 A

9 次の2次方程式を解け。 ➡ p.104 例 11, 例題 10, p.105 例 12

- (1)  $x^2+5x-14=0$  (2)  $3x^2+5x-1=0$   
(3)  $2x^2-7x+6=0$  (4)  $9x^2-30x+25=0$

5 10 次の2次関数のグラフは  $x$  軸と共有点をもつ。その  $x$  座標を求めよ。また、グラフが  $x$  軸に接するものはどれか。 ➡ p.108~110 例 14~16

- (1)  $y=x^2+6x+8$  (2)  $y=-x^2+5$   
(3)  $y=x^2+4x+1$  (4)  $y=3x^2-6x+3$

11 次の2次関数のグラフと  $x$  軸の共有点の個数を求めよ。

- 10 (1)  $y=3x^2+x-1$  (2)  $y=-x^2+10x-30$

➡ p.112 例 18

12 次の2次不等式を解け。

➡ p.115 例題 13, 14

- (1)  $x^2-8x+7 < 0$  (2)  $x^2+4x-45 \geq 0$   
(3)  $x^2-16 \leq 0$  (4)  $x^2+2x-7 \leq 0$   
15 (5)  $2x^2-5x+2 > 0$  (6)  $-x^2+2x+35 \leq 0$   
(7)  $-x^2-4x+21 > 0$  (8)  $-3x^2+5x-1 > 0$

13 次の2次不等式を解け。

➡ p.116 例 21, 22

- (1)  $x^2+4x+4 > 0$  (2)  $x^2+4x+4 \leq 0$   
(3)  $x^2+8x+17 \geq 0$  (4)  $x^2+8x+17 < 0$

### 節末問題 B

14 2次方程式  $4x^2+mx+1=0$  が重解をもつとき、定数  $m$  の値を求めよ。  
また、そのときの重解を求めよ。 ➡ p.107 例題 11

15 2次関数  $y=x^2+mx+m+3$  のグラフが  $x$  軸と異なる 2 点で交わるとき、定数  $m$  の値の範囲を求めよ。 ➡ p.112 例題 12, p.115 例題 13

章末問題は応用的な問題を取り上げています。

…②

### 章末問題

1  $k$  は定数とし、2次関数  $y=x^2+2kx+k$  の最小値を  $m$  とする。

- (1)  $m$  を  $k$  の式で表せ。  
(2)  $m$  の値を最大にする  $k$  の値と、 $m$  の最大値を求めよ。

5 2 長さ 40 m のロープを 2 つに切り、それぞれを使って正方形を作る。

- (1) 一方の正方形の 1 辺の長さを 3 m としたとき、2つの正方形の面積の和を求めよ。  
(2) 2つの正方形の面積の和が最小になるときの、それぞれの正方形の 1 边の長さは何 m か。また、そのときの面積の和を求めよ。

第3章

2次関数

10 3 次のような放物線をグラフにもつ2次関数を求めよ。

- (1) 放物線  $y=x^2-4x+1$  を  $x$  軸方向に 3,  $y$  軸方向に -2 だけ平行移動した放物線。  
(2) 放物線  $y=-2x^2$  を平行移動したもので、2点  $(-2, 0)$ ,  $(1, 12)$  を通る放物線。

15 4 (1) 2次方程式  $ax^2+2b'x+c=0$  について、 $b'^2-ac \geq 0$  のとき、解は

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2-ac}}{a}$$
 で表される。このことを示せ。

(2) (1)を利用して、次の2次方程式、2次不等式を解け。

(ア)  $9x^2+8x-4=0$  (イ)  $-3x^2+4x+2 \leq 0$

5  $a$  は定数とする。2次関数  $y=x^2-2ax+a+6$  のグラフについて、次の問いに答えよ。

- 20 (1) グラフの頂点の座標を、 $a$  を使って表せ。  
(2) グラフが常に  $x$  軸より上側にあるような定数  $a$  の値の範囲を求めよ。

三角比に関する表を完成させる問題を本文で扱いました。

…②

$\frac{BC}{AB}$  の値を  $A$  の サイン または 正弦 といい,  $\sin A$  と書く。

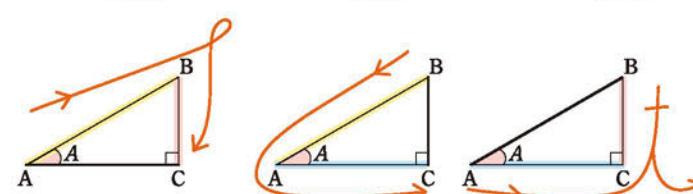
$\frac{AC}{AB}$  の値を  $A$  の コサイン または 余弦 といい,  $\cos A$  と書く。

$\frac{BC}{AC}$  の値を  $A$  の タンジェント または 正接 といい,  $\tan A$  と書く。

また, サイン, コサイン, タンジェントをまとめて 三角比 という。

### 鋭角の三角比

$$\sin A = \frac{BC}{AB} \quad \cos A = \frac{AC}{AB} \quad \tan A = \frac{BC}{AC}$$



注意! s, t の筆記体がそれぞれ エ, タである。

### 直角三角形の辺

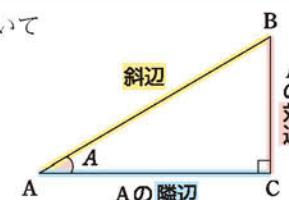
$\angle C$  が直角である直角三角形 ABC において

辺 AB を 斜辺

辺 BC を頂点 A の 対辺

辺 AC を頂点 A の 隣辺

という。



このとき,  $\sin A = \frac{\text{対辺}}{\text{斜辺}}$ ,  $\cos A = \frac{\text{隣辺}}{\text{斜辺}}$ ,  $\tan A = \frac{\text{対辺}}{\text{隣辺}}$  である。

Link >>

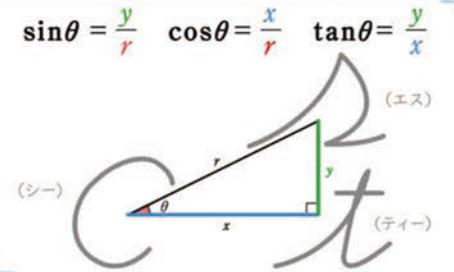


125

筆記体を用いた、三角比と辺の対応の覚え方を図解で示しました。

さらに、その図解を解説した動画コンテンツを用意しました。

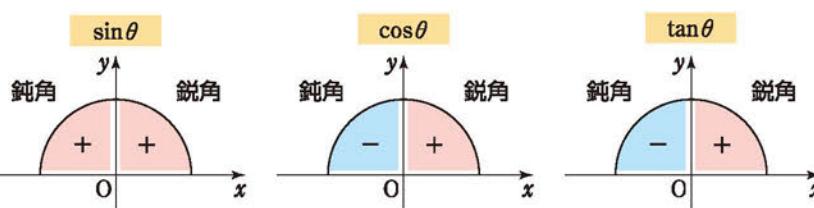
…④



三角比の値の符号は、定義から次のようにになる。

$\theta$	$0^\circ$	鋭角 $0^\circ < \theta < 90^\circ$	$90^\circ$	鈍角 $90^\circ < \theta < 180^\circ$	$180^\circ$
$\sin \theta$	0	+	1	+	0
$\cos \theta$	1	+	0	-	-1
$\tan \theta$	0	+		-	0

5



練習  
11

次の表の空らんに適する数値を入れて、表を完成させよ。

$\theta$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$120^\circ$	$135^\circ$	$150^\circ$	$180^\circ$
$\sin \theta$									
$\cos \theta$									
$\tan \theta$									

10

深める  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  とします。次の①～⑥の等式の中には、 $\theta$  がどのような値をとっても成り立たないものがあります。成り立たない等式をすべて選んでみよう。

- ①  $\sin \theta = \frac{4}{9}$
- ②  $\cos \theta = 2$
- ③  $\tan \theta = -\sqrt{5}$
- ④  $\sin \theta = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
- ⑤  $\cos \theta = -\frac{1}{\sqrt{5}}$
- ⑥  $\tan \theta = 10$

136 第1節 三角比

三角比がとる値に関する問題を、「深める」で扱いました。

…①

「四分位範囲」「箱ひげ図」などは中学の内容ですが扱っています。  
中学との連携によりスムーズな理解に繋がります。

…①

### 箱ひげ図

Link  
資料

データの分布を、次のような図で表すことがある。



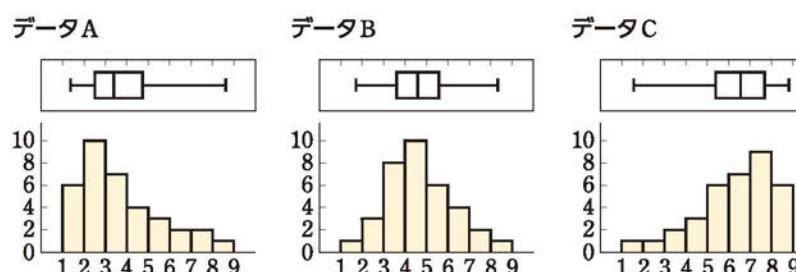
この図を **箱ひげ図** という。箱ひげ図は次の手順で書く。

- ① 横軸にデータの値の目盛りをとる。
- ② 第1四分位数  $Q_1$  を左端、第3四分位数  $Q_3$  を右端とする箱（長方形）をかき、箱の中に中央値（第2四分位数  $Q_2$ ）を示す縦線をかく。
- ③ 箱の左端から最小値までと、箱の右端から最大値まで線分を引く。  
上の図では、さらに平均値を「+」で記しているが、省略することもある。

箱ひげ図は、データの

最小値、第1四分位数  $Q_1$ 、中央値、第3四分位数  $Q_3$ 、最大値を、箱と線（ひげ）で表している。箱の長さは四分位範囲を表す。

下の図は、あるデータ A, B, C のヒストグラムと箱ひげ図との関係である。箱ひげ図では、ヒストグラムほどデータの分布を詳しく表せないが、大まかな様子を簡潔に表すことができる。



Link  
考察

例  
8

次のデータは、那覇と岡山において、2022年に1mm以上の降水量があった日数を、月ごとに1月から12月まで並べたものである。（単位は日）  
(気象庁ホームページより作成)

那覇：12 14 12 6 21 17 13 15 17 10 15 10

岡山：2 2 8 7 7 6 14 9 7 6 6 4

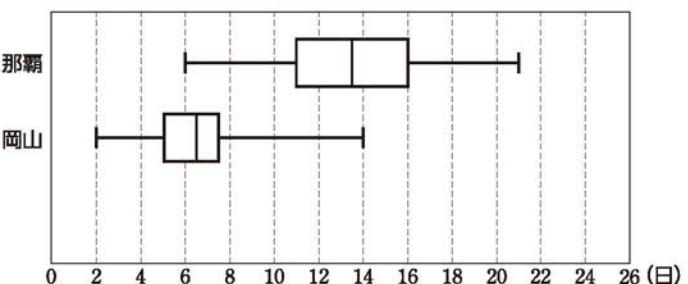
データの値を小さい方から並べると

那覇：6 10 10 12 12 13 14 15 15 17 17 21

岡山：2 2 4 6 6 6 7 7 7 8 9 14

	最小値	$Q_1$	中央値	$Q_3$	最大値
那覇	6	11	13.5	16	21
岡山	2	5	6.5	7.5	14

2つのデータの箱ひげ図をかくと、次のようになる。



例8のように、箱ひげ図は、複数のデータの分布を比較したいときに便利である。

練習  
10 次のデータは、札幌において、2022年に1mm以上の降水量があった日数を、月ごとに1月から12月まで並べたものである。

札幌：22 14 14 6 8 10 5 9 6 11 13 19 (単位は日)  
(気象庁ホームページより作成)

このデータの箱ひげ図を、上の例8の那覇と岡山の箱ひげ図と並べてかけ。

統計に関するシミュレーションツールをコンテンツとして用意しました。

…④

169

外れ値の基準となる値の範囲を式だけでなく、言葉でも表現しました。…③

NEW!

改訂版では、「仮説検定の考え方」の導入を詳しくしました。

…②

## 外れ値

前ページの例8の岡山のデータを見てみると、1つだけ極端に大きい値がある。

岡山: 2 2 4 6 6 6 7 7 7 8 9 14

5 データの中に他の値から極端にかけ離れた値があるとき、それを  
はずち 外れ値 という。実際には、次の値を外れ値とすることが多い。

{ $Q_1 - 1.5 \times (Q_3 - Q_1)$ } 以下の値 ⇔(第1四分位数-1.5×四分位範囲) 以下

{ $Q_3 + 1.5 \times (Q_3 - Q_1)$ } 以上の値 ⇔(第3四分位数+1.5×四分位範囲) 以上

例8の岡山のデータは  $Q_1 = 5$ ,  $Q_3 = 7.5$ ,  $Q_3 - Q_1 = 2.5$

10 であるから  $5 - 1.5 \times 2.5$  すなわち 1.25 以下の値

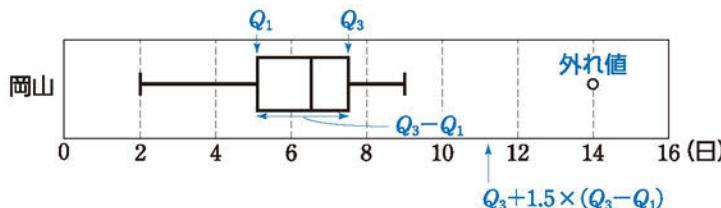
$7.5 + 1.5 \times 2.5$  すなわち 11.25 以上の値

は外れ値となる。

したがって、14は外れ値である。

外れ値がある場合、次のような箱ひげ図が用いられることがある。

Link  
考察



15 外れ値は○で示している。また、箱ひげ図の左右のひげは、データから外れ値を除いたときの最小値または最大値まで引いている。

外れ値は、測定ミスや入力ミスなどの異常な値とは限らない。外れ値の背景を探ることで、問題発見や問題解決の手掛かりが得られることがある。

20 練習 11 前ページの例8の那覇のデータの最小値6は外れ値であるかどうか、四分位範囲を利用して調べよ。

## 6 仮説検定の考え方

集団に対して調査する場合、集団全体のデータを集めることは難しい場合がほとんどです。そのようなとき、集団から一部を抜き出して、そのデータから集団全体の状況を推測することができます。ここでは、その推測が妥当であるかどうかを判断する1つの考え方として、仮説検定の考え方について学習します。

### 仮説検定の考え方

ボールペンを製造している会社が、既に販売しているボールペンAを改良して新製品Bを開発した。BがAよりも書きやすいと思う人が多いかどうかを調査したいと考えたが、すべての消費者を調査するのは難しい。そこで、無作為に選んだ30人にこれらのボールペンを使ってもらい、A、Bのどちらが書きやすいと思うかを回答してもらった。回答の結果を集計したところ、70%にあたる21人がBと回答した。この回答のデータから、

15 [1] Bが書きやすいと思う人の方が多いと判断してよいだろうか。もしかすると、「Aが書きやすいと思う人とBが書きやすいと思う人は同じくらいいるが、Bが書きやすいと思う人が偶然多く選ばれた」という可能性もある。

この問題を解決するために、主張[1]に反する次の仮説を立てよう。

20 [2] Aが書きやすいと思う人の割合と、Bが書きやすいと思う人の割合は等しい

この仮説が正しいとすると、A、Bのどちらの回答の起こる確率も $\frac{1}{2} = 0.5$ である、と考えることができる。この仮説のもとで、30人中21人以上がBと回答する確率がどれくらいかを考えよう。



社会の形成に参画する姿勢を育めるよう、商品開発や品質調査に関する例を取り上げています。

…③

仮説[2]をもとにした30人への調査は、次のような公正なコインを使った実験にあてはめることができる。

**実験** 公正な30枚のコインを投げ、表が出た枚数を記録する。

ここでは、コインの表が出る場合を、Bと回答する場合とする。

5

例えば、この実験を1回行い、表の出た枚数が13枚であったとすると、Bと回答した人数が13人であるということである。

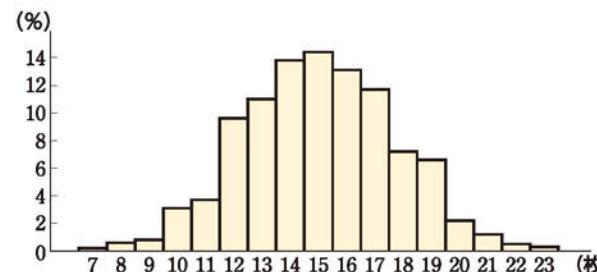
**Link  
考察**

この実験を1000回くり返したところ、次のような結果となった。

10

表の枚数	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	計
度数	2	6	8	31	37	96	110	138	144	131	117	72	66	22	12	5	3	1000

表の出た枚数ごとの相対度数を求めて百分率で表すと、次のグラフのようになる。



**POINT** この実験の代わりに、コンピュータでシミュレーションを行ってもよい。

15

上の表から、21枚以上表が出たのは1000回のうち $12+5+3=20$ 回であり、相対度数は $\frac{20}{1000}=0.02$ すなわち2%である。

つまり、A、Bのどちらの回答も同じ確率で起こるとした仮説[2]のもとでは、21人以上がBと回答する確率は2%程度であると考えられる。

## 182 データの分析

コイン投げに関するシミュレーションツールを用意しました。…④



1セットのコイン投げの回数  
30回 1000回

表の回数 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10  
度数 0 0 0 0 0 1 1 3 8 12 27

11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
51	81	102	130	136	161	110	81	45	26
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
18	7	0	0	0	0	0	0	0	0
計	1000								

グラフに切り替える 終了確認 やり直す 事前に読み込める

これは見方を変えると、2%程度という確率の小さいことが起きたのだから、そもそも仮説[2]が正しい可能性は低いということである。そう考えると、主張[1]は妥当である、つまりBが書きやすいと思う人の方が多いと判断してよさそうである。

5 得られたデータをもとに、ある主張が妥当であるかどうかを判断する上のような手法を**仮説検定**といいます。

上では2%を小さい確率としたが、仮説検定では基準となる確率をあらかじめ決めておき、それより小さければ確率が小さいと判断する。この基準は5%または1%とすることが多い。

10 例 181ページの調査で、30人中19人がBと回答したとする。

11 このとき、主張[1]が妥当であると判断してよいか、基準となる確率を5%として考えてみよう。

コイン投げの実験結果を利用すると、19枚以上表が出る場合の相対度数は

$$\frac{66+22+12+5+3}{1000} = \frac{108}{1000} = 0.108 \text{ すなわち } 10.8\%$$

これは5%より大きいから、181ページの仮説[2]は否定できない。

よって、Bが書きやすいと思う人の方が多いとは判断できない。

20 練習 181ページの調査で、30人中20人がBと回答したとする。

このとき、Bが書きやすいと思う人の方が多いと判断してよいか。仮説検定の考え方を用い、基準となる確率を5%として考えよ。さらに、基準となる確率を1%として考えよ。

Link >>



183

課題学習では、身近にある興味のわく題材、歴史的に意味のある題材を選びました。

…③

### 課題学習 1 学習のテーマ 数と式

#### 安く買える本数を考えよう！



S 高校は創立 50 周年を迎えます。

あるクラスではこのことの記念品として、ボール

5 ペンを作ることが決定しました。

記念品のボールペンを作っているお店を調べたところ、次のお店のうち安い方で買うことにしました。

##### 店 A デザイン料：2200 円

本数	単価
11～20 本	920 円
21～40 本	800 円
41～60 本	700 円
61～80 本	620 円
81～100 本	570 円
101 本以上	540 円

##### 店 B デザイン料：無料

本数	単価
11～30 本	850 円
31～50 本	750 円
51～100 本	650 円
101 本以上	550 円

表によると、たとえば、ボールペンを 38 本買うときは、店 A では 1 本 800 円で、店 B では 1 本 750 円で買え、それとは別に店 A で買うときはデザイン料が 2200 円かかることがわかります。

##### 課題 1 ボールペンを $x$ 本買うとする。ただし、 $41 \leq x \leq 60$ とする。

(1) 店 A で買うときの総額を  $x$  で表せ。また、店 B で買うときの総額を  $x$  で表せ。

(2) 店 A で買う方が安く買えるのは、ボールペンを何本買うときか答えよ。

##### 課題 2 ボールペンを何本買うときに店 A の方が安く買えるか答えよ。

第 2 章の章扉に関連した内容を扱っています。

…②

### 課題学習 2 学習のテーマ 集合と命題

#### 優勝する条件を考えよう！



スポーツ番組では、どのチームが優勝するかや、どの国が決勝リーグに進めるかなどを

5 予想することができます。

次の表は、ある年のプロサッカーリーグの順位表で、各チームとも最終戦 1 試合を残した時点での、1 位から 3 位を抜き出したものです。なお、4 位以下のチームの勝点は 72 点以下です。

⇨ プロサッカーリーグの順位の決め方は 58 ページ参照

順位	チーム	勝点	勝	分	負	得点	失点	得失点差
1	A	76	21	13	7	54	34	+20
2	B	75	23	6	12	75	50	+25
3	C	73	20	13	8	62	44	+18

1 位から 3 位のチームが最終戦で対戦する相手は、どこも 4 位以下のチームであるとき、それぞれのチームの優勝する条件を考えてみよう。

課題 1 (1) チーム B の最終戦の試合結果が次の場合のとき、チーム B は優勝できるだろうか。空らんに、他の 2 チームの結果に関係なく優勝できるときは ○、他の 2 チームの結果次第で優勝できるときは △、優勝できないときは × を埋めよ。

勝ったとき

引き分けたとき

負けたとき

(2) チーム B が優勝するためのチーム B に関する必要条件を答えよ。

課題 2 チーム C が優勝するためのチーム C に関する必要条件を答えよ。

課題 3 チーム A が優勝するためのチーム A に関する十分条件を答えよ。

章扉では、その章に関連する日常生活を意識した問題や、学習の動機づけとなるような問題を紹介します。…②

# 第1章 場合の数と確率

## 第1節 場合の数

## 第2節 確率

生徒会役員であるYさんは、全校集会で前に並ぶ先生2人、生徒3人の合計5人が1列に並ぶ並び方について考えています。



5人が1列に並ぶのだけど、先生2人は隣どうしにしないといけないと言われたよ。

このような並び方は全部で何通りあるのかな？



先生2人をA, B、  
生徒3人をC, D, E  
として、条件を満たす並び方をいくつか考えてみたよ。

- ① A B C D E
- ② D A B C E
- ③ E D A B C
- ④ C D E A B
- ⋮

章扉のページには、これから学ぶことの全体像をイメージするために、その章で学ぶ内容を把握できるような動画をご用意しました。…④

専用HPから関連情報にアクセスすることができる目印です。



この章で学ぶことイメージ



先生は必ず隣どうしだね。  
先生2人を1組と考えるとA BとC, D, Eの4つが1列に並ぶ並び方を考えればいいね。



ちょっと待って。AとBを入れかえたものもあるんじゃない？



本当だね。BACDEのような並び方もあるね。

先生2人、生徒3人が1列に並ぶ並び方について考えてみよう。

p.21で考えます。

理解を助ける図を入れています。

…②

## 5 円順列と重複順列

ここでは、円形に並べる順列や、同じものをくり返し使ってもよい順列について学習します。

### 円順列

- 5 ものを円形に並べる順列を **円順列** という。円順列では、回転して並びが同じになるものは同じ並べ方と考える。

Link 考察 たとえば、右の図のように円盤を4等分した各部分を、A, B, C, Dの4色すべてを使って塗り分けるとき、色の並びは円順列となる。

- 10 右の4つの図は円順列としては同じ並べ方である。  
たとえば、色Aに着目して、Aに続く色の並びを反時計回りの順に考えると、どれもBCDである。

- 15 よって、4色の円順列の総数は、着目した色Aを固定して、残りの3色B, C, Dを1列に並べる順列の総数に等しく、次のようになる。

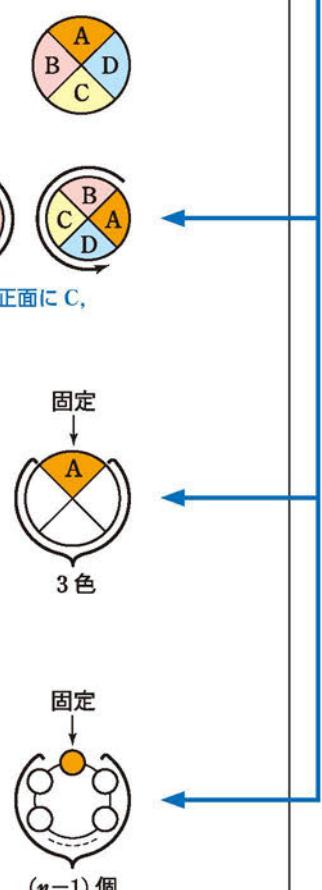
$$(4-1)! = 3! = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6 \text{ (通り)}$$

- 異なるn個のものの円順列の総数について、次のことがいえる。

### 円順列の総数

異なるn個のものの円順列の総数は  $(n-1)!$

- 例 7 6人が手をつないで輪を作るとき、並ぶ順は円順列であるから、その総数は  $(6-1)! = 5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$  (通り)



数学特有の言い回しや意味の取りづらい箇所には適宜、補足を加えました。

…②

練習 次のものの総数を求めよ。

- 17 (1) 5人が手をつないで輪を作る並べ方  
(2) 色の異なる7個の玉を円形に並べて置くときの並べ方

### 重複順列

- 5 これまで、異なるものを重複させずに並べるとき、その並べ方が何通りあるかを考えてきた。ここでは、重複を許して何度でも使ってよいとき、その並べ方が何通りあるかを考える。

← 同じものをくり返し使ってよい

という意味

- 例 8 記号○と×を、重複を許して5個並べるとする。このとき、

- 10 右の図のように、5個のどの位置にも、○と×の2種類の記号を並べよ。

したがって、この順列の総数は、積の法則により

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5 = 32 \text{ (通り)}$$



- 15 例8のように、異なるn種類のものから重複を許してr個取り出して1列に並べたものを、「n個からr個取る 重複順列」じゅうふくじゅんれつ という。その総数は次のようにある。

### 重複順列の総数

n個からr個取る重複順列の総数は  $n^r$

$$\Leftrightarrow n \times n \times \cdots \times n = n^r$$

r個の積

- 20 例 9 4種類の数字1, 2, 3, 4から、重複を許して3個使ってできる3けたの数は

$$4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64 \text{ (個)}$$

- Link 練習 18 补充 3種類の文字a, b, cを重複を許して5個並べるとき、何通りの文字列が作れるか。

Link >>



「期待値」の導入では、日常生活に関連する題材を用いた具体例を扱いました。

…③

## 14 期待値

**Link**  
イメージ ここでは、宝くじを買ったときに期待できる賞金の額などを、確率を利用して求める方法を学習します。

### 期待値

- 5 100本のくじがあり、その賞金と本数が右の表のようになっているとする。

	賞金	本数
1等	1000円	5本
2等	500円	10本
3等	100円	30本
はずれ	0円	55本
計		100本

このくじを1本だけ引くとき、得られる賞金額は偶然によって決まるが、1本あたりに期待できる賞金はいくらだろうか。

- 10 賞金の総額は  $1000 \times 5 + 500 \times 10 + 100 \times 30 + 0 \times 55 = 13000$  (円)

よって、1本あたりの賞金の平均は次のようになる。

$$\frac{1}{100} \times (1000 \times 5 + 500 \times 10 + 100 \times 30 + 0 \times 55) = 130 \text{ (円)} \quad \dots \text{①}$$

すなわち、くじ1本あたりに期待できる賞金は130円である。

- ところで、くじを1本引いたときに各賞金が当たる確率は、次の表のようになる。

賞金	1000円	500円	100円	0円	計
確率	$\frac{5}{100}$	$\frac{10}{100}$	$\frac{30}{100}$	$\frac{55}{100}$	1

①の式は次のようにも書き表される。

$$1000 \times \frac{5}{100} + 500 \times \frac{10}{100} + 100 \times \frac{30}{100} + 0 \times \frac{55}{100} = 130 \text{ (円)}$$

この式は、各賞金の額とそれが当たる確率を掛けたものの合計が、くじ1本あたりに期待できる賞金であることを示している。

- 20 1本あたりに期待できる賞金について、次のことがいえる。

くじ1本を引く料金が100円のとき、この料金より期待できる賞金の方が高いから、この場合は得であるといえる。しかし、1本の料金が200円の場合は、得であるとはいえない。

一般に、ある試行によって定まる値  $X$  がいくつかの値  $x_1, x_2, \dots, x_n$  のどれかをとり、それぞれの値をとる確率が  $p_1, p_2, \dots, p_n$  であるとき、 $x_1p_1 + x_2p_2 + \dots + x_np_n$  を  $X$  の **期待値** という。

ただし、 $p_1 + p_2 + \dots + p_n = 1$  である。

- 5 **注意!** 値や確率を並べたとき、 $k$ 番目の値を  $x_k$ 、その確率を  $p_k$  と表している。

### 期待値

$X$	$x_1$	$x_2$	$\dots$	$x_n$	計
確率	$p_1$	$p_2$	$\dots$	$p_n$	1

このとき、 $X$  の期待値は  $x_1p_1 + x_2p_2 + \dots + x_np_n$

- 10 **例題** 赤玉5個と白玉3個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、赤玉の個数の期待値を求めよ。

**解答** 取り出す赤玉の個数は 0, 1, 2 のいずれかである。

$$\text{赤玉を取り出さない確率は } \frac{3C_2}{8C_2} = \frac{3}{28} \quad \text{白玉を2個取り出す確率}$$

$$\text{赤玉を1個取り出す確率は } \frac{5C_1 \times 3C_1}{8C_2} = \frac{5 \times 3}{28} = \frac{15}{28}$$

$$\text{赤玉を2個取り出す確率は } \frac{5C_2}{8C_2} = \frac{10}{28}$$

したがって、求める期待値は

個数	0	1	2	計
確率	$\frac{3}{28}$	$\frac{15}{28}$	$\frac{10}{28}$	1

$$0 \times \frac{3}{28} + 1 \times \frac{15}{28} + 2 \times \frac{10}{28} = \frac{15}{28} + \frac{20}{28} = \frac{35}{28} = \frac{5}{4} \text{ (個)}$$

- 20 **練習** 赤玉6個と白玉2個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、赤玉の個数の期待値を求めよ。



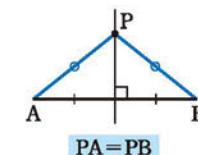
## 2 三角形の外心、内心、重心

三角形には、外心、内心、重心と呼ばれる特別な点が存在します。ここでは、それらについて学習します。

### 三角形の外心

5 線分 AB の垂直二等分線上の点は、2 点 A, B から等距離にある。

また逆に、2 点 A, B から等距離にある点は、線分 AB の垂直二等分線上にある。



このことを用いると、次の定理が証明できる。

### 10 三角形の辺の垂直二等分線

三角形の3辺の垂直二等分線は1点で交わる。

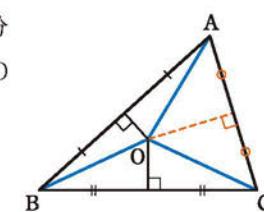
証明  $\triangle ABC$ において、辺 AB の垂直二等分線と辺 BC の垂直二等分線の交点を O とすると

$$OA=OB, OB=OC$$

したがって、 $OA=OC$ となるから、

O は辺 AC の垂直二等分線上にある。

よって、三角形の3辺の垂直二等分線は1点で交わる。 終

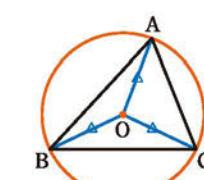


上の証明において、 $OA=OB=OC$ であるから、

20 Oを中心として3つの頂点を通る円が存在する。

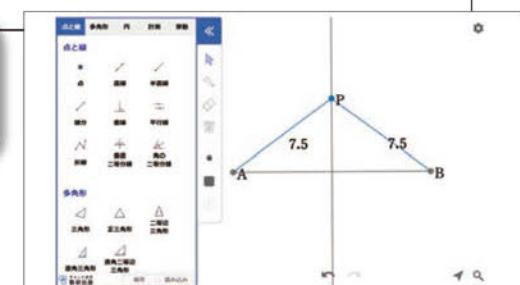
この円を  $\triangle ABC$  の 外接円 といい、その中心 O を  $\triangle ABC$  の 外心 という。

三角形の外心は、3辺の垂直二等分線が交わる点である。



64 第1節 三角形の性質

定理について、いろいろな三角形で考察できるよう、図形に関するシミュレーションツールをコンテンツで用意しました。…④



基本的な問題に対して例を設けています。

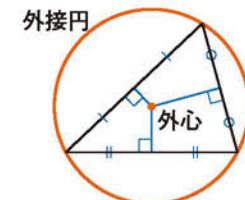
以上のことまとめると、次のようになる。

Link  
考察

### 三角形の外心

1 三角形の3つの頂点を通る円を外接円といい、その中心を外心という。

2 外心は、3辺の垂直二等分線が交わる点である。



例  
2

右の図において、点 O が  $\triangle ABC$  の外心であるとき、x を求めてみよう。

Oは外心であるから

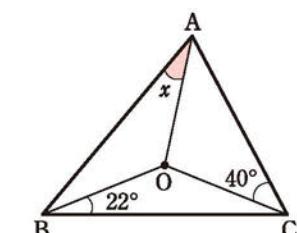
$$OA=OB=OC$$

よって、 $\triangle OAB, \triangle OBC, \triangle OCA$  は二等辺三角形である。

$$\angle OBA=\angle OAB=x,$$

$$\angle OCB=\angle OBC=22^\circ,$$

$$\angle OAC=\angle OCA=40^\circ$$



$\triangle ABC$  の内角の和は  $180^\circ$  であるから

$$2(x+22^\circ+40^\circ)=180^\circ$$

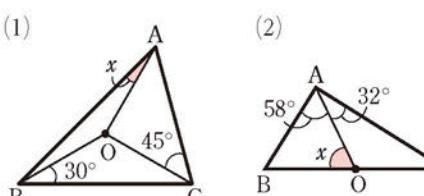
これを解くと  $x=28^\circ$

Link  
補充

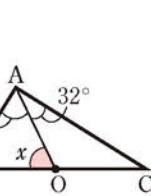
5

下の図において、点 O は  $\triangle ABC$  の外心である。x を求めよ。

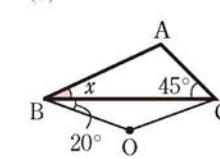
(1)



(2)



(3)



Link >>



項目初めでは、その項目で学習する内容を簡潔にまとめました。  
生徒さんが目標をもって取り組むことができます。

…②

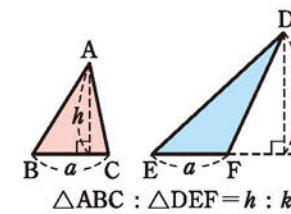
### 3 チェバの定理・メネラウスの定理

三角形にいくつかの直線を引くと、興味深い性質が成り立ちます。ここでは、チェバの定理とメネラウスの定理について学習します。

#### チェバの定理

- 5 底辺の長さが  $a$ 、高さが  $h$  の  $\triangle ABC$  と、  
底辺の長さが  $a$ 、高さが  $k$  の  $\triangle DEF$  の面積  
の比は、次のようになる。

$$\triangle ABC : \triangle DEF = \frac{1}{2}ah : \frac{1}{2}ak = h : k$$



- 10 よって、底辺の長さが等しい三角形の面積の比は、  
その高さの比に等しい。  
このことを用いると、次の定理が証明できる。

#### 三角形の面積と線分の比

$\triangle ABC$  の内部にある点  $O$  とし、直線  $AO$  と辺  $BC$  の交点を  $P$  とすると  $\triangle OAB : \triangle OAC = BP : CP$

- 15 証明 頂点  $B$ ,  $C$  から直線  $AO$  に、それぞれ  
垂線  $BH$ ,  $CK$  を下ろす。  
線分  $AO$  を  $\triangle OAB$  と  $\triangle OAC$  の底辺と  
考えると

$$\triangle OAB : \triangle OAC = BH : CK \quad \dots \dots ①$$

20  $BH \parallel CK$  であるから

$$BH : CK = BP : CP \quad \dots \dots ②$$

①, ② から  $\triangle OAB : \triangle OAC = BP : CP$  終

この定理を用いると、次の チェバの定理 が証明できる。

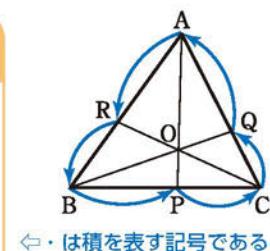
基本的な問題に対して例を設けています。

…②

Link  
イメージ

#### チェバの定理

$\triangle ABC$  の内部に点  $O$  があり、直線  $AO$ ,  $BO$ ,  $CO$  が辺  $BC$ ,  $CA$ ,  $AB$  とそれぞれ点  $P$ ,  $Q$ ,  $R$  で交わるとき  $\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1$



第2章

图形の性質

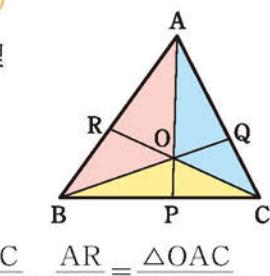
- 5 証明 前ページの三角形の面積と線分の比の定理

により  $BP : PC = \triangle OAB : \triangle OAC$

$CQ : QA = \triangle OBC : \triangle OAB$

$AR : RB = \triangle OAC : \triangle OBC$

すなわち  $\frac{BP}{PC} = \frac{\triangle OAB}{\triangle OAC}$ ,  $\frac{CQ}{QA} = \frac{\triangle OBC}{\triangle OAB}$ ,  $\frac{AR}{RB} = \frac{\triangle OAC}{\triangle OBC}$

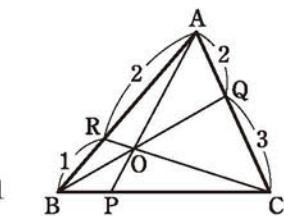


10 したがって

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = \frac{\triangle OAB}{\triangle OAC} \cdot \frac{\triangle OBC}{\triangle OAB} \cdot \frac{\triangle OAC}{\triangle OBC} = 1 \quad \text{終}$$

例  
4

右の図において、 $AR : RB = 2 : 1$ ,  
 $CQ : QA = 3 : 2$  のとき、 $BP : PC$  を  
求めてみよう。



15

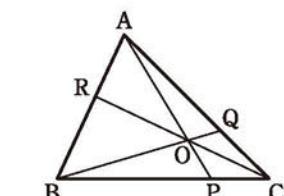
チェバの定理により  $\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1$

よって  $\frac{BP}{PC} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{2}{1} = 1$  すなわち  $\frac{BP}{PC} = \frac{1}{3}$

したがって  $BP : PC = 1 : 3$

練習  
8

右の図において、 $AR : RB = 3 : 4$ ,  
 $CQ : QA = 1 : 2$  のとき、 $BP : PC$  を  
求めよ。



補充問題  
コンテンツ  
…④

Link  
»



### メネラウスの定理

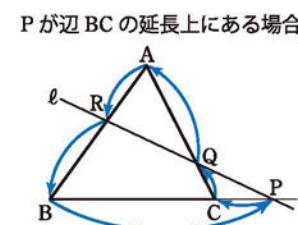
チエバの定理は、三角形の頂点を通る3本の直線が1点で交わる場合の定理である。これに対して、1本の直線が三角形の各辺またはその延長と交わる場合の定理として、次の **メネラウスの定理** が成り立つ。

Link  
イメージ

### メネラウスの定理

$\triangle ABC$  の辺 BC, CA, AB またはその延長が、頂点を通らない直線  $\ell$  とそれぞれ点 P, Q, R で交わるとき

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1$$



**証明** 点 C を通り直線  $\ell$  に平行な直線を引き、直線 AB との交点を D とすると、平行線と比の関係から

$$BP : PC = BR : RD$$

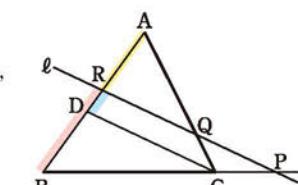
$$CQ : QA = DR : RA$$

すなわち

$$\frac{BP}{PC} = \frac{BR}{RD}, \quad \frac{CQ}{QA} = \frac{DR}{RA}$$

よって

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = \frac{BR}{RD} \cdot \frac{DR}{RA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1 \quad \text{図}$$



15

10

10

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

5

共通する事柄をまとめて振り返ることで、基礎的・基本的な知識・技能を効率的に整理できます。

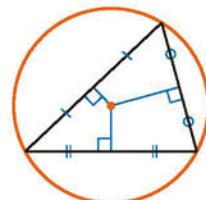
…②

## 振り返り 三角形の外心、内心、重心

ここでは、三角形の外心、内心、重心について、これまでに学んできたことを振り返ってみましょう。次の空欄には、これまで学んできた語句や数が入ります。教科書を振り返り、空欄を埋めてみましょう。

### 5 ① 三角形の外心

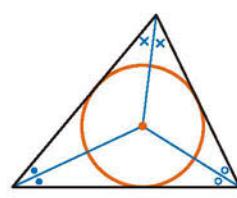
1 三角形の3つの頂点を通る円を  といい、その中心を外心という。



2 外心は、3辺の  が交わる点である。

### 10 ② 三角形の内心

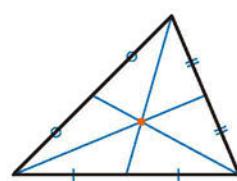
1 三角形の3つの辺に接する円を  といい、その中心を内心という。



2 内心は、3つの  が交わる点である。

### 15 ③ 三角形の重心

1 三角形の3本の  が交わる点を、三角形の重心という。



2 重心は、各中線を  :  に内分する。

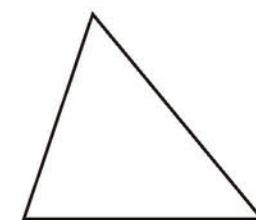
Link 考察 間 1 次の空欄には、「内部」、「辺上」、「外部」のいずれかが入る。

空欄の中に、適する語句を入れよ。ただし、同じ語句を何度も使用してもよい。

(1) 鋭角三角形について

5 外心は三角形の  ,  
 内心は三角形の  ,  
 重心は三角形の  ,

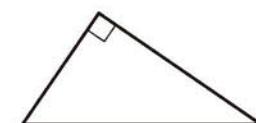
にある。



注意! 鋭角三角形とは、すべての角の大きさが 90°未満の三角形のことである。

(2) 直角三角形について

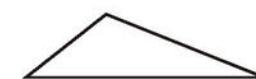
外心は三角形の  ,  
 内心は三角形の  ,  
 重心は三角形の  ,



15 にある。

(3) 鈍角三角形について

外心は三角形の  ,  
 内心は三角形の  ,  
 重心は三角形の  ,



20 にある。

注意! 鈍角三角形とは、90°より大きい角をもつ三角形のことである。

图形に関するシミュレーションツールをコンテンツで用意しました。…④



77

Link >>

外心 内心 中心

各点の文字 線分 角度

最初に戻る

…③

## 9 2つの円

ここでは、2つの円の関係について学習します。

### 2つの円の位置関係

**Link** 円Oの半径を $r$ 、円O'の

半径を $r'$ とし、 $OO'=d$ とする。

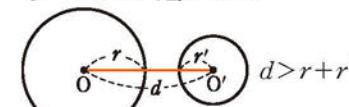
$r > r'$ のとき、2つの円O、O'の位置関係には、右のような5つの場合がある。

②、④のように2つの円がただ1点を共有するとき、2つの円は接するといい、共有点を接点という。

②のように接するとき、

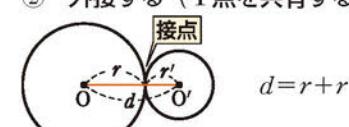
2つの円は外接するといい、④のように接するとき、2つの円は内接するといい。

#### ① 互いに外部にある



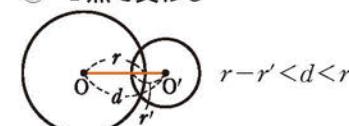
$$d > r + r'$$

#### ② 外接する(1点を共有する)



$$d = r + r'$$

#### ③ 2点で交わる



$$r - r' < d < r + r'$$

#### ④ 内接する(1点を共有する)



$$d = r - r'$$

#### ⑤ 一方が他方の内部にある



$$d < r - r'$$

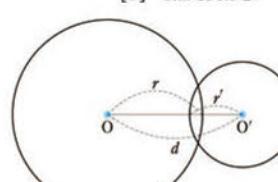
2つの円の接点について、次のことが成り立つ。

接する2つの円の接点は、2つの円の中心を通る直線上にある。

90 第2節 円の性質

図を縦に並べました。さらに、2つの円の位置関係に関するシミュレーションツールをコンテンツで用意しました。…④

#### [3] 2点で交わる



半径と距離  面積式  $r - r'$    $d$    $r + r'$   面積に直接

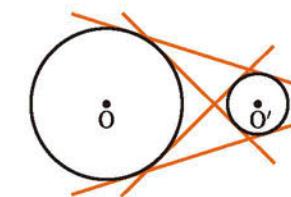
重要な標準問題もしっかり扱っています。

## 2つの円の共通接線

**Link** 2つの円の両方に接している直線を、

2つの円の共通接線といいう。

前ページの①の場合、2つの円の共通接線は4本ある。

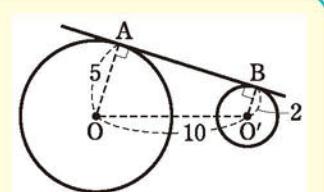


練習 17 前ページの②~⑤の場合について、2つの円の共通接線の本数を調べよ。

例題 5 右の図において、直線ABは

2つの円O、O'の共通接線で、A、Bは接点である。円O、O'の半径はそれぞれ5、2であり、 $OO'=10$ である。

線分ABの長さを求めよ。



解答 右の図のように、O'から線分OAに垂線O'Hを下ろすと

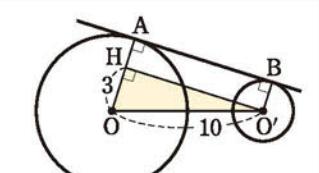
$$\begin{aligned} OH &= OA - HA = OA - O'B \\ &= 5 - 2 = 3 \end{aligned}$$

$\triangle OO'H$ は直角三角形であるから

$$O'H^2 = OO'^2 - OH^2 = 10^2 - 3^2 = 91$$

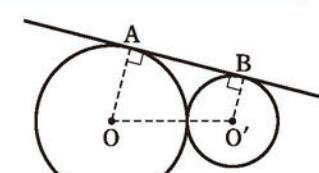
△三平方の定理

よって  $AB = O'H = \sqrt{91}$



練習 18 右の図において、直線ABは2つの円O、O'の共通接線で、A、Bは接点である。円O、O'の半径はそれぞれ5、3で、2つの円は外接している。

線分ABの長さを求めよ。



Link >>



91

今回の課程で新たに加わった「数学と人間の活動」では、数学と実生活との関連や数学史に関する題材を扱いました。…①

## 第3章 数学と人間の活動

Rさんの誕生日は9月22日で、西暦2024年9月22日は日曜日です。そこで、次に9月22日が日曜日になるのは西暦何年であるかを考えることにしました。



1年は365日で、52週と1日だね。  
だから、西暦2025年9月22日の曜日は2024年9月22日の曜日から1つずれて月曜日になるね。

$$\begin{aligned}1 \text{週間} &\rightarrow 7 \text{日} \\365 &= 7 \times 52 + 1\end{aligned}$$



1年で曜日が1つずれるなら、次に9月22日が日曜日になるのは、7年後の西暦2031年かな。



でも、閏年は1年が366日あるよ。  
このことも考慮しないといけないね。

**注意!** 閏年については、123ページで説明している。

章扉のページには、これから学ぶことの全体像をイメージするために、その章で学ぶ内容を把握できるような動画をご用意しました。…④

**Link** 専用HPから関連情報にアクセスすることができる目印です。



**Link** この章で学ぶこと  
イメージ

私の誕生日の4月2日についても同じように曜日を考えたいから、基準日をつくってそこから何日目かを考えることにしようよ。



閏年は2月が29日まであるから、3月1日を基準日にするのがいいんじゃないかな。



では、西暦2024年3月1日金曜日を基準日として、この日から何日後であるかを考えることで特定の日の曜日を考えよう。

西暦2024年の次に9月22日が日曜日になるのは西暦何年であるかを考えましょう。

p.123~125で考えます。

**倍数の判定法**

与えられた自然数がどのような自然数の倍数かを判定するのに、次のような判定法がある。

**倍数の判定法(1)**

- 5 2の倍数 …… 一の位が0, 2, 4, 6, 8のいずれか  
 4の倍数 …… 下2けたが4の倍数  
 5の倍数 …… 一の位が0か5  
 8の倍数 …… 下3けたが8の倍数  
 10の倍数 …… 一の位が0

- 10 4けたの自然数Nは、千の位をa、百の位をb、十の位をc、一の位をdとすると、 $N=1000a+100b+10c+d$ で表される。

上の方法で判定できる理由を、このNの場合で説明してみよう。

**[2の倍数、5の倍数、10の倍数の判定法]**

Nの式を変形すると  $N=10(100a+10b+c)+d$

- 15  $10=2\cdot5$ より、 $10(100a+10b+c)$ は2の倍数であるから、Nが2の倍数になるのは一の位dが2の倍数、すなわち0, 2, 4, 6, 8のときである。

5の倍数、10の倍数の判定法も同じようにして説明できる。

**[4の倍数の判定法]**

20 Nの式を変形すると  $N=100(10a+b)+10c+d$

- $100=4\cdot25$ より、 $100(10a+b)$ は4の倍数であるから、Nが4の倍数になるのは $10c+d$ すなわち下2けたが4の倍数のときである。

- 練習** 3 8の倍数が上の方法で判定できる理由を、4けたの自然数Nの場合で説明せよ。

3の倍数と9の倍数については、次のような判定法がある。

**倍数の判定法(2)**

- 3の倍数 …… 各位の数の和が3の倍数  
 9の倍数 …… 各位の数の和が9の倍数

- 5 前ページの4けたの自然数Nは、次のように変形できる。

$$\begin{aligned} N &= 1000a + 100b + 10c + d \\ &= (999a + a) + (99b + b) + (9c + c) + d \\ &= 9(111a + 11b + c) + a + b + c + d \end{aligned}$$

$9=3\cdot3$ より、 $9(111a+11b+c)$ は3の倍数であるから、Nが3の倍数になるのは各位の数の和 $a+b+c+d$ が3の倍数のときである。

9の倍数の判定法も同じようにして説明できる。

**例** (1) 58317の各位の数の和は

2  $5+8+3+1+7=24$

24は3の倍数であるから、58317は3の倍数である。

15 24は9の倍数でないから、58317は9の倍数でない。

(2) 7980534の各位の数の和は

$$7+9+8+0+5+3+4=36$$

36は9の倍数であるから、7980534は9の倍数である。

**練習** 4 次の数が3の倍数かどうかを判定せよ。また、9の倍数かどうかも判定せよ。

- (1) 25176 (2) 73148 (3) 327465

**練習** 5 次の数が9の倍数であるとき、□に入る数(0~9)を求めよ。

- (1) 341□ (2) 53□7 (3) 148□6 (4) 6□5984

改訂版では、最大公約数だけでなく最小公倍数についてもきちんと扱うようにしました。

…②

### 3 最大公約数と最小公倍数

114~117ページでは、整数の約数、倍数について学びました。ここでは、2つの整数について、それらに共通する約数や倍数について学びましょう。

#### 最大公約数

5 2つ以上の整数に共通な約数をそれらの **公約数** といい、公約数の中で最大のものを **最大公約数** という。

例 24の正の約数は 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24

4 36の正の約数は 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36

よって、24と36の正の公約数は 1, 2, 3, 4, 6, 12

したがって、24と36の最大公約数は 12

10 練習 8 40と56の最大公約数を求めよ。

#### 最小公倍数

15 2つ以上の整数に共通な倍数をそれらの **公倍数** といい、正の公倍数の中で最小のものを **最小公倍数** という。

例 6の正の倍数は 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, ……

5 9の正の倍数は 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, ……

6と9の正の公倍数は 18, 36, 54, ……

よって、6と9の最小公倍数は 18

120 練習 9 8と10の最小公倍数を求めよ。

素因数分解を利用した最大公約数と最小公倍数の求め方も扱うようにしました。

…②

#### 最大公約数の求め方

最大公約数を求めるには、各数を素因数分解し、共通な素因数をすべて取り出して、その積をつくるという方法もある。

例 60と72の最大公約数を求める。

5 6

$$60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

最大公約数は  $2^2 \cdot 3 = 12$

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

$$72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

↓ ↓ ↓

2×2 ×3

2つの整数に共通な素因数がないときは、最大公約数は1になる。

10 2つの整数  $a, b$  の最大公約数が1であるとき、 $a$  と  $b$  は **互いに素** であるという。したがって、 $a$  と  $b$  の最大公約数が2以上であるときは、

Link 資料  $a$  と  $b$  は互いに素でない。

(→ 152ページ)

Link 練習 次の2つの整数について、素因数分解を利用して、最大公約数を求めよ。また、2つの整数が互いに素であるものはどれか。

- (1) 12, 28 (2) 35, 48 (3) 24, 72

#### 最小公倍数の求め方

最小公倍数を求めるには、各数を素因数分解し、それぞれの素因数について指数の大きい方を取り出して、その積をつくるという方法もある。

例 72と90の最小公倍数を求める。

7

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

$$72 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

$$90 = 2 \times 3^2 \cdot 5$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓

2×2×2×3×3×5

最小公倍数は  $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 = 360$

Link 練習 11 次の2つの整数について、素因数分解を利用して、最小公倍数を求めよ。

- (1) 28, 42 (2) 32, 20

Link >>



121

第3章「数学と人間の活動」では、数学と実生活との関連に関する題材を多く扱っています。

…③

## 4 整数の割り算

### 割り算における商と余り

30個のいちごを同じ個数ずつ皿に分けることにした。

6個ずつにすると、ちょうど5皿に分けることができる。このとき、 $30, 6, 5$ の間には $30=6\cdot 5$ という等式が成り立つ。

7個ずつにすると、4皿に分けることができて2個余る。このとき、 $30, 7, 4, 2$ の間には $30=7\cdot 4+2$ という等式が成り立つ。

一般に、次の定理が成り立つ。



### 割り算で成り立つ等式

整数  $a$  と正の整数  $b$  に対して、

$$a=bq+r, \quad 0 \leq r < b$$

となる整数  $q$  と  $r$  がただ1通りに決まる。

上の定理において、 $q, r$  をそれぞれ  $a$  を  $b$  で割ったときの **商**、  
**余り** という。余り  $r$  が 0 のとき、 $a$  は  $b$  で **割り切れる** といい、余り  $r$  が 0 でないとき、 $a$  は  $b$  で **割り切れない** という。

例 (1)  $34=5\cdot 6+4$  であるから、 $34$  を  $5$  で割ったときの

8 商は  $6$ 、余りは  $4$

(2)  $-40=7\cdot(-6)+2$  であるから、 $-40$  を  $7$  で割ったときの  
商は  $-6$ 、余りは  $2$

練習 次の  $a$  を  $b$  で割ったときの商と余りを求めよ。

- 12 (1)  $a=32, b=5$  (2)  $a=56, b=8$  (3)  $a=-18, b=5$

改訂版では、新たに「割り算の余りの性質」についての例題と練習を扱うようにしました。

…②

例題  $a, b$  は整数で、 $a$  を  $7$  で割ると  $5$  余り、 $b$  を  $7$  で割ると  $4$  余る。

1 このとき、次の数を  $7$  で割ったときの余りを求めよ。

- (1)  $a+b$  (2)  $ab$

解答  $a, b$  は次のように表すことができる。

$$a=7k+5, \quad b=7l+4 \quad (k, l \text{ は整数})$$

$$(1) \quad a+b=(7k+5)+(7l+4)=7k+7l+5+4$$

$$=7(k+l+1)+2 \quad \leftarrow 5+4=9=7\cdot 1+2$$

よって、 $a+b$  を  $7$  で割ったときの余りは  $2$  である。

$$(2) \quad ab=(7k+5)(7l+4)=7^2kl+7k\cdot 4+5\cdot 7l+5\cdot 4$$

$$=7(7kl+4k+5l+2)+6 \quad \leftarrow 5\cdot 4=20=7\cdot 2+6$$

よって、 $ab$  を  $7$  で割ったときの余りは  $6$  である。

練習  $a, b$  は整数で、 $a$  を  $5$  で割ると  $3$  余り、 $b$  を  $5$  で割ると  $4$  余る。

13 このとき、次の数を  $5$  で割ったときの余りを求めよ。

- (1)  $a+b$  (2)  $ab$

### 整数の割り算とカレンダー

整数  $a$  を  $7$  で割ったときの余りに注目することで、曜日を調べることができる。

西暦 2024 年 9 月 22 日（秋分の日）は日曜日であった。次に 9 月 22 日が日曜日となるのは西暦何年か考えてみよう。

世界各国にはさまざまな暦があるが、日本で採用している 1 年を 365 日とするグレゴリオ暦（西暦）では、1 年を 366 日とする閏年が次のルールによって決められている。

西暦年数が 4 の倍数の年を閏年とする。ただし、100 の倍数の年は閏年としないが、例外として、400 の倍数の年は閏年とする。

25 注意! 以降、この章では、西暦  $n$  年の西暦を省略して  $n$  年と表すこととする。

1次不定方程式を解くといった、整数の性質の重要な問題もしっかり扱っています。

…③

### 1次不定方程式を解く

1次不定方程式のすべての整数解を求めてみよう。

例題 次の方程式の整数解をすべて求めよ。

(2)  $3x+8y=1 \cdots \text{①}$

考え方 まず、整数解を1つ見つける。 $3 \cdot 3 + 8 \cdot (-1) = 1$  が成り立つから、 $x=3, y=-1$  は①の整数解の1つである。

解答  $x=3, y=-1$  は①の整数解の1つであり

$$3 \cdot 3 + 8 \cdot (-1) = 1 \cdots \text{②}$$

$$\text{①}-\text{②} \text{ から } 3(x-3)+8(y-(-1))=0$$

$$\text{すなわち } 3(x-3) = -8(y+1) \cdots \text{③}$$

③の右辺は8の倍数であるから、左辺も8の倍数である。

3と8は互いに素であるから、 $x-3$ は8の倍数である。

よって、 $k$ を整数として、 $x-3=8k$ と表される。

$$\text{③に代入して } 3 \cdot 8k = -8(y+1)$$

$$\text{よって } y+1 = -3k$$

したがって、①のすべての整数解は

$$x=8k+3, y=-3k-1 \quad (k \text{ は整数})$$

注意!  $a, b, c$  が整数で、 $a$ と $b$ が互いに素であるとき、次のことがいえる。  
 $ac$  が $b$ の倍数であるとき、 $c$ は $b$ の倍数である。

例題2の方程式の整数解は無数にあり、整数 $k$ の値を1つ与えるごとに1つずつ得られる。たとえば、 $k=-1$ とすると、 $x=-5, y=2$ となり、 $3x+8y=1$ が成り立つ。

練習補充 20 次の方程式の整数解をすべて求めよ。

(1)  $6x+7y=1$       (2)  $7x-5y=1$



改訂版では、互除法の計算の逆をたどると、整数解を1つ見つけることができる1次不定方程式のすべての整数解を求める例題を追加しました。…③

例題 (1) 方程式  $31x+22y=1$  の整数解の1つを求めよ。

(2) 方程式  $31x+22y=1$  の整数解をすべて求めよ。

解答  $31x+22y=1 \cdots \text{①}$ とする。

(1) 係数の31と22に互除法を適用すると

$$31 = 22 \cdot 1 + 9 \rightarrow 9 = 31 - 22 \cdot 1$$

$$22 = 9 \cdot 2 + 4 \rightarrow 4 = 22 - 9 \cdot 2$$

$$9 = 4 \cdot 2 + 1 \rightarrow 1 = 9 - 4 \cdot 2$$

余りに着目してこの計算の逆をたどると

$$1 = 9 - 4 \cdot 2 = 9 - (22 - 9 \cdot 2) \cdot 2$$

$$= 9 \cdot 5 + 22 \cdot (-2) = (31 - 22 \cdot 1) \cdot 5 + 22 \cdot (-2)$$

$$= 31 \cdot 5 + 22 \cdot (-7)$$

$$\text{よって } 31 \cdot 5 + 22 \cdot (-7) = 1 \cdots \text{②}$$

したがって、①の整数解の1つは  $x=5, y=-7$

(2) ①-②から  $31(x-5) + 22(y+7) = 0$

すなわち  $31(x-5) = -22(y+7) \cdots \text{③}$

③の右辺は22の倍数であるから、左辺も22の倍数である。

31と22は互いに素であるから、 $x-5$ は22の倍数である。

よって、 $k$ を整数として、 $x-5=22k$ と表される。

③に代入して  $31 \cdot 22k = -22(y+7)$

よって  $y+7 = -31k$

したがって、①のすべての整数解は

$$x=22k+5, y=-31k-7 \quad (k \text{ は整数})$$

練習 22 方程式  $43x+32y=1$  の整数解をすべて求めよ。

深める 例題3の②の式を利用して、方程式  $31x+22y=2$  の整数解の1つを求めてみよう。  
さらに、方程式  $31x+22y=2$  の整数解をすべて求めてみよう。



第3章「数学と人間の活動」の章末に、問題A、問題Bを追加し、整数の内容を充実させました。…②

... 2

## 問題 A



- 5 2 次の2つの整数について、最小公倍数を求めよ。

(1) 20, 28	(2) 30, 66
(3) 105, 385	(4) 56, 180

→ p.121 例 7



- 4 次の2進法で表された数を10進法で表せ。 → p.136 例 14

(1) 11110<sub>(2)</sub>      (2) 101010<sub>(2)</sub>      (3) 100000001<sub>(2)</sub>

- 5 次の10進法で表された数を2進法で表せ。 ➡ p.137 練習 26

(1) 39                    (2) 63                    (3) 129

## 問題 B

- 6 次の方程式の整数解をすべて求めよ。 ➔ p.131 例題 2, p.133 例題 3

(1)  $11x + 5y = 1$       (2)  $37x + 26y = 1$

第3章「数学と人間の活動」の章末に章末問題を追加し、整数の内容を充実させました。…②

... 2

章末問題

- 1  $\frac{60}{7}$  を掛けても、 $\frac{75}{2}$  を掛けても自然数となる正の分数のうち、最小のものを求めよ。

- 2** 自然数  $a, b$  を 7 で割ったときの余りは、それぞれ 1, 4 である。  
次の数を 7 で割ったときの余りを求めよ。

- $$(1) \quad 3a - 5b \qquad (2) \quad a^2 - b^2$$

- $$(1) \quad 3a - 5b \qquad (2) \quad a^2 - b^2$$

- 3 1856□が2の倍数かつ3の倍数であるとき、□に入る数(0~9)を求めよ。

- 4** 整数  $x, y$  は  $0 \leq x \leq 100, 0 \leq y \leq 100$  の範囲にあるとする。このとき、  
 10  $11x - 7y = 1$  を満たす整数の組  $(x, y)$  の個数を求めよ。

- 5 290円の商品Aと190円の商品Bの両方をそれぞれ何個か買って合計の代金がちょうど4500円になるようにしたい。商品Aと商品Bをそれぞれ何個買えばよいか。

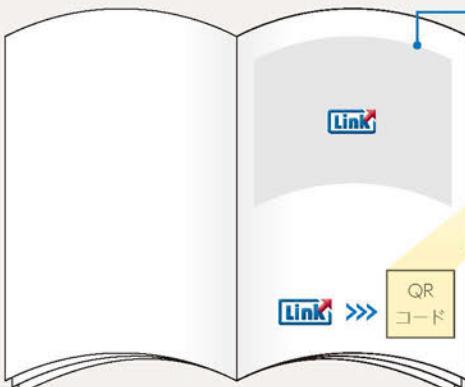
# 学びをもっと！深める！広げる 数研のQRコンテンツ

詳細はこちら！



## QRコンテンツでも、「学びやすい」「教えやすい」を追求！

### 紙面のQRコードからご利用いただけます



QRコンテンツの場所には  
Linkアイコンを配置

紙面の  
QRコードから  
タブレットや  
スマートフォンで  
手軽にアクセス！

NEW!

改訂版の教科書では、見開き  
ページの右下にQRコードを  
入れています。  
(本書17ページ参照)



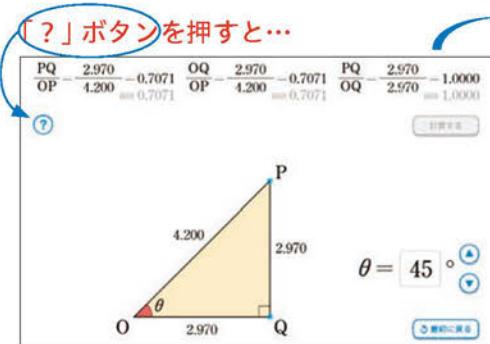
上のようなアイコンでコンテンツ  
へのリンクが示されます

※ネットワーク接続に際し発生する通信料は使用される方のご負担となります。

改訂版教科書のQRコンテンツが、新たな機能を搭載し、より利用しやすくなりました！

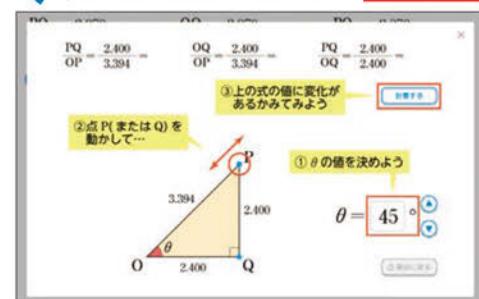
### 考察コンテンツ

生徒が一人でコンテンツを活用できるよう、改訂版では「？」ボタンから使い方を確認できるようになりました。



「？」ボタンを押すと…  
使い方が表示される！

おすすめ



## 既習事項の確認問題

NEW!

各章の学習を始める前に、既習事項を確認する問題を取り組むことができます（全章に用意）。

自動正誤機能（一部の問題）、豊富な類題、要点を解説する動画を用意しているため、生徒が一人で既習事項を確認できます。

自動正誤機能



豊富な類題

## 計算カード

教科書の練習の反復問題を数多く用意しています。

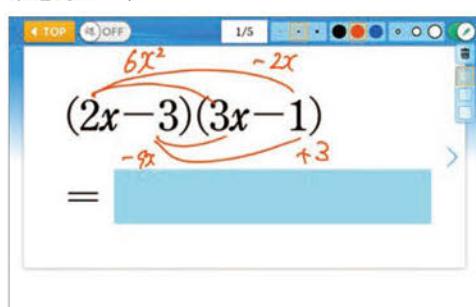
>>先生 「ふせんモード」で生徒に答えさせながら演習を進めます。

ペン機能も搭載しているため、問題に書き込みながら解説ができます。

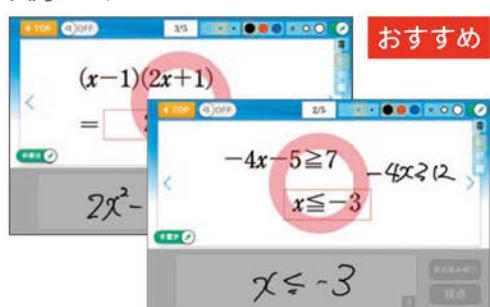
>>生徒 「入力モード」で手書きやキーボードで解答しながら進めます。

スキマ時間を使って楽しく反復演習をすることができます。

ふせんモード



入力モード



おすすめ

### ●QRコンテンツ数

数学 I	数学 A
1950	1689

(注) QRコンテンツ数は、すべてのコンテンツのデータ数（例えば計算カードでは問題数）をあわせたものです。

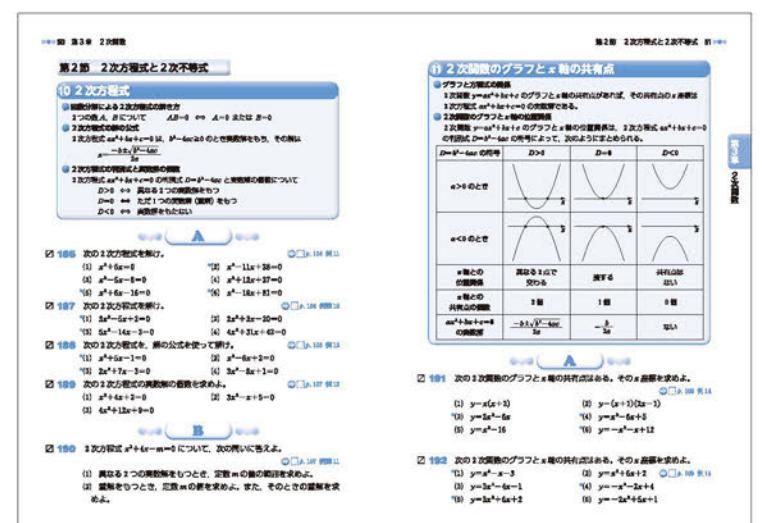
副教材

教科書傍用問題集

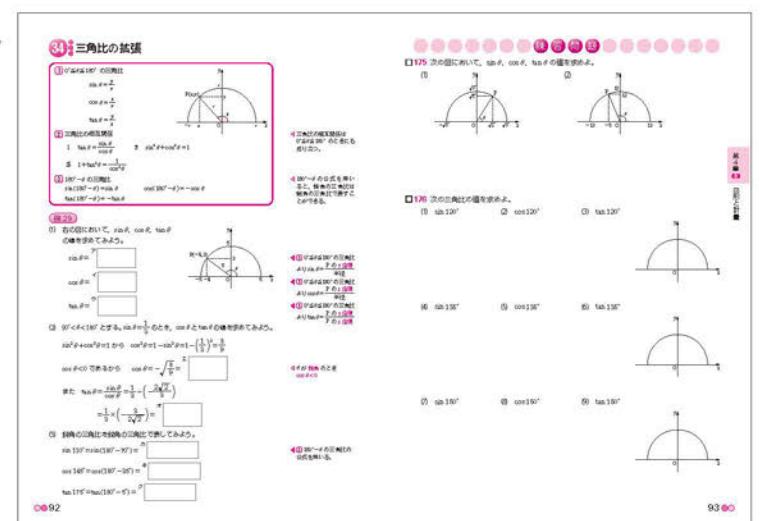
## 改訂版の教科書傍用問題集は

- 1 様々な授業運用に応じた 充実のラインアップ
  - 2 別冊解答編の記述をブラッシュアップ
  - 3 *Study guide* デジタル版傍用問題集など デジタル教材も充実

最新シリーズ対応



※ 3ROUND シリーズの表紙、紙面は初版のものです。



辅助教材

手厚い補助教材でスムーズな学びをサポートします。

## ◆短期完成ノート



※数研コンテンツ：「公式・用語集」コンテンツ  
※チャート×ラボ：授業用スライド

教科書レベルの内容を短期間でスムーズに学習することができる書き込み式問題集(別冊解答付)

[データの分析ノート](#) [図形の性質ノート](#) [整数の性質ノート](#) [統計的な推測ノート](#)



- 要点を押さえ、短期間で学習を完成できます。
  - 板書の手間や生徒がノートをとる時間を短縮でき、効率的に授業を進めることができます。
  - 4書籍すべてに解説動画(要項、例)、授業用スライドデータ(パワーポイントファイル)をご用意しています。

## ◆新入生課題ノート



高校数学をスムーズにスタートできる書き込み式問題集(別冊解答、テスト付)

高数への準備演習 高数への基礎練習 高校数学へのブリッジ スタートワーク



- 中学数学の総復習ができ、高校数学を学ぶための万全の準備が可能です。
  - レベルや用途に応じて選べるテストペーパーのデータ (*Studyaid* の Print ファイル) や本冊の答のみのデータを、「チャート×ラボ」からダウンロードできます。
  - 4 書籍すべてにデジタルコンテンツをご用意しています。書籍に掲載する QR コードからアクセスでき、自学で活用いただけます。

高数への準備演習	難度の高い問題の解説動画
高数への基礎練習	
高校数学へのブリッジ	例題の解説スライドショー

高数への準備演習	難度の高い問題の解説動画
高数への基礎練習	
高校数学へのプリッジ	例題の解説スライドショー
スタートワーク	要項の解説スライドショー

※補助教材については検討中であり、変更になる場合があります。

また、表紙画像については改訂前の表紙画像を掲載しています。

# 教授資料

改訂版の教授資料でも、豊富な資料と付属データで授業をサポートします。

POINT

1 授業で役立つ付属データが充実

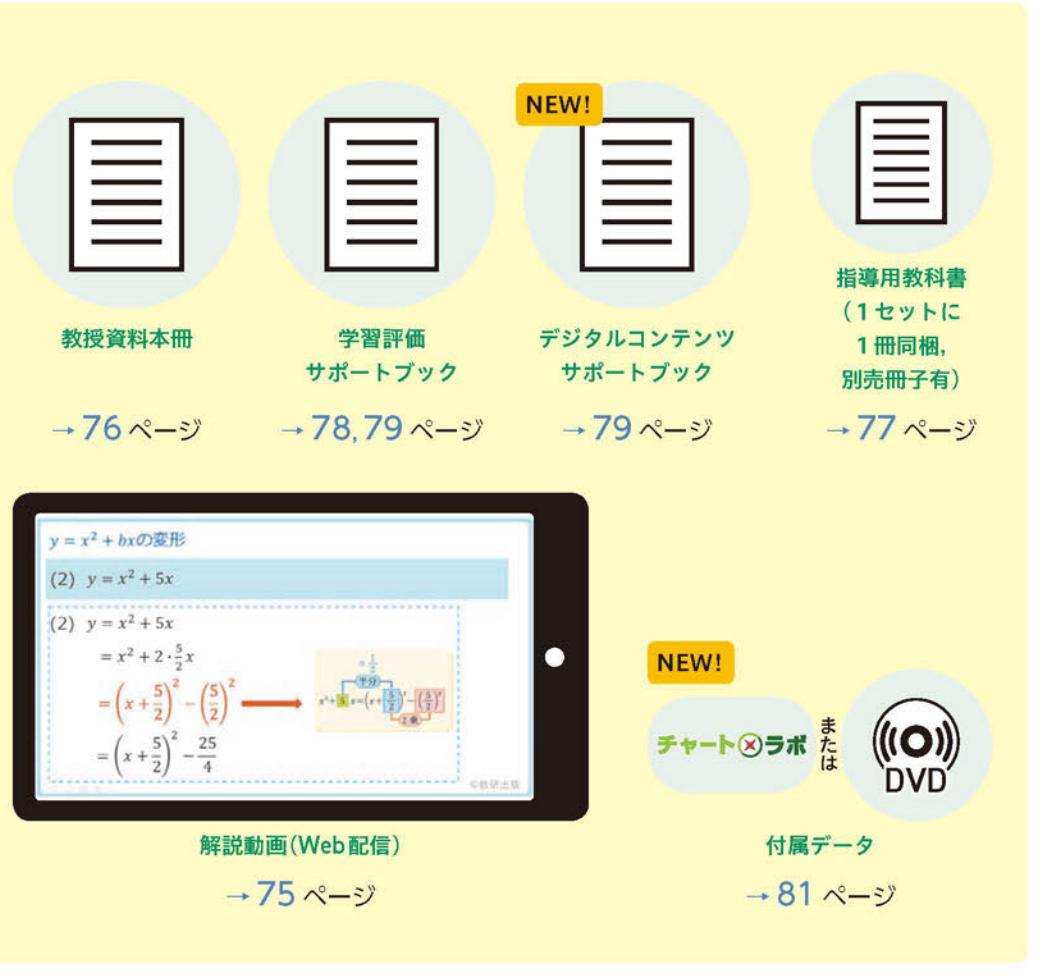
POINT

2 学習評価やQRコンテンツの利用に役立つ情報を掲載

POINT

3 教科書の解説動画で自学自習をサポート

## 教授資料の構成



※教授資料付属のDVD-ROMに収録しているすべてのデータは「チャート×ラボ」からダウンロードすることができるようになります。  
DVD-ROM収録外のデータや、追加・修正が生じた場合の最新データも「チャート×ラボ」にてご用意する場合がございます。「チャート×ラボ」については裏表紙をご参照ください。

※教授資料の発行予定や内容は予告なく変更される可能性があります。

※解説動画の画像は初版のものです。

## 教科書の解説動画をご用意しています！

教科書の解説動画は、「教授資料」「指導者用デジタル教科書（教材）」「学習者用デジタル教科書・教材」のいずれかをご購入いただいた場合に、追加費用なしでご視聴いただけます。

●自学自習をサポートします。

●反転学習にも活用できます。

●対面授業が難しい状況下でも学習が進められます。



サンプルは  
こちら！→

### ご利用のイメージ（教授資料のご購入の場合）



※「指導者用デジタル教科書（教材）」では、授業中に解説動画を拡大提示することができます。また、「学習者用デジタル教科書・教材」では、画面より解説動画にダイレクトにアクセスして視聴することができます（ただし、商品ライセンスを所持している生徒に限ります）。

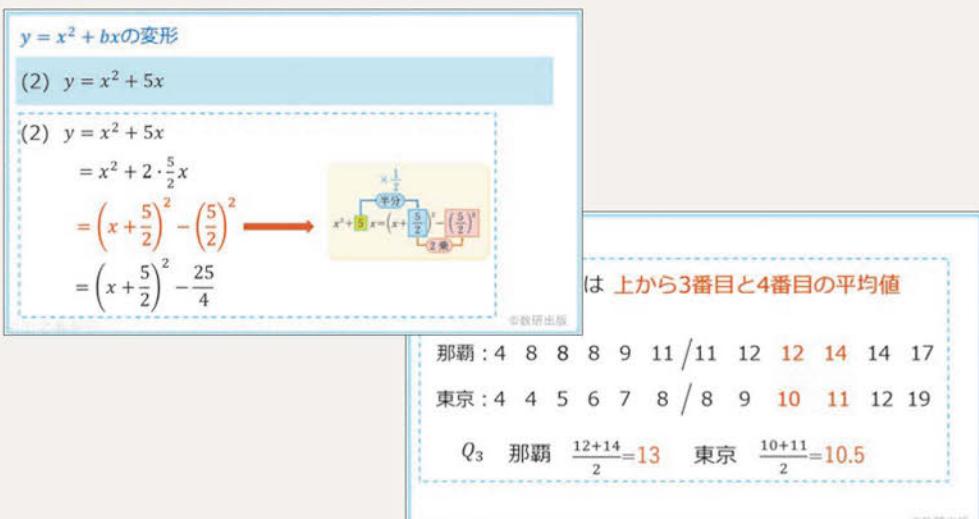
※解説動画の画像は初版のものです。

### 解説動画数（予定）

●教科書のすべての例・例題の解説動画をご用意しています。

数学 I	数学 A
142 本	73 本

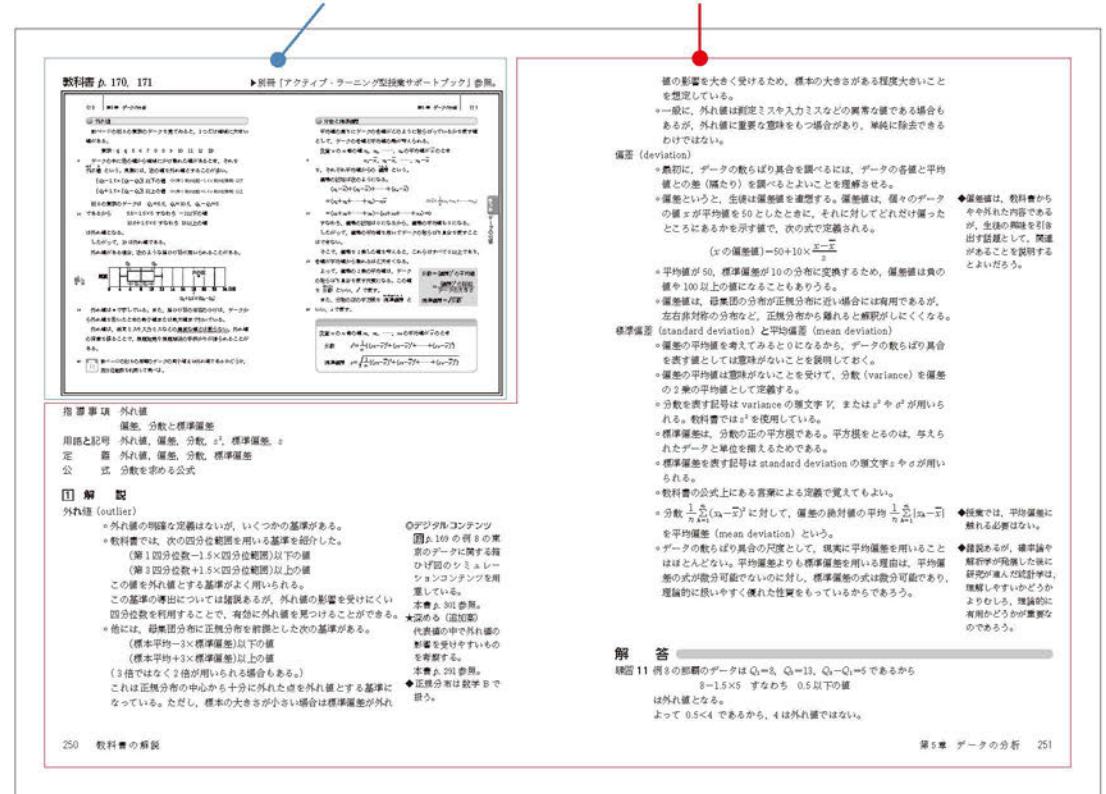
### 解説動画のイメージ画像



数研出版

- ページ構成は、次のように見やすい構成となっています。

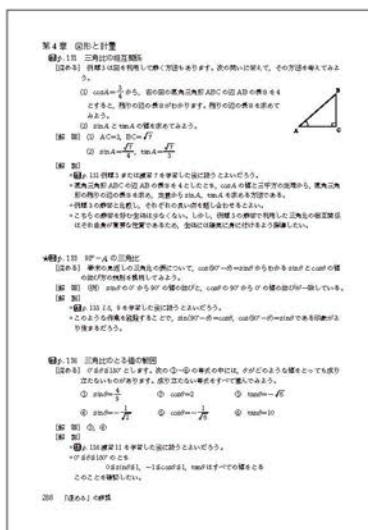
教科書の縮刷り + 該当ページの解説・解答



●教授資料本冊の紙面のPDFデータをご用意します。NEW!

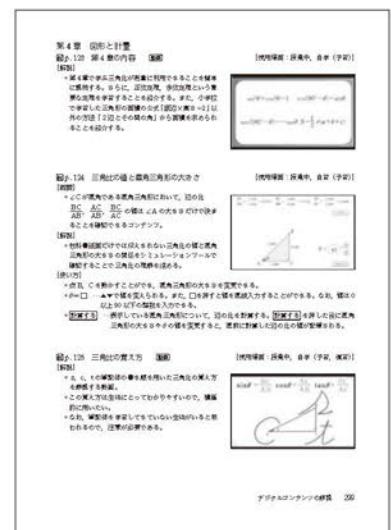
★「深める」やデジタルコンテンツなどについても十分な解説を掲載しています。

▼ 「深める」の解説



※体裁画像は初版のものです。

## ▼デジタルコンテンツの解説

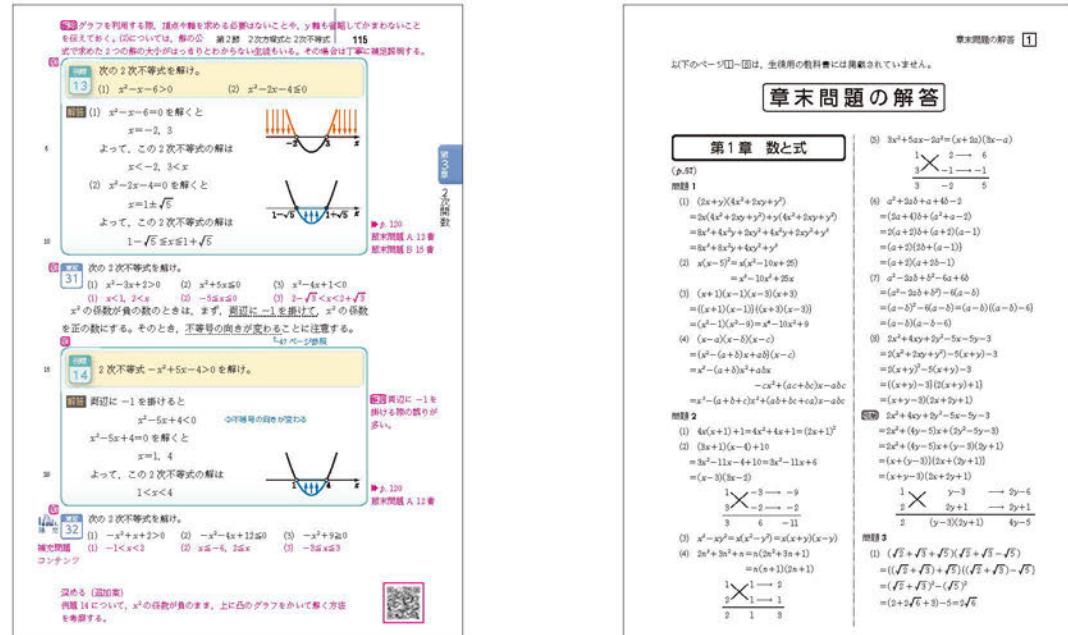


※体裁画像は初版のものです。

- 教科書紙面に「問題の答え」「指導上の注意」を朱字で書き込んだ指導用教科書です。

- 教授資料1セットに指導用教科書1冊が付属しています。指導用教科書のみの購入も可能です。

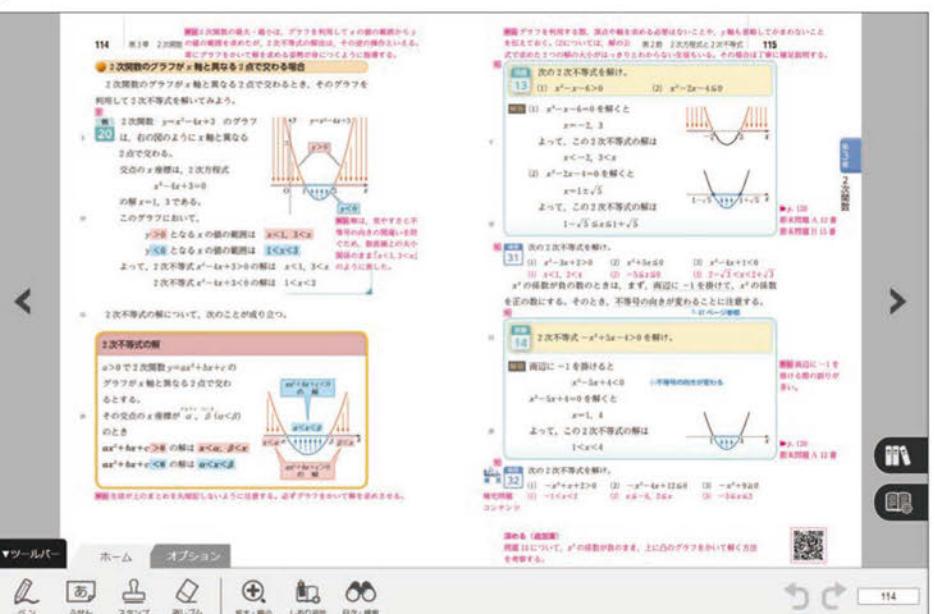
- ・巻末には、節末問題や章末問題の詳しい解答をまとめて掲載しています



※体裁画像は初版のみの予定

デジタル版指導用教科書

- ・「デジタル版指導用教科書」も発行しています。指導用教科書の紙面をタブレット端末などで閲覧できます。



※体裁画像は初版のものです

# 学習評価に関する参考資料



現行の学習指導要領のもとで、先生方が観点別学習状況の評価をする際にヒントとしてお使いいただくための冊子「学習評価サポートブック」をご用意しています。

現行の学習指導要領では、観点別学習状況の評価の観点が「知識・技能」、「思考・判断・表現」、「主体的に学習に取り組む態度」の3観点に整理されました。

- 観点別学習状況の評価について、その考え方や評価例に関する参考資料です。

## 1. 学習指導要領と観点別学習状況の評価

## 2. ループリックとは何か

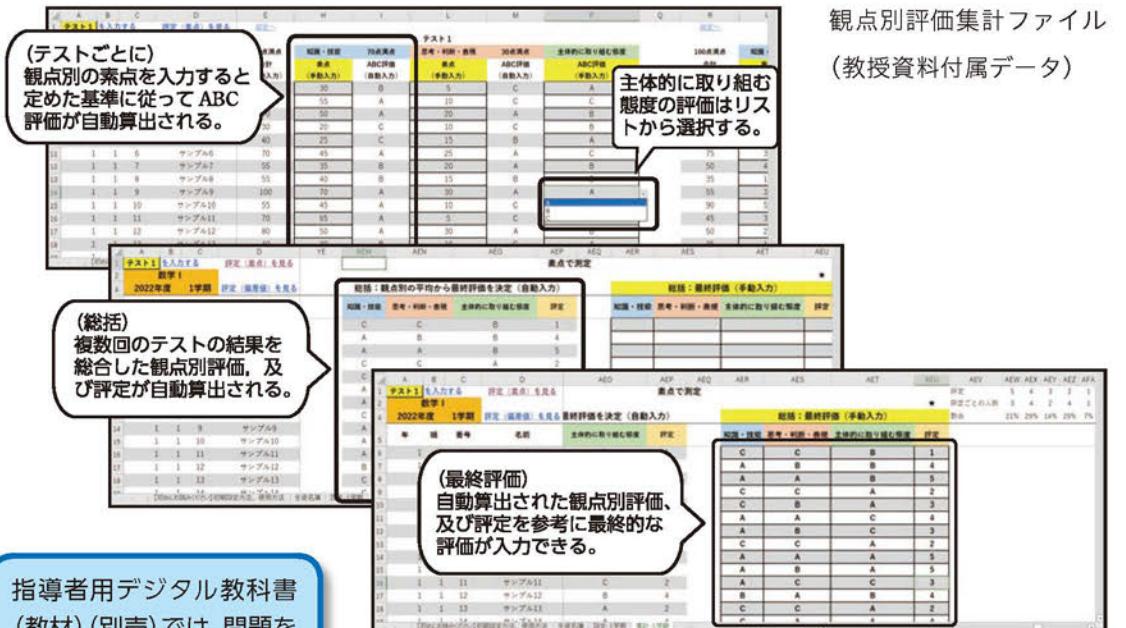
### 3. ルーブリックの事例

- 「観点別評価集計ファイル (Excel)」をご用意しています。ペーパーテストの素点やレポート等の評価を入力いただくと、各生徒の観点別評価を自動算出 (A, B, C で算出) します。

- 紙面のPDFデータもご用意します。NEW!



※体裁画像は初版のものです。



指導者用デジタル教科書  
(教材)(別売)では、問題を  
観点ごとに検索するこ  
とが可能です。

- 「主体的に学習に取り組む態度」などの評価にも役立つ課題例を収録します。課題への取り組みを評価するための「ループリック」、教科書との対応や指導方法を記した「指導用資料」をご用意します。

**NEW!**

## 課題

<p><b>問題 1</b> 基開と因数分解</p> <p><b>[目標]</b> 基開と因数分解の問題を作るときに迷いついて考案する。 この問題は、<b>基開</b>と<b>因数分解</b>で解く。</p> <p>基開と因数分解</p> <p>高1年生から3年生（約）の範囲の例と「因数分解」の例をもとに、それらの背景を元に因数分解について考えています。ここで、多式式の基礎を学んで理解できるとします。</p> <p>基開の式：<math>(x+1)(x+4)</math> を展開すると <math>x^2 + 5x + 4</math>      因数分解の式：<math>x^2 + 5x + 4</math> を因数分解すると <math>(x+1)(x+4)</math></p> <p>Aさんはいろいろな角度で問題を考えたので、基開と因数分解の2通りが出来ますが、因数分解の問題は他の方法がない場合があることに気が付きました。</p> <p><b>[目標]</b> 基開の問題について、3つのパターンの式をそれぞれ解いて、基開の式をやめましょう。ここで、 <math>x = -1</math>は既定値とします。      ① <math>(x+2)x+8</math>      ② <math>(x+2)(x-4)</math>      ③ <math>(x+2)(x+4)</math></p> <p><b>[目標]</b> 因数分解の問題について、Aさんは<math>3x^2 + 8x + 5</math>が因数分解できないと考えました。本当に因数分解できないか、確かめてみましょう。</p>	<p><b>[目標]</b> 因数分解の問題を元で問題を作ることができます。「因数分解の式」の背景を元に問題をつくることによって理解しない方があります。その理由を考えて、自分でしてみましょう。</p> <p><b>[目標]</b> 因数分解の問題を作るとときに、どうすれば「解けない問題」にならないか考えてみましょう。</p> <p><b>[目標]</b> 因数分解ができるためにはどのような条件が必要になるかをさきましょう。      また、因数分解ができるような2次式を考えて、実際に因数分解してみましょう。</p> <p><b>[目標]</b> 基開と因数分解の問題を元に問題を作るとときに、どのようなことに気をつけねばよいかまとめましょう。</p>
---	--

※体裁画像はすべてイメージです。

ループリック

[思・表・表] ルーブリック評価基準

A 目標達成のものに限る。その解決策がなぜ成り立つ、役立つのを記述説明できている。

B ほかで繰り返すなど、解決策を自分なりの言葉で記述できている。

C 解決策について記述できていない。

●記述例

答るなど「因数分解された式」を最初に考え、それを展開して得られた式を問題とする。展開と因数分解は逆の関係であり、問題は必ず解くことができるもので、このようにして得られた式は必ず因数分解することができる。

例えば、式Aを展開して式Bが得られるすると、式Cは因数分解すると式Aになるから、式Bは必ず因数分解できる。

～課題の振り返り～ [主体的]

◆振り返り1◆

●ルーブリック評価基準

A 因数分解ができる条件について正確に記述できており、その条件を満たす2次式を提示し、誤りなく「因数分解できている」。

B 因数分解ができる条件の記述か、条件を満たす2次式の提示で、実際の因数分解のどちらかはできている。

C 因数分解ができる条件の記述と条件を満たす2次式の提示のどちらもできない。

**課題1 展開と因数分解**  
指導用資料～教科書 新編シリーズ対応

**課題の狙い**

展開と因数分解の公式を振り返るとともに、因数分解できない式について考える問題である。展開の公式と因数分解の公式がどのように関係あるかについて理解し、なぜ因数分解できない式があるかを考える。

また、自分で問題を作成するときに、解けない問題にならないためにはどのように往生すればよいか考える。

**実施時間と目標**

概要20 分 対象：算数基礎

指導用資料

NEW! デジタルコンテンツに関する参考資料



改訂版の教科書では、各ページの  に該当するデジタルコンテンツに対して、その見開きページの右下にあるQRコードから直接アクセスできるようにします（本書17ページ参照）。コンテンツを利用した授業をよりスムーズに行えることになったことから、コンテンツを利用した授業のために

## 「デジタルコンテンツサポートブック」紙面

※画像は初版のものです。

※体裁画像はイメージです。

## 授業用スライド、授業用プリント

付属  
データ

- 授業用スライドをパワーポイントデータでご用意しています。
  - 授業用スライド(パワーポイントデータ)に音声を挿入するなど、先生が解説動画などを作成する際の素材にもなります。
  - 授業用スライドと合わせてお使いいただける授業用プリントもご用意しています。

授業用スライド

5  $y = a(x - p)^2$  のグラフ (教科書p.57)

例題2 2次関数  $y = (x + 2)^2$  のグラフの頂点と軸を求め、そのグラフをかけ。

考え方  $y = (x + 2)^2$  を  $y = (x - p)^2$  の形に変形する。

解答  $y = (x + 2)^2 = (x - (-2))^2$   
よって、 $y = (x + 2)^2$  のグラフは、  
 $y = x^2$  のグラフを  $\square$  グラフは下に凸の  
x軸方向に  $\square$  放物線

だけ平行移動した放物線である。

頂点は  $\square$  軸は  $\square$  である。 $\circ$  グラフは点  $(0, 4)$  を通る  
よって、この関数のグラフは右の図のようになる。

※画像はすべて初版のものです

#### 主体的・対話的で深い学びへの参考資料

付属  
データ

- アクティブラーニングの視点を取り入れた授業実践を検討されている先生方に、そのヒントとしていただくため、アクティブラーニング型授業の授業実践例をデータにてご用意しています。
  - 各授業実践例は「授業の流れ(解説)」+「プリント例」で構成されています。

## 授業の流れ（解説）

第5章 四分位数図、外れ値	
【学習の目標】	
【目標】	
- 各四分位数、四分位範囲を算出する。ある箱型分布の下限や上限を算出する方法を理解する。	
- 外れ値を検出することによって、外れ値を除いた四分位数、外れ値を除いた四分位範囲を算出する方法を理解する。	
- 箱型分布によって、各四分位数、外れ値について、外れ値を除いて算出することによって、算出できないことを学ぶ。また、箱型分布の外れ値を算出する方法を理解する。	
【実習の内容】	
① 箱型分布(データ)を用いて、四分位数を算出する。	○ 4つの四分位数(下限、上限)を算出する。 ○ 4つの四分位数(下限、上限)を算出する。
② 平均と標準偏差(平均)を用いて、四分位数を算出する。	○ 平均と標準偏差(平均)を用いて、四分位数を算出する。 ○ 平均と標準偏差(平均)を用いて、四分位数を算出する。
③ 標準偏差(データ)を用いて、四分位数を算出する。	○ 標準偏差(データ)を用いて、四分位数を算出する。 ○ 標準偏差(データ)を用いて、四分位数を算出する。
④ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。	○ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。 ○ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。
【ノンパラメトリック統計】	
① 箱型分布(データ)	○ 箱型分布(データ)を用いて、外れ値を検出する。 ○ 箱型分布(データ)を用いて、外れ値を除いた四分位数を算出する。
② 平均と標準偏差(平均)を用いて、外れ値を検出する。	○ 平均と標準偏差(平均)を用いて、外れ値を検出する。 ○ 平均と標準偏差(平均)を用いて、外れ値を除いた四分位数を算出する。
③ 標準偏差(データ)を用いて、外れ値を検出する。	○ 標準偏差(データ)を用いて、外れ値を検出する。 ○ 標準偏差(データ)を用いて、外れ値を除いた四分位数を算出する。
④ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。	○ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。 ○ 第1四分位数(クオーラル)を算出する。



※画像はすべて初版のものです。

## 教授資料付属データ一覧

チャートラボ



- 教授資料付属データは教授資料本冊のDVD-ROMと「チャート×ラボ」からご利用いただけます。  
「チャート×ラボ」については裏表紙をご参照ください。
  - 「チャート×ラボ」からはすべてのデータをダウンロードできるようにします。 NEW!

教授資料紙面（※1）	PDF
授業用スライド	PowerPoint
授業用プリント	PDF <a href="#">Studyaid</a>
アクティブ・ラーニング型授業実践例	PDF <a href="#">Studyaid</a>
学習評価課題例（※2）	PDF <a href="#">Studyaid</a>
単元テスト	PDF
振り返り追加プリント	PDF
教科書紙面（※3）	PDF
シラバス・観点別評価規準	Word
観点別評価集計ファイル	Excel
時間配当表	Excel
解答一覧	PDF
統計データ（数学I）	Excel
数学史	PDF

サンプルは  
こちら！→



Google フォーム

付属  
データ

- 教授資料付属のテストに対応した「自己評価アンケート」、アクティブ・ラーニング型授業に対応した「振り返りカード」のGoogle フォームデータをご用意しています。
  - ご採用の教授資料の付属データとして、「チャート×ラボ」からのダウンロードによってご利用いただけます。

振り返りカード

本時の目標は達成できましたか。自己評価（3, 2, 1）してみよう。

- 3. 本時の目標を達成し、さらに理解を深めることができた。
  - 2. 本時の目標を達成できましたが、さらに理解を深めるにはいたらなかった。
  - 1. 本時の目標が達成できていない。

サンプルは  
こちら！



★「振り返りの問」などと関連させた授業例も収録しています。

※画像は初版のものです。

令和8年度発行の数学Ⅰ、数学Aに対応した商品のラインアップについては、検討中です。

商品名		収録内容
中 学 数 学	中学数学 1996~2020 データベース	●中学数学 1999 データベース（1996 ~ 1999）から中学数学 2020 データベースまでの 25 年分の入試問題全て ●小学校の復習問題 ●補充問題 ●プレゼンテーションコンテンツ（3 学年合計約 50 個を収録）
	中学数学 2024 データベース ～日常学習から高校入試へ～	●全国の 2024 年度公立高校入試問題 ●国立高校 7 校の 2024 年度入試問題 ●私立高校約 80 校の 2024 年度入試問題
	令和 7 年改訂版 中学数学 基本問題データベース Light	●小学校の復習問題 ●補充問題 ●エスピーア用プレゼンテーションコンテンツ（3 学年合計約 150 個を収録）*4
	令和 7 年改訂版 中学数学 問題集データベース 1・2・3 年	●「改訂版 中学数学スタンダード問題集」の 3 冊 ●エスピーア用プレゼンテーションコンテンツ（3 学年合計約 150 個を収録）*4 ●「改訂版 中学数学スタンダードプラス問題集」の 3 冊 ●小学校の復習問題 ●改訂版 中学数学スタンダード問題集」の 3 冊 ●「改訂版 スパイラルアップ中学数学」の 3 冊 ●「改訂版 STEP 演習中学数学」の 3 冊
体 系 数 学	改訂版 体系数学 1 データベース	●テキスト「改訂版 体系数学 1」の 2 冊 ●参考書「改訂版 チャート式体系数学 1」の 2 冊 ●改訂版 体系問題集（標準）1 の 2 冊 ●「改訂版 体系問題集（発展）1」の 2 冊 ●エスピーア用プレゼンテーションコンテンツ（紙面表示、スライドビューア、QR コンテンツ、学習ツール）*4
	～中学数学 + α～	●テキスト「改訂版 体系数学 2」の 2 冊 ●参考書「改訂版 チャート式体系数学 2」の 2 冊 ●改訂版 体系問題集（標準）2 の 2 冊 ●「改訂版 体系問題集（発展）2」の 2 冊 ●エスピーア用プレゼンテーションコンテンツ（紙面表示、スライドビューア、QR コンテンツ、学習ツール）*4
	改訂版 体系数学 2 データベース	●テキスト「新課程 体系数学 3, 4, 5」の 4 冊 ●問題集「新課程 体系問題集 3, 4, 5」の 4 冊（テキスト、問題集とも 2 分冊） ●エスピーア用プレゼンテーションコンテンツ（紙面表示、QR コンテンツ、学習ツール）*4
	～中学数学 + α～	【注】新課程体系数学 4「新課程体系数学 5」とその準問題集のデータは、製品 DVD-ROM には含まれておりません。本商品をご購入いただいた方は、弊社ホームページよりアップデートが必要です。
受 験 用	新課程 体系数学 3, 4, 5 データベース	
	数学入試 1996~2020 データベース	●数学入試 1996 データベースから数学入試 2020 データベースまでの 25 年分のデータ全て
	数学入試 2024 データベース	●2024 数学入試問題集（I Ⅰ ABC ベクトル、Ⅲ C 複数） ●「入試問題集」に収録されていない基本～標準レベルの入試問題 ●令和 6 年度大学入学共通テスト ●新課程大学入学共通テスト試作問題 ●センター試験過去問（25 年分） ●新課程オリジナル数学演習 I・II・A・B・C 受験編 ●「2025 スタンダード数学演習 I・II・A・B・C 受験編」 ●新課程クリアー数学演習 I・II・A・B・C 受験編 ●「新課程クリアー数学演習 I・II・A・B・C 受験編」 ●新課程キートレーニング数学演習 I・II・A・B・C 受験編 ●「新課程シニア数学演習 I・II・A・B・C 受験編」 ●新課程ベーシックスタイル数学演習 I・II・A・B・C 受験編 ●「新課程ベーシックスタイル数学演習 I・II・A・B・C 受験編」 ●新課程クリアー数学演習 IV・C 受験編 ●「新課程クリアー数学演習 IV・C 受験編」 ●「新課程リラク数学演習 I・A 受験編」 ●新課程リラク数学演習 I・A・B・C 受験編 ●「新課程リラク数学演習 I・A・B・C 受験編」 ●「新課程ジャニア演習数学 I・A 受験編」 ●新課程 SetUp 数学演習 I・ABC 基本編受験編 ●「新課程 SetUp 数学演習 I・ABC 基本編受験編」 ●「2025 数学重要問題集 数学 I・II・III・A・B・C（理系）」 ●「新課程数学重要問題集 数学 I・II・III・A・B・C（文系）」 ●新課程トライエクスネオ数学演習 I・A・B・C 受験編 ●「新課程ニュースタンダード数学演習 I・A・B・C 受験編」 ●新課程ニューステージ数学演習 I・A・B・C 受験編 ●「新課程上級演習 PLAN100」 ●「新課程標準演習 PLAN100」 ●新課程ジャート式大学入学共通テスト対策数学 I・A・B・C ●「新課程思考力・判断力・表現力を磨く数学 I・A」 ●新課程思考力・判断力・表現力を磨く数学 II・B・C ●「令和 7 年度大学入学共通テスト本試験」 ●令和 3 ~ 6 年度大学入学共通テスト ●新課程大学入学共通テスト試作問題 ●大学入学共通テスト試行調査（第 1 回、第 2 回） ●センター試験過去問（25 年分） ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4
	数学受験編 2025 データベース	
参 考 書	新課程 チャート式データベース 数学 I + A 統合版	●「チャート式 数学 I + A」 ●「チャート式 基礎からの数学 I + A」 ●「チャート式 解法と演習数学 I + A」 ●「チャート式 基礎と演習数学 I + A」 ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4 【注】「チャート式 数学 I + A」（赤チャート）のデータは、製品 DVD-ROM には含まれておりません。本商品をご購入いただいた方は、弊社ホームページよりアップデートが必要です。
	新課程 チャート式データベース 数学 II + B 統合版	●「チャート式 数学 II + B」 ●「チャート式 基礎からの数学 II + B」 ●「チャート式 解法と演習数学 II + B」 ●「チャート式 基礎と演習数学 II + B」 ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4 【注】「チャート式 数学 II + B」（赤チャート）のデータは、製品 DVD-ROM には含まれおりません。本商品をご購入いただいた方は、弊社ホームページよりアップデートが必要です。
	新課程 チャート式データベース 数学 III + C 統合版	●「チャート式 数学 III + C」 ●「チャート式 基礎からの数学 III + C」 ●「チャート式 解法と演習数学 III + C」 ●「チャート式 基礎と演習数学 III + C」 ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4
	新課程 問題集データベース 数学 I + A 統合版	●「4STEP 数学」 ●「サクシード数学」 ●「スタンダード数学」 ●「CONNECT 数学」 ●「4 プロセス数学」 ●「クリアーア数学」 ●「REPEAT 数学」 ●「3TRIAL 数学」 ●「基本と演習テーマ数学」 ●「Study-Up ノート数学」 ●「3ROUND 数学」 ●「パラレルノート数学」 ●「ポイントノート数学」 ●「新高数学ノート数学」 ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4 ●「TSTEP 数学」 ●「サクニード数学」 ●「スクリュード数学」 ●「CONNECT 数学」 ●「4 プロセス数学」 ●「クリアーア数学」 ●「REPEAT 数学」 ●「3TRIAL 数学」 ●「基本と演習テーマ数学」 ●「Study-Up ノート数学」 ●「3ROUND 数学」 ●「パラレルノート数学」 ●「ポイントノート数学」 ●「新高数学ノート数学」（B はありません） ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4
問題集	新課程 問題集データベース 数学 II + B 統合版	●「4STEP 数学」 ●「サクシード数学」 ●「スタンダード数学」 ●「CONNECT 数学」 ●「4 プロセス数学」 ●「クリアーア数学」 ●「REPEAT 数学」 ●「3TRIAL 数学」 ●「基本と演習テーマ数学」 ●「Study-Up ノート数学」 ●「3ROUND 数学」 ●「パラレルノート数学」 ●「ポイントノート数学」 ●「新高数学ノート数学」（B はありません） ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4
	新課程 問題集データベース 数学 III + C 統合版	●「4STEP 数学」 ●「サクシード数学」 ●「スタンダード数学」 ●「CONNECT 数学」 ●「4 プロセス数学」 ●「クリアーア数学」 ●「REPEAT 数学」 ●「3TRIAL 数学」 ●「基本と演習テーマ数学」 ●「Study-Up ノート数学」 ●「3ROUND 数学」 ●エスピーア用プレゼンテーション（紙面表示）*4 【注】「4STEP 数学」、「サクシード数学」、「スタンダード数学」、「CONNECT 数学」、「4 プロセス数学」、「クリアーア数学」、「REPEAT 数学」、「3TRIAL 数学」、「基本と演習テーマ数学」、「Study-Up ノート数学」、「3ROUND 数学」は、製品 DVD-ROM には含まれておりません。本商品をご購入いただいた方は、弊社ホームページよりアップデートが必要です。
	算数・数学基本問題データベース ～小学校・中学校・高校の基本問題～	●小学校の復習問題 ●「10 日でしっかり総復習 小学校 6 年間の算数」 ●「中学校数学スタンダード問題集 1 年、2 年、3 年」 ●「ステップ新高数」 ●「練習ドリル標準編」 ●「練習ドリル基本から標準編」 ●「練習ドリル基本から標準編」（追加データ） ●「Study-Up ノート数学」 ●「3ROUND 数学」 ●「パラレルノート数学」（III, C はありません） ●「ポイントノート数学」（III, C はありません） ●「新高数学ノート数学」（B, C はありません） ●「数学」（A, B, II, III, C の要項）
	大学微分積分 大学線形代数 大学微分積分 + 線形代数	●「教研講座シリーズ大学教養微分積分」 ●「チャート式シリーズ大学教養微分積分」 ●「教研講座シリーズ大学教養線形代数」 ●「チャート式シリーズ大学教養線形代数」 ●「教研講座シリーズ大学教養微分積分」 ●「教研講座シリーズ大学教養線形代数」 ●「チャート式シリーズ大学教養微分積分」 ●「チャート式シリーズ大学教養線形代数」

- 上記にないDVD-ROM版もございます。詳しくは弊社ホームページをご覧ください。  
＊1 記載されている問題数はオンライン版の問題数です。DVD-ROM版はお持ちの方は「中学校数学1996～2020 データベース」(No.9924/2DVD-ROM版)をお持ちの方は「数学入試1996～2020 データベース」(No.99324)をお持ちの方の入試用です。

## 【Studyaid<sub>オンライン</sub>】

動作環境		デスクトップアプリ版	ブラウザ版
OS	Windows10, 11 ※各OSとも日本語版のみに対応。 ※Windows10, 11のSモードには非対応。	OS	Windows10, 11 iPadOS 16以降 macOS 13以降 ChromeOS 最新バージョン
メモリ	4GB以上	ブラウザ	Windows : Google Chrome, Microsoft Edge iPadOS, macOS : Safari ChromeOS : Google Chrome
ストレージ	システムドライブに2GB以上の空き容量	メモリ	4GB以上
その他	.NET Framework 4.6.2以降		

※最新の動作環境については、弊社ホームページをご覧ください。

**Studyaid<sup>β</sup> オンライン ブラウザ版に問題編集機能（一部）と印刷機能を追加しました！**

[https://www.chart.co.jp/stdb/online/function/browser\\_renewal.html](https://www.chart.co.jp/stdb/online/function/browser_renewal.html)

Studyaid <sup>®</sup> オンライン		Studyaid <sup>®</sup> (DVD-ROM版)				
税込価格【教育機関向け】		購入方法	税込価格【教育機関向け】		購入方法	
1ライセンス版	構内フリーライセンス版		標準価格	アップグレード価格		
66,000円 優待価格*2 33,000円	99,000円	数研出版ホームページへ	DVD-ROM版の販売はございません。			
15,950円	29,700円		34,100円	17,050円	取扱店様へ	
9,900円	22,000円		11,000円	アッピングレード価格はございません。本商品から他商品へのアッピングレード価格の適用もございません。		
15,950円	29,700円		34,100円	17,050円		
19,250円	35,200円		38,500円	19,250円		
19,250円	35,200円		38,500円	19,250円	直接数研出版へ	
13,200円	27,500円		31,900円	13,530円		
66,000円 優待価格*3 33,000円	99,000円		DVD-ROM版の販売はございません。			
11,000円	25,300円		23,100円	11,000円		
11,000円	25,300円		23,100円	11,000円		
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円	直接数研出版へ	
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円		
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円		
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円		
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円		
15,950円	29,700円		31,900円	15,950円	直接数研出版へ	
16,500円 16,500円 29,700円	フリーライセンス版の販売はございません。		DVD-ROM版の販売はございません。			

【Studyaid<sub>DB</sub> (DVD-ROM版)】

#### ● アップグレード価格

**Studyaid** 数学シリーズ商品をお持ちの場合は、標準価格の商品と同一のものをアップグレード価格でご購入いただけます。詳しくは弊社ホームページをご覧ください。

▶ <https://www.chart.co.jp/stdb/upgrade/>

※ アップグレード価格でのご注文の際には、お持ちの商品のシリアルナンバーが必要です。

## ● 動作環境

弊社ホームページをご覧ください。

▶ <https://www.chart.co.jp/stdb/setting.html>

## ● ライセンス

*Saujanam* は 1 台のパソコンにのみインストールし、使用することができます。1 つの商品を同一構内の複数台のパソコンで使用する場合は、商品の他にサイトライセンスが必要です。

ライセンス数	税込価格
1~3本	4,180円×ライセンス数
4本以上 (フリーライセンス)	16,500円

## 誰でも簡単に

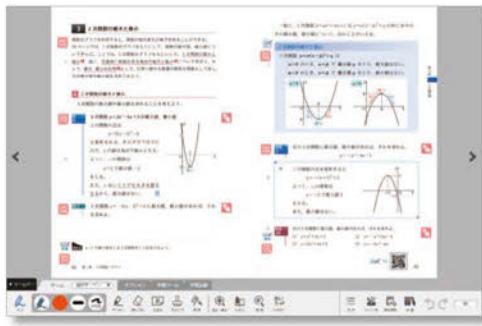
1つのライセンスで、アプリ版(Windows, iPad)と  
ブラウザ版の両方をご利用いただけます。

## 基本機能



ペン、マーカー、消しゴム、ふせん、スタンプ、教具などの基本的な機能は、ツールバーから選択して利用できます。ツールバーの位置は、下部だけでなく左右にも変更できます。

**NEW 詳しくは p.86 へ**



## スライドビュー

紙面を大きく表示することができます。「投影用」と「学習用」の2種類のスライドビューがあります。

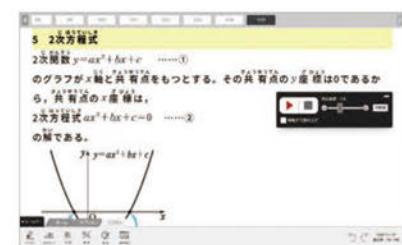
**NEW 詳しくは p.86 へ**



## 特別支援機能

音声読み上げ、配色設定、総ルビ表示、文字サイズ・書体変更などができます。

※一部教材では、特別支援機能はご利用いただけません。

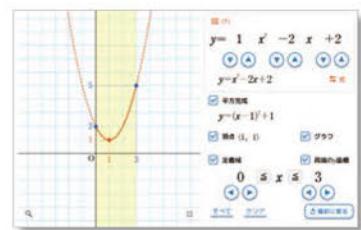


## 深く学べる

授業や自宅学習に役立つデジタルコンテンツや  
内容解説動画を豊富に用意しています。

## デジタルコンテンツ

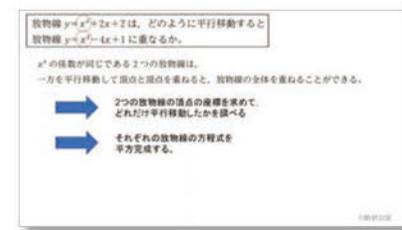
授業や自宅学習で活用できるさまざまなアニメーション・動画コンテンツがあります。



**QRコンテンツについて 詳しくは p.70 へ**

## 内容解説動画

自宅学習での予習・復習をサポートするための解説動画を用意しています。



※利用時はインターネット接続が必要です。

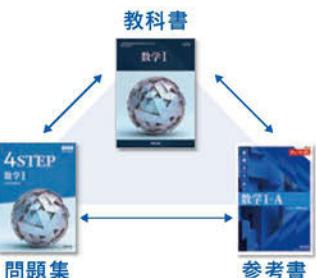
## 授業でも！自宅学習でも！充実の機能で学びを支援

## 充実の機能

エスピュアならではの充実した機能で、  
生徒一人一人の学びを支援します。

## 教材連携

購入済のデジタル教科書／デジタル副教材の間で、  
スムーズな連携ができます。別教材の該当ページ  
や類問などをすぐに表示できます。



## 学習の記録

生徒は、問題を解いて得た気づきを、ノートの写真やコメントと合わせて学習の記録として残すこ  
とができます。



## 宿題管理

先生は、生徒のエスピュアへ宿題を配信するこ  
とができます。宿題の進捗状況や、生徒が提出し  
た宿題の結果・ノートの写真をいつでも確認する  
ことができます。

**NEW 詳しくは p.87 へ**



## 表示制御

先生は、生徒の学習用デジタル教科書・教材／  
デジタル副教材に収録されている「答」「詳解」  
「コンテンツ」について、要素ごとに[見せる／見  
せない]を設定できます。



## 演習モード

問題演習に特化した機能です。条件を指定して問題  
を検索し、学習することができます。間違えた問題  
や苦手な問題を効率的に復習することもできます。



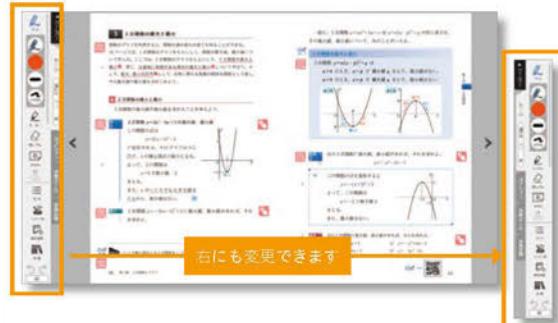
**NEW 詳しくは p.87 へ**



# 【エスピュア】は進化しています！

## 機能向上 基本機能

指 学+ 副



### スムーズな動作

全般的な処理の見直しを行ったことにより、『スライドビューを開く時間』や『コンテンツを開く時間』が短縮されました。

### ツールバーの位置

従来のツールバーは下部に固定されていましたが、位置を左右にも変更できるようになりました。左右に変更することで、これまで以上に紙面を大きく投影できるようになります。

#### ツールバーの位置の変更方法

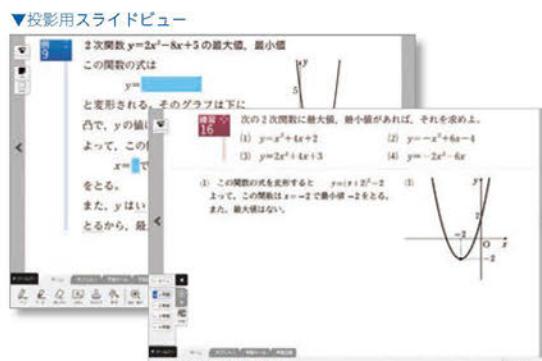
オプションタブ > 設定 > ツールバーの位置



### ツールバーのレイアウト

「目次」「コンテンツ集」「教材連携」「本棚」ボタンは、アクセスしやすいようにツールバーに配置しました。

## 機能向上 スライドビュー



### 投影用スライドビュー

指 学+ 副

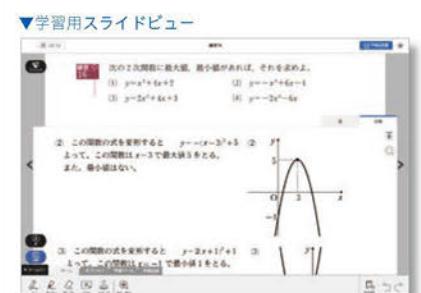
新たに搭載したスライドビューです。紙面を大きく投影することができます。

ふせんをめくりながら段階的に解説したり、小問ごとに答・詳解を表示したりできます。

※2026年3月以降に発売される教材で利用できます。

#### 投影用/学習用スライドビューの変更方法

スライドビュー画面を表示中に  
オプションタブ > 設定 > 表示モード



### 学習用スライドビュー

指 学+ 副

紙面を問題ごとに表示できる、従来のスライドビューです。問題と答・詳解を同時に表示できます。また、「学習の記録」を保存することもできます。

## 機能向上 宿題管理

指 学+ 副

生徒のエスピュアへ宿題を配信することができます。

配信できるデータは、「教材の問題」「Studyaid®プリント」「PDF」の3種類です。

生徒が提出した宿題の結果を確認し、コメントを書き込んで返却することもできます。

※生徒が利用しているデジタル教科書・教材／デジタル副教材に収録されている問題です。

### 先生が宿題を配信

### 生徒が宿題を受信・提出

### 先生が宿題の結果を確認



### グループの共有

校内の先生が共通で利用できる「共有グループ」にも宿題の配信ができるようになりました。これにより、先生どうしで宿題を共有できるようになります。



## 新機能 演習モード

指 学+ 副

### ①検索



#### 特長 1

複数の書籍を横断して問題を検索できる点は「演習モード」の特長です。複数の書籍を検索対象として、定期テストの範囲内で『できていない問題』を中心に解き直すことで、万全の状態で定期テストにのぞむことができます。

#### 特長 2

難易度別で問題を検索でき、問題の並び替えも可能なため、一人一人の学習状況に合わせた進め方ができます。問題や「学習の記録」、マークを一目で確認し、効率的に日常学習を進めることができます。

### ②問題を確認



### ③徹底的に演習！



※2026年3月以降に発売される教材で利用できます。

体験版はこちら！



【補足：利用期間（教科書使用期間・書籍使用期間）について】

「デジタル教科書／デジタル副教材」は販売終了後、一定の利用期間の後に配信を停止いたします。

配信停止後はオンラインでの利用が不可となりますのでご留意ください。

各商品の利用期間（配信期限）の最新情報は、弊社ホームページ（<https://www.chart.co.jp/software/lineup/expiry/>）をご覧ください。

## 改訂版 デジタル教科書（令和8年度用）／改訂版 デジタル副教材

### 指導者用デジタル教科書（教材）

プリント作成システムが付属しています！データはオンラインでもご利用可能です。

電子黒板などで教科書紙面やコンテンツを拡大して提示する、先生用の教材です。

2026年3月発売予定

教科書収録問題のデータ（+プリント作成機能）を搭載。

商品名	収録書籍	No.	価格(税込)	データサイズ
指導者用デジタル教科書（教材）改訂版 数学 I	「数学」シリーズ、「NEXT」シリーズ、「高等学校」シリーズ、「新編」シリーズ、「最新」シリーズ、「新高校の数学」シリーズ	54266	未定	未定
指導者用デジタル教科書（教材）改訂版 数学 A	「数学」シリーズ、「NEXT」シリーズ、「高等学校」シリーズ、「新編」シリーズ、「最新」シリーズ、「新高校の数学」シリーズ	54270	未定	未定

■利用期間：教科書使用期間 ■ライセンス：校内フリーライセンス ■購入方法：教科書取扱書店様へ ■納品物：アプリ版インストール用DVD-ROM ■搭載機能：下表参照

基本機能	スライドビュー	デジタルコンテンツ	教材連携	学習の記録	演習モード	先生向け機能	
						宿題管理	表示制御
○	○※1	○	○	○	○	—※2	—※2

※1「投影用スライドビュー」「学習用スライドビュー」を自由に切り替えてご利用いただけます。

※2「学習者用デジタル教科書・教材」または「指導者用デジタル副教材」ご採用時に利用可能な機能です。

## デジタル版 指導用教科書

2026年3月発売予定

「指導用教科書」の内容をデジタル化したものです。指導用教科書の紙面を、エスピーアにてご利用いただけます。

シリーズ	No.	価格(税込)
数学シリーズ	(数学 I) 54401 (数学 A) 54402	未定
NEXTシリーズ	(数学 I) 54407 (数学 A) 54408	
高等学校シリーズ	(数学 I) 54413 (数学 A) 54414	
新編シリーズ	(数学 I) 54419 (数学 A) 54420	
最新シリーズ	(数学 I) 54425 (数学 A) 54426	

■利用期間：教科書使用期間 ■ライセンス：先生1人につき1ライセンス必要 ■購入方法：教科書取扱書店様へ ■納品物：ライセンス証明書 ■搭載機能：下表参照

基本機能	スライドビュー	デジタルコンテンツ	教材連携	学習の記録	演習モード	先生向け機能	
						宿題管理	表示制御
○	—	—※	—	—	—	—	—

※教科書のQRコードからご利用いただけるコンテンツへのリンクを配置しています。

## 学習者用デジタル教科書・教材

2026年3月発売予定

生徒一人一人の端末で使用する、生徒用の教材です。

シリーズ	商品名	No.	価格(税込)	データサイズ
数学シリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 数学 I	4380332D01	未定	未定
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 数学 A	4380337D01		
NEXTシリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 NEXT 数学 I	4380482D01		
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 NEXT 数学 A	4380487D01		
高等学校シリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 高等学校 数学 I	4380362D01		
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 高等学校 数学 A	4380367D01		
新編シリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 新編 数学 I	4380392D01		
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 新編 数学 A	4380397D01		
最新シリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 最新 数学 I	4380422D01		
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 最新 数学 A	4380427D01		
新高校の数学シリーズ	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 新高校の数学 I	4380452D01		
	学習者用デジタル教科書・教材 改訂版 新高校の数学 A	4380457D01		

■利用期間：教科書使用期間 ■ライセンス：生徒1人につき1ライセンス必要 ■購入方法：直接数研出版へ ■納品物：ライセンス証明書 ■搭載機能：下表参照

基本機能	スライドビュー	デジタルコンテンツ	教材連携	学習の記録	演習モード	先生向け機能	
						宿題管理	表示制御
○	○※1	—※2	○	○	○	○※3	○※3

※1「学習用スライドビュー」のみご利用いただけます。

※2教科書のQRコードからご利用いただけるコンテンツへのリンクを配置しています。

※3先生は「エスピーア先生用サイト」より設定する必要があります。

## 学習者用デジタル副教材

生徒一人一人または先生用の端末で使用する、デジタル副教材です。

シリーズ	商品名	No.	価格(税込)		データサイズ
			書籍購入なし	書籍購入あり	
チャート式 基礎からの（青チャート）	学習者用デジタル版 改訂版 チャート式 基礎からの数学 I + A	4310379D01			
チャート式 解法と演習（黄チャート）	学習者用デジタル版 改訂版 チャート式 解法と演習数学 I + A	4310648D01			
4STEP	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 4STEP 数学 I + A	4320106D01			
サクシード	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 サクシード 数学 I + A	4320776D01			
CONNECT	学習者用デジタル版 改訂版 NEXT数学シリーズ対応 CONNECT 数学 I + A	4324540D01			
4プロセス	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 4プロセス 数学 I + A	4320276D01			
クリア一	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 クリアー 数学 I + A	4321108D01			
3TRIAL	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 3TRIAL 数学 I + A	4320358D01			
3ROUND	学習者用デジタル版 改訂版 教科書傍用 3ROUND 数学 I + A	4360084D01			

■利用期間：書籍使用期間 ■ライセンス：生徒1人につき1ライセンス必要 ■購入方法：直接数研出版へ ■納品物：ライセンス証明書 ■搭載機能：下表参照

基本機能	スライドビュー	デジタルコンテンツ	教材連携	学習の記録	演習モード	先生向け機能	
						宿題管理	表示制御
○※1	○※2	—※3	○	○	○	○※4	○※4

※1 特別支援機能は含まれません。※2「学習用スライドビュー」のみご利用いただけます。

※3 書籍のQRコードからご利用いただけるコンテンツへのリンクを配置しています。

※4 先生は「エスピーア先生用サイト」より設定する必要があります。

(注)学校採用にて書籍をご購入の場合は、「書籍購入あり」価格で販売いたします（学習者用デジタル副教材のみ）。

・該当校で採用された書籍と、学習者用デジタル副教材の使用者が同じ場合に限ります。

・該当書籍の単科目書籍をご購入の場合でも、「書籍購入あり」価格で販売いたします。

例：改訂版教科書傍用4STEP数学I+J改訂版教科書傍用4STEP数学I+Jを「書籍購入あり」価格で販売いたします。

・問題冊子のみご採用の場合でも「書籍購入あり」価格で販売いたします。

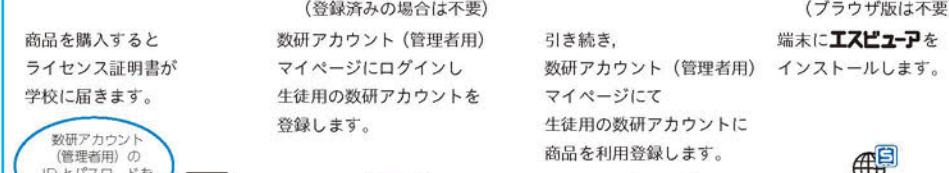
・問題冊子のみご採用の場合でも「書籍購入あり」価格で販売いたします。

### 一 学習者用デジタル副教材を先生が拡大提示する場合について

- 授業を受ける生徒全員が、該当する紙の書籍または学習者用デジタル副教材を所有している場合は、先生による拡大提示用途としてご利用いただけます。
- 授業を受ける生徒全員が、該当する紙の書籍または学習者用デジタル副教材を所有していない状況（または一部生徒しか所有していない場合）で、先生による拡大提示用途としてご利用いただく場合は、ユザーライセンスに加えて「提示用オプション」をご購入いただく必要があります。
- 「提示用オプション」について、詳しくは決まり次第弊社ホームページにてお知らせいたします。

### ■ご利用までの流れ（学習者用デジタル教科書・教材、学習者用デジタル副教材）

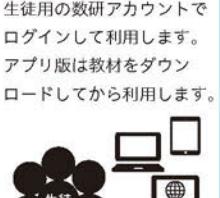
- ①ご注文・納品 → ②アカウント登録 → ③利用登録 → ④インストール → ⑤利用開始  
(ブラウザ版は不要)



- 動作環境の詳細は弊社ホームページをご覧ください。  
●1ライセンスでアプリ版とブラウザ版の両方をご利用いただけます。

アプリ版	ブラウザ版
Windows 10/11	OS : Windows 10/11
iPadOS 16/17/18	OS : Chrome OS最新版
	※Windows10/11のSモードには非対応です。
○※3	OS : iPadOS 16/17/18

ブラウザ: Google Chrome/Microsoft Edge  
ブラウザ: Google Chrome  
ブラウザ: Safari



生徒用の数研アカウントで  
ログインして利用します。  
アプリ版は教材をダウン  
ロードしてから利用します。

生徒用の数研アカウントで  
商品を利用登録します。

先生用の数研アカウントで  
商品を利用登録します。

先生用の数研アカウントで  
商品を利用登録します。

先生用の数研アカウントで  
商品を利用登録します。

先生用の数研アカウントで  
商品を利用登録します。

# 指導書 改訂版 最新シリーズ ラインアップ

## 教授資料 (→ p.74 ~ 81)

### ▶ 教授資料の構成 (予定) (本書 p.74 参照)

教授資料本冊	学習評価サポートブック
デジタルコンテンツサポートブック <b>NEW!</b>	指導用教科書
解説動画 (Web 配信)	付属データ (「チャートラボ」または DVD-ROM)

### ▶ 教授資料付属データ一覧 (予定) (本書 p.81 参照)

教授資料紙面 <b>NEW!</b>	解答一覧	
授業用スライド	授業用プリント	
アクティブ・ラーニング型授業例	学習評価課題例 <b>NEW!</b>	
振り返り追加プリント	数学史	
単元テスト	教科書紙面	シラバス・観点別評価規準
観点別評価集計ファイル	時間配当表	統計データ (数学 I)

指導用教科書 (別売) (→ p.77)

デジタル版指導用教科書 (→ p.77)

教授資料・指導者用デジタル教科書 (教材) セット

指導者用デジタル教科書 (教材) (→ p.88)

＼指導に役立つ情報や教材データをお届け／

## 先生のための会員制サイト **チャート×ラボ**

### 「チャート×ラボ」で何ができるの?

- ご採用の教材に関連したデータのダウンロードや、数研出版が作成したプリントデータを生徒のタブレットやスマートフォンに配信することができます。
- 指導者用デジタル教科書(教材)、学習者用デジタル副教材の体験版をお試しいただけます。
- 数研出版主催のセミナーにお申込みいただけます。

会員限定の情報も  
お届けするよ

くわしくはこちら <https://lab.chart.co.jp/>

※「チャート×ラボ」のご利用は、教育機関関係者（小学校・中学校・高等学校・大学などの学校に勤務されている方、教育委員会・教育センターなど教育関係職員の方）に限定しております。



数研出版コールセンター TEL: 075-231-0162 FAX: 075-256-2936



東京本社 〒101-0052  
東京都千代田区神田小川町2-3-3

関西本社 〒604-0861  
京都市中京区烏丸通竹屋町上る大倉町205

関東支社 〒120-0042  
東京都足立区千住龍田町4-17

支店…札幌・仙台・横浜・名古屋・広島・福岡

本カタログに記載されている会社名、製品名はそれぞれ各社の登録商標または商標です。  
QRコードは株式会社デンソーウェーブの登録商標です。  
本カタログで使用されている商品の写真は出荷時のものと一部異なる場合があります。  
本カタログに掲載されている仕様及び価格等は予告なしに変更することがあります。  
返品に関する特約：商品に欠陥のある場合は除き、お客様のご都合による商品の返品・交換はお受けできません。