**シラバス・観点別評価規準例**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **教科** | **科目** | **学科** | **学年** | **単位数** | **使用教科書** | **使用副教材** |
| 数学 | 数学Ⅱ | 普通科 | 2 | 4 | 数学Ⅱ(数研出版) | チャート式 基礎からの 数学Ⅱ(数研出版)，4STEP 数学Ⅱ(数研出版) |

**１　科目の目標と評価の観点**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **目標** | いろいろな式，図形と方程式，指数関数・対数関数，三角関数及び微分・積分の考えについて理解させ，基礎的な知識の習得と技能の習熟を図り，事象を数学的に考察する能力を培い，数学のよさを認識できるようにするとともに，それらを活用する態度を育てる。 | | |
| **評価の観点** | **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| いろいろな式，図形と方程式，指数関数・対数関数，三角関数及び微分・積分の考えについての基本的な概念や原理・法則を体系的に理解するとともに，事象を数学化したり，数学的に解釈したり，数学的に表現・処理したりする技能を身に付けるようにする。 | 数の範囲や式の性質に着目し，等式や不等式が成り立つことなどについて論理的に考察する力，座標平面上の図形について構成要素間の関係に着目し，方程式を用いて図形を簡潔・明瞭・的確に表現したり，図形の性質を論理的に考察したりする力，関数関係に着目し，事象を的確に表現してその特徴を数学的に考察する力，関数の局所的な変化に着目し，事象を数学的に考察したり，問題解決の過程や結果を振り返って統合的・発展的に考察したりする力を養う。 | 数学のよさを認識し数学を活用しようとする態度，粘り強く柔軟に考え数学的論拠に基づいて判断しようとする態度，問題解決の過程を振り返って考察を深めたり，評価・改善したりしようとする態度や創造性の基礎を養う。 |

**２　学習計画と観点別評価規準**＊以下，履修月はあくまでも目安である。

**第１章 式と証明**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 第  １  節  式  と  計  算 | １．3次式の展開と因数分解（1） | ４ | 多項式の乗法・除法及び分数式の四則計算について理解できるようにする。 | ○3次式の展開の公式を利用できる。  ・例**1**～**2**，練習**1**～**2**  ○3次式の因数分解の公式を利用できる。  ・例**3**，練習**3**  ○式の形に着目して変形し，3次式の因数分解の公式を適用できる形にすることができる。  ・例題**1**，練習**4** | ○数学Ⅰで既習の2次式の展開公式を利用して，3次式の展開公式を導くことができる。  ・**p.8** | ○3次式の展開の公式と因数分解の公式を理解し，それらを用いて式の展開や因数分解をしようとする。  ・小項目**A**，**B** |
| ２．二項定理（2） |  | ○の展開式からパスカルの三角形を導き，パスカルの三角形の性質を理解する。  ・問**2**，練習**5**  ○二項定理の導き方を理解し，二項定理を利用して，展開式やその項の係数を求めることができる。  ・例**4**，例題**2**，練習**6**～**7**  ○二項定理を3項の場合に適用することで，展開式の係数を求めることができる。  ・応用例題**1**，練習**9** | ○二項定理とパスカルの三角形を結び付けて考察することができる。  ・**p.13**  ○二項定理を等式の証明に活用することができる。  ・練習**8** | ○パスカルの三角形の対称性やそこに現れる数の並び，およびそれらと二項係数の関係に興味をもって調べようとする。  ・小項目**A**，**B**  ○を展開したときの  の係数がどうなるかを，興味・関心をもって調べようとする。  ・**p.15** 研究 |
| ３．多項式の割り算（1.5） |  | ○多項式の割り算の計算方法を理解している。  ・例題**3**，練習**10**  ○割り算の等式を理解し，利用することができる。  ・例題**4**，練習**11**  ○2種類以上の文字を含む多項式の割り算を行うことができる。  ・応用例題**2**，練習**12** | ○多項式の割り算の結果を等式で表して考察することができる。  ・**p.16**～**17**  ○2種類以上の文字を含む多項式の割り算を，1つの文字に着目することで，1文字の場合と同様に考えることができる。  ・応用例題**2**，練習**12** | ○2種類の文字を含む多項式の割り算に興味を示し，具体的な問題に取り組もうとする。  ・応用例題**2**，練習**12** |
| ４．分数式とその計算（1） |  | ○分数式を分数と同じように約分，通分して扱うことができる。  ・小項目**A**，**B**  ○分数式の約分，四則計算ができる。  ・例**5**～**8**，練習**13**～**16**  ○繁分数式を簡単にすることができる。  ・例**9**，練習**17** | ○分数式の計算の結果を，既約分数式または多項式として表現することができる。  ・例**7**～**8**，練習**15**～**16** | ○繁分数式を分数式の性質を用いて処理することに意欲を示す。  ・例**9**，練習**17** |
| ５．恒等式（2） |  | ○恒等式の性質を理解し，恒等式となるように係数を決定することができる。  ・例題**5**，練習**18**  ○分数式の恒等式について，分母を払った等式が恒等式であることを利用できる。  ・例題**6**，練習**19**  ○2つ以上の文字に関する恒等式の係数を決定することができる。  ・研究 例**1** | ○1文字の恒等式の知識をもとに，2つ以上の文字に関する恒等式について考察することができる。  ・**p.25** 研究 | ○恒等式の係数を決定する際に，係数比較法と数値代入法とを，比較して考察しようとする。  ・例題**5**，練習**18**，**p.24** |
|  | 問題（0.5） |  |  |  |  |
| 第  ２  節  等式と不等式の証明 | ６．等式の証明（1） |  | 数の範囲や式の性質に着目し，等式や不等式が成り立つことを証明できるようにする。 | ○*A*=*B* と*A*－*B* =0 が同値であることを利用して，等式を証明することができる。  ・例題**8**  ○比例式をとおいて処理することができる。  ・例題**9**，練習**23**～**24**  ○連比と等式から未知数を求めることができる。  ・例題**10**，練習**25**～**26** | ○与えられた条件式の利用方法を考察することができ，適した方法を用いることによって等式を証明することができる。  ・小項目**B** | ○等式の証明を通して，数学の論証に興味・関心をもつ。  ・小項目**A**，**B** |
| ７．不等式の証明（4） | ５ | ○実数の大小関係や実数の平方の性質を利用して，不等式や  ，  などを証明することができる。  ・問**4**～**5**，例題**12**，応用例題**3**，  練習**28**～**29**  ○正の数の場合，平方の大小関係を利用して，不等式を証明することができる。  ・例題**13**，練習**30**  ○絶対値の性質を利用して，絶対値記号を含む不等式を証明することができる。  ・応用例題**4**，練習**31**  ○相加平均・相乗平均の大小関係を利用して，不等式を証明することができる。  ・例題**14**，問**6**，練習**32** | ○不等式*A* ＞*B* を証明するには  *A*－*B* ＞0 を示せばよいと考察することができ，そのことを用いて不等式を証明することができる。  ・例題**11**，練習**27**  ○不等式の証明で，等号が成り立つ場合について考察できる。  ・問**5**，例題**12**，応用例題**3**，  練習**28**～**29**  ○不等式の証明に実数の平方の性質を利用できるように，式変形を考察することができる。  ・問**5**，例題**12**，応用例題**3**，  練習**28**～**29** | ○不等式の証明を通して，数学の論証に興味・関心をもつ。  ・小項目**A**～**D**  ○相加平均・相乗平均の大小関係の有用性に，興味・関心をもつ。  ・小項目**E** |
| 問題（0.5） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（2） |  |  |  |  |

**第２章 複素数と方程式**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
|  | １．複素数（1.5） |  | 方程式についての理解を深め，数の範囲を複素数まで拡張して2次方程式を解くこと及び因数分解を利用して高次方程式を解くことができるようにする。 | ○複素数の表記を理解し，複素数，複素数の相等の定義を理解している。  ・例題**1**，練習**2**  ○複素数の四則計算ができる。  ・例**1**～**3**，練習**3**～**4**，**6**  ○負の数の平方根を理解し，それらを含む式の計算を，を用いて処理することができる。  ・例**4**～**5**，練習**7** | ○有理数から実数へ数の範囲を拡張する必要性を理解し，複素数を考察することができる。  ・**p.42**  ○複素数の範囲で，負の数の平方根を考察することができる。  ・小項目**C** | ○方程式が常に解をもつように考えられた複素数に興味・関心を示し，考察しようとする。  ・**p.42** |
| ２．2次方程式の解と判別式（1.5） |  | ○2次方程式の解の公式を利用して，2次方程式を解くことができる。  ・例**6**，練習**8**  ○判別式を利用して，2次方程式の解を判別することができる。  ・例題**2**～**3**，練習**9**～**10** | ○2次方程式の解について，実際に解を求めずに，判別式で解の種類を判別することができることを理解している。  ・**p.48** | ○2次方程式の解が虚数になる場合もあることに興味を示し，2次方程式の解を考察しようとする。  ・小項目**A**，**B** |
| ３．解と係数の関係（3） |  | ○解と係数の関係を使って，対称式の値や2次方程式の係数を求めることができる。  ・例**7**，例題**4**～**5**，練習**11**～**14**  ○対称式を基本対称式で表して，式の値を求めることができる。  ・例題**4**，練習**12**  ○2次方程式の解を利用して，2次式を因数分解できる。  ・例題**6**，練習**15**  ○和と積が与えられた2数を，2次方程式を解くことにより求めることができる。  ・問**1**，練習**17** | ○やや複雑な2数を解とする2次方程式がどのようなものであるか，解と係数の関係を利用して考察することができる。  ・例**8**，応用例題**1**，練習**16**，**18**  ○異なる2つの実数α，βが正の数，負の数，異符号であることを，同値な式で表現できる。  ・**p.54** 本文  ○2次方程式の解の符号に関する問題を，解と係数の関係を利用して考察することができる。  ・応用例題**2**，練習**19** | ○2次方程式の解に関する種々の問題を，解と係数の関係を利用して考察しようとする。  ・小項目**A**～**D**  ○2次式を複素数の範囲で因数分解することに興味をもち，問題に取り組もうとする。  ・例題**6**，練習**15** |
| ４．剰余の定理と因数定理（2） | ６ | ○剰余の定理を利用して，多項式を1次式で割ったときの余りを求めることができる。  ・例**9**，問**2**，例題**7**，練習**20**～**22**  ○剰余の定理を利用して，多項式を1次式や2次式で割ったときの余りを求めることができる。  ・応用例題**3**，練習**23**  ○であるの値の求め方を理解し，高次式を因数分解できる。  ・例**10**，問**3**，練習**24**～**25** | ○多項式がで割り切れることを式で表現することができる。  ・小項目**B** | ○多項式を1次式で割る計算に，組立除法を積極的に利用する。  ・**p.59** 研究 |
| ５．高次方程式（3） |  | ○因数分解や因数定理を利用することにより，高次方程式を解くことができる。  ・例題**9**～**11**，練習**27**～**29**  ○高次方程式の既知の解から，方程式の係数を決定することができる。  ・例題**12**，練習**30**  ○高次方程式の虚数解から，方程式の係数を決定することができる。  ・応用例題**4**，練習**31** | ○高次方程式を，1次・2次方程式に帰着して考察することができる。  ・例題**9**～**11**，練習**27**～**29**  ○高次方程式が解をもつことを，式で表現することができる。  ・例題**12**，練習**30**  ○「方程式が虚数を解にもてばも解である」ことの証明に，共役な複素数の性質がどのように使われるかを考察することができる。  ・**p.65** 研究 | ○1の3乗根の性質に興味・関心をもち，具体的な問題に取り組もうとする。  ・例題**8**，問**4**，練習**26**  ○方程式が虚数を解にもてばも解であることに興味・関心をもつ。  ・**p.65** 研究  ○3次方程式の解と係数に興味・関心をもち，具体的な問題に取り組もうとする。  ・**p.66** 発展 |
|  | 問題（1） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（1） |  |  |  |  |  |

**第３章 図形と方程式**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 第  １  節  点  と  直  線 | １．直線上の点（1） |  | 座標や式を用いて，直線の性質や関係を数学的に表現し，その有用性を認識するとともに，事象の考察に活用できるようにする。 | ○線分の外分点の公式を適用する際に，分母を正にして計算することができる。  ・問**1**，練習**2**  ○数直線上において，2点間の距離，線分の内分点，外分点の座標が求められる。  ・例**1**，問**1**，練習**1**～**2** | ○内分点の求め方と同様の考え方で  外分点を考察することができる。  ・**p.74** | ○数直線上の点について調べようとする。  ・小項目**A**，**B** |
| ２．平面上の点（2） |  | ○座標平面上において，2点間の距離が求められる。  ・例**2**，練習**3**  ○距離の公式を利用して，図形の性質を証明できる。  ・応用例題**1**，練習**5**  ○座標平面上において，線分の内分点，外分点の座標が求められる。  ・例**3**，練習**6**  ○三角形の重心の座標の公式を理解している。  ・練習**7** | ○図形の性質を証明する際に，座標軸を適切に設定することで，計算が簡単になるように工夫をすることができる。  ・応用例題**1**，練習**5**  ○点の座標を求めるのに利用できる適切な図形の性質を判断でき，図形的条件（点対称，線対称など）を式で表現することができる。  ・例題**2**，練習**8** | ○数直線上の点に関する公式を利用して，平面上の問題を考察しようとする。  ・**p.75**，**77**  ○図形の問題を座標平面上で代数的に解決する解法のよさを知ろうとする。  ・例題**1**，応用例題**1**，練習**4**～**5** |
| ３．直線の方程式（1.5） |  | ○直線が，の1次方程式で表されることを理解している。  ・例**4**，練習**9**  ○軸に垂直な直線はの形で表せないことを理解している。  ・**p.80** 本文  ○与えられた条件を満たす直線の方程式の求め方を理解している。  ・例**5**～**6**，練習**10**～**11** | ○1点を通る直線の方程式から，異なる2点を通る直線の方程式に拡張して考察することができる。  ・**p.82** 本文 | ○公式を利用して，直線の方程式を求めようとする。  ・例**5**～**6**，練習**10**～**11** |
| ４．2直線の関係（3.5） | ７ | ○2直線の平行・垂直条件を理解していて，それを利用できる。  ・例題**3**，練習**13**～**14**  ○連立方程式の実数解の個数と，2直線の共有点の個数の関係を理解している。  ・例**7**，問**2**，練習**15**  ○の形を利用して，直線の方程式を求めることができる。  ・例**8**，練習**16**  ○点と直線の距離の公式を理解していて，それを利用できる。  ・例**9**，練習**18** | ○連立方程式の解の状況を，2直線の位置関係から考察することができる。  ・**p.85**  ○2直線の交点を通る直線を，方程式を用いて考察することができる。  ・**p.86**  ○直線に関して対称な点の座標について，2直線の関係を用いて考察することができる。  ・例題**4**，練習**17**  ○直線の方程式を利用して，図形の性質を証明することができる。  ・応用例題**2**，練習**19** | ○2直線の平行・垂直の関係を，直線の傾きに着目して考察しようとする。  ・小項目**A**  ○2直線の交点を通る直線の方程式に興味・関心をもち，具体的な問題に利用しようとする。  ・例**8**，練習**16**  ○三角形の垂心について，直線の方程式を利用して代数的に考察しようとする。  ・応用例題**2**，練習**19** |
| 問題（1） |  |  |  |  |  |
| 第  ２  節  円 | ５．円の方程式（2） |  | 座標や式を用いて，円の性質や関係を数学的に表現し，その有用性を認識するとともに，事象の考察に活用できるようにする。 | ○与えられた条件を満たす円の方程式の求め方を理解している。  ・例**10**，例題**5**，練習**20**～**22**  ○x，yの2次方程式を変形して，その方程式が表す図形を調べることができる。  ・例**11**，問**3**，練習**23**～**24**  ○3点を通る円の方程式を求めることができる。  ・例題**6**，練習**25** | ○円の方程式がx，yの2次方程式で表されることを理解し，x，yの2次方程式が，常に円を表すとは限らないことを考察しようとする。  ・**p.92**，問**3**，練習**24**  ○3点を通る円と，この3点を頂点とする三角形との関係を考察することができる。  ・**p.95** | ○与えられた方程式が表す図形に興味・関心をもつ。  ・**p.94** |
| ６．円と直線（3） |  | ○円と直線の共有点の座標を求めることができる。  ・例題**7**，練習**26**  ○円と直線の位置関係を，適切な方法で判定できる。  ・**p.97**～**99**  ○円の接線の公式を理解していて，それを利用できる。  ・例**12**，応用例題**4**，練習**31**～**32**  ○円外の点から引いた接線の方程式を求めることができる。  ・応用例題**4**，練習**32** | ○円と直線の共有点の個数を，2次方程式の実数解の個数で考察することができる。  ・例題**8**，問**4**，練習**27**～**28**  ○円の中心から直線までの距離と円の半径の大小関係を代数的に処理することで，円と直線の位置関係を考察することができる。  ・**p.99**  ○直線が円によって切り取られてできる線分の長さを，円の中心と直線の距離を用いて考察することができる。  ・応用例題**3**，練習**30** | ○円と直線の位置関係を，2次方程式の判別式や，円の中心から直線までの距離と円の半径の大小関係により調べようとする。  ・**p.96**～**99** |
| ７．2つの円（1） |  | ○2つの円の位置関係を調べることができる。  ・例**13**，練習**33**  ○2円の中心間の距離と半径の関係を利用して，ある円と外接・内接する円の方程式を求めることができる。  ・例題**9**，練習**34**  ○の形を利用して，円の方程式を求めることができる。  ・応用例題**6**，練習**36** | ○2つの円の位置関係を，2円の中心間の距離と半径の関係で考察することができる。  ・**p.103**  ○2つの円の交点の座標や，交点を通る円について，2つの円の方程式を適切に変形して考察することができる。  ・応用例題**5**～**6**，練習**35**～**36** | ○2つの円の交点と，その交点を通る円の方程式に興味・関心をもち，具体的な問題に利用しようとする。  ・応用例題**5**～**6**，練習**35**～**36** |
| 問題（0.5） |  |  |  |  |
| 第  ３  節  軌  跡  と  領  域 | ８．軌跡と方程式（2） | ９ | 図形を，与えられた条件を満たす点の集合として認識するとともに，不等式を満たす点の集合が座標平面上の領域を表すことを理解し，それらを事象の考察に活用できるようにする。 | ○直線や円などを，条件を満たす点全体の集合として考えることができる。  ・**p.108**～**110**  ○軌跡の定義を理解し，与えられた条件を満たす点の軌跡を求めることができる。  ・例**14**，例題**10**，練習**37**～**38**  ○媒介変数処理が必要な軌跡の求め方を理解している。  ・応用例題**7**，練習**39** | ○平面上の点の軌跡を，座標平面を利用して考察することができる。  ・**p.108**～**110**  ○軌跡を求めるには，逆についても調べる必要があることを理解している。  ・**p.108**～**110**  ○点が満たす条件から得られた方程式を，図形として考察することができる。  ・**p.108**～**110** | ○点が満たす条件から得られた方程式がどのような図形を表しているかを考察しようとする。  ・**p.108**～**110** |
| ９．不等式の表す領域（3） |  | ○不等式や連立不等式の表す領域を図示することができる。  ・例**15**，例題**11**～**13**，問**5**～**6**，  練習**40**～**43**，**45**～**46**  ○図で与えられた領域を不等式で表すことができる。  ・問**7**，練習**44**  ○領域を利用する1次式の最大値・最小値の求め方を理解している。  ・応用例題**8**，練習**47**  ○領域を利用して，命題を証明することができる。  ・応用例題**9**，練習**48** | ○変数x，yについての不等式を満たす点（x，y）全体の集合がどのような図形であるかを考察することができる。  ・小項目**A**～**E**  ○条件の真理集合を考えることにより，命題の真偽を真理集合の包含関係として考察することができる。  ・**p.117** | ○線形計画法では，条件として与えられた不等式の表す領域を図示することにより，鮮やかに最大値・最小値を求めることができることに興味・関心をもつ。  ・**p.116**  ○不等式を含む命題を，不等式の表す領域を用いて証明することに興味・関心をもつ。  ・**p.117**  ○放物線を境界線とする領域に関心をもち，考察しようとする。  ・**p.118** 研究 |
| 問題（1） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（2） |  |  |  |  |  |

**第４章 三角関数**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 第  １  節  三  角  関  数 | １．一般角と弧度法（1.5） | 10 | 角の概念を一般角まで拡張して，三角関数に関する様々な性質や式とグラフの関係について多面的に考察できるようにする。 | ○一般角を表す動径を図示したり，動径の表す角をと表したりすることができる。  ・例**1**，練習**1**～**2**  ○弧度法の定義を理解し，度数法と弧度法の換算ができる。  ・**p.126**，練習**3**～**4**  ○扇形の弧の長さと面積の公式を理解している。  ・練習**5** | ○弧の長さで角を図る方法として，弧度法を考察することができる。  ・**p.126** | ○一般角を動径とともに考察することができる。  ・小項目**A**  ○新しい角の測り方である弧度法に興味をもち，角度の換算に取り組もうとする。  ・**p.126**，練習**3**～**4** |
| ２．三角関数（2） |  | ○弧度法で表された角の三角関数の値を，三角関数の定義によって求めることができる。  ・例**2**，練習**6**  ○単位円周上の点の座標を，三角関数を用いて表すことができる。  ・**p.129**  ○三角関数の相互関係を理解し，それらを利用して様々な値を求めたり，式変形をしたりすることができる。  ・例題**1**～**3**，問**1**，練習**7**～**10** | ○三角比の定義を，三角関数の定義に一般化して考察することができる。  ・**p.128** | ○三角比の定義を一般化して，三角関数の定義を考察しようとする。  ・**p.128** |
| ３．三角関数の性質（1） |  | ○－θやθ±πなどの公式を理解し，それらを用いて三角関数の値を求めることができる。  ・例**3**～**5**，練習**11**～**13** | ○三角関数の性質を，単位円を用いて考察することができる。  ・小項目**A**～**C** | ○単位円を利用して，三角関数の性質を調べようとする。  ・小項目**A**～**C** |
| ４．三角関数のグラフ（4） |  | ○三角関数の性質とグラフの特徴を相互に理解している。  ・**p.137**  ○いろいろな三角関数のグラフのかき方と周期の求め方を理解している。  ・例**6**～**8**，練習**15**～**17**  ○の形の関数の式を適切に変形して，グラフや周期を考察することができる。  ・例題**4**，練習**18** | ○単位円周上の点の動きから，三角関数のグラフを考察することができる。  ・小項目**A**，**B**  ○三角関数の性質を，グラフの特徴とともに考察することができる。  ・小項目**A**，**B** | ○とのグラフが同じ形の曲線であることに興味，関心をもつ。  ・小項目**A**  ○周期関数に興味をもち，その性質を調べようとする。  ・小項目**C** |
| ５．三角関数の応用（2.5） |  | ○三角関数を含む方程式・不等式の解き方を理解している。  ・例**9**，例題**5**，問**3**～**4**，  練習**19**～**22**  ○角がθ＋αの形をしている三角関数を含む方程式・不等式の解き方を理解している。  ・応用例題**1**，問**5**，練習**23**～**24**  ○三角関数を含む関数の最大値・最小値を求めることができる。  ・応用例題**2**，練習**25** | ○三角関数を含む方程式・不等式を解く際に，単位円やグラフを図示して考察することができる。  ・**p.141**～**142**  ○変数をおき換えることで，三角関数を含む関数の最大値・最小値を考察することができる。  ・応用例題**2**，練習**25** | ○三角関数を含む方程式・不等式の解くことに取り組む意欲がある。  ・小項目**A**  ○やや複雑な三角関数を含む関数の最大値・最小値を求めることに取り組む意欲がある。  ・小項目**B** |
|  | 問題（0.5） |  |  |  |  |
| 第  ２  節  加  法  定  理 | ６．加法定理（3） | 11 | 加法定理を理解し，それらを事象の考察に活用できるようにする。 | ○加法定理を利用して，種々の三角関数の値を求めることができる。  ・例**10**～**11**，例題**6**，練習**26**～**30**  ○正接の加法定理を利用して，2直線のなす角の鋭角を求めることができる。  ・例題**7**，練習**31** | ○角を弧度法で表した場合にも，加法定理が適用できる。  ・練習**27**  ○正接の定義と加法定理を利用して，2直線のなす角を考察することができる。  ・小項目**C** | ○加法定理を2点間の距離の公式を用いて証明しようとする。  ・**p.146**  ○加法定理を利用して，平面上の点を回転させたときの座標の求め方を考察しようとする。  ・**p.151** 研究 |
| ７．加法定理の応用（2） |  | ○2倍角，半角の公式を利用して，三角関数の値を求めることができる。  ・例**12**，例題**8**，練習**32**，**34**～**35**  ○2倍角の公式を利用して，等式を証明することができる。  ・問**6**，練習**33**  ○2倍角の公式を利用して，やや複雑な三角関数を含む方程式・不等式を解くことができる。  ・応用例題**3**，練習**36** | ○3倍角の公式を，3α=2α＋αとしてとらえることによって証明することができる。  ・問**6**  ○2倍角の公式を利用して，やや複雑な三角関数を含む方程式・不等式の角を統一して考察することができる。  ・応用例題**3**，練習**36** | ○加法定理から，2倍角の公式，半角の公式を導こうとする。  ・小項目**A**，**B**  ○和と積の公式に関心を示し，その公式を用いて三角関数の値を求めたり，三角方程式の解を求めたりしようとする。  ・**p.155**～**156** 発展 |
| ８．三角関数の合成（2） |  | ○をの形に変形する方法（三角関数の合成）を理解している。  ・例**13**，練習**37**  ○合成後の変数のとる値の範囲に注意して，の形の方程式や不等式を解くことができる。  ・応用例題**4**，問**7**，練習**38**～**39**  ○の関数の式を変形して，関数の最大値・最小値を求めることができる。  ・応用例題**5**，問**8**，練習**40**～**41** | ○の変形にあたり，同じ周期をもつ2つの関数の合成であることを理解している。  ・小項目**A** | ○同じ周期をもつ2つの関数  とを合成すると  そのグラフは位相がずれた正弦曲線になることに興味・関心をもつ。  ・**p.159** 補足 |
| 問題（0.5） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（1） |  |  |  |  |  |

**第５章 指数関数と対数関数**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 第  １  節  指  数  関  数 | １．指数の拡張  （2.5） |  | 指数関数について理解し，それらを事象の考察に活用できるようにする。 | ○指数が整数，有理数の場合の累乗の定義を理解し，累乗の計算や，指数法則を用いた計算をすることができる。  ・例**1**，問**1**，練習**1**～**2**，  例**4**～**5**，練習**5**～**6**  ○累乗根の定義を理解し，累乗根の計算ができる。  ・例**2**～**3**，練習**3**～**4** | ○累乗根をグラフによって考察することができる。  ・**p.166** 本文  ○指数が整数の場合だけではなく，無理数の場合まで拡張して，累乗の定義を理解している。  ・小項目**A**～**D** | ○指数法則が成り立つようにするには，0乗，負の整数乗，分数乗をどのように定義すればよいかと調べようとする。  ・小項目**A**～**D**  ○負の数のn乗根に興味を示し，具体的に理解しようとする。  ・**p.169** 研究 |
| ２．指数関数（1.5） | 12 | ○指数関数のグラフの概形，特徴を理解している。  ・**p.171**  ○底と1の大小に注意して，指数関数を含む方程式・不等式を解くことができる。  ・例題**1**，練習**9**  ○に注意して，おき換えによって指数方程式・不等式を解くことができる。  ・応用例題**1**，練習**10** | ○指数関数の増減によって，大小関係や不等式・方程式を考察することができる。  ・例**6**，例題**1**，練習**8**～**9** | ○指数関数のグラフの概形を，点をプロットしてかこうとする意欲がある。  ・**p.170** |
|  | 問題（1） |  |  |  |  |
| 第  ２  節  対  数  関  数 | ３．対数とその性質（2） |  | 対数関数について理解し，それらを事象の考察に活用できるようにする。 | ○指数と対数とを相互に書き換えることができる。  ・例**7**，練習**11**～**12**  ○対数の定義を理解し，対数の値を求めることができる。  ・例**8**，練習**13**  ○対数の性質に基づいた種々の対数の値の計算や，等式の証明の方法がわかる。  ・例**9**～**10**，問**4**，練習**14**～**16** | ○指数法則から，対数の性質を考察することができる。  ・小項目**B** | ○指数と対数との相互関係に興味・関心をもつ。  ・**p.175** 本文 |
| ４．対数関数（3） |  | ○対数関数のグラフの概形，特徴を理解している。  ・**p.180**  ○底と1の大小に注意して，対数関数を含む方程式・不等式を解くことができる。  ・例題**3**，練習**19**～**20**  ○おき換えによって関数の最大・最小問題を解くことができる。  ・応用例題**4**，練習**23** | ○対数と指数の関係から，両者のグラフが互いに直線に関して対称であるという見方ができる。  ・**p.179**  ○対数関数の増減によって，大小関係や方程式・不等式を考察することができる。  ・例題**2**～**3**，練習**18**～**20**  ○真数が正であることに着目し，対数の性質を適切に利用して問題を解決することができる。  ・小項目**C** | ○やや複雑な対数方程式，対数不等式に積極的に取り組もうとする。  ・**p.182** |
| ５．常用対数（2） | １ | ○正の数をの形に表現して，対数の値を求めることができる。  ・問**6**  ○常用対数の定義を理解し，それに基づいて種々の値を求めることができる。  ・例**11**～**12**，問**6**，練習**24**  ○常用対数を利用して，桁数の問題や小数首位問題などを解くことができる。  ・例題**4**，問**7**，練習**25**～**27** | ○非常に大きな数や小さな数の取り扱いが楽になる常用対数の有用性を考察することができる。  ・**p.184** 本文  ○底の変換公式を用いることによって，どの対数も常用対数で表現することができる。  ・例**12(3)**，練習**24(4)**  ○桁数や小数首位が第n位の数を，不等式で表現することができる。  ・**p.185** | ○桁数や小数首位の問題を一般的に考察しようとする。  ・**p.185**  ○バクテリアの分裂など，現実世界の問題を，常用対数を用いて解こうとする。  ・応用例題**5**，練習**28**  ○対数で表された数が無理数であることの証明に関心をもち，考察しようとする。  ・**p.187** 研究 |
| 問題（1） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（1） |  |  |  |  |  |

**第６章 微分法と積分法**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容**  **（配当時間）** | | **月** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 第  １  節  微  分  係  数  と  導  関  数 | １．微分係数（2） |  | 微分係数や導関数の意味について理解し，それらの有用性を認識するとともに，事象の考察に活用できるようにする。 | ○平均変化率，微分係数の定義を理解し，それらを求めることができる。  　・例**1**～**3**，練習**2**～**4**  ○微分係数の図形的意味を理解している。  　・**p.195** | ○関数の極限値の性質を直感的に理解し，その性質を利用して関数の極限値を考察することができる。  　・発展 例**3**，練習**3** | ○平均の速さと瞬間の速さに興味をもち，平均変化率や微分係数との関連を考察しようとする。  　・**p.192**～**195**  ○種々の関数の極限値を，興味・関心をもって考察しようとする。  　・**p.196**～**197** 発展 |
| ２．導関数（2） |  | ○定義に基づいて導関数を求める方法を理解している。  　・例**4**～**5**，練習**5**  ○導関数の性質を利用して，種々の導関数の計算ができる。  　・例題**1**，**3**，練習**6**，**9**  ○導関数を利用して微分係数が求められることを理解している。また，微分係数の値などから関数を決定することができる。  　・例**7**，例題**2**，練習**7**～**8** | ○導関数を表す種々の記号を理解していて，それらを適切に使って表現することができる。  　・小項目**A** | ○二項定理を利用して関数の導関数の公式の証明を，興味・関心をもって理解しようとする。  　・**p.203** 研究 |
| 問題（1） |  |  |  |  |
| 第  ２  節  導  関  数  の  応  用 | ３．接線（1） |  | 導関数の理解を深めるとともに，導関数の有用性を認識できるようにする。 | ○接点のx座標が与えられたとき，接線の方程式を求めることができる。  　・例題**4**，練習**10**  ○曲線外の点から曲線に引いた接線の方程式の求め方を理解している。  　・応用例題**1**，練習**11** | ○微分係数の図形的な意味と，直線の方程式の公式から，接線の方程式の公式を考察することができる。  　・**p.205**  ○定点Cから曲線に接線を引くとき，接点Aにおける接線が点Cを通ると読み替えて考察することができる。  　・応用例題**1**，練習**11** | ○曲線外の点から曲線に引いた接線の方程式や接点の座標を求めようとする。  　・小項目**B** |
| ４．関数の値の変化（3） | ２ | ○導関数を利用して，関数の増減を調べることができる。  　・例**8**，問**1**，練習**12**  ○導関数を利用して，関数の極値を求めたり，グラフをかいたりすることができる。  　・例**9**，例題**5**～**6**，応用例題**2**，  練習**13**～**15**  ○関数の極値が与えられたとき，関数を決定することができる。  　・応用例題**3**，練習**16** | ○関数の増減を接線の傾きから考察することができる。  　・**p.208**  ○関数の増減や極値を調べるのに，増減表を書いて考察することができる。  　・**p.209**～**214**  ○関数の極値から関数を決定する際に，必要十分条件に注意して考察することができる。  　・応用例題**3**，練習**16** | ○関数の増減や極値の問題を導関数を用いて調べ，解決しようとする。  　・小項目**A**，**B**  ○4次関数の増減や極値を調べたり，グラフをかいたりする意欲がある。  　・応用例題**2**，練習**15** |
| ５．最大値・最小値（2） |  | ○導関数を利用して，関数の最大値・最小値を求めることができる。  　・例題**7**，練習**17**  ○最大・最小の応用問題では，変数のとり方，定義域に注意している。  　・応用例題**4**，練習**18**  ○導関数を利用して，最大値・最小値の応用問題を解くことができる。  　・応用例題**4**，練習**18** | ○最大値・最小値と極大値・極小値の違いを，明確に意識して考察することができる。  　・**p.215** | ○身近にある最大値・最小値の問題を，微分法を利用して解決しようとする。  　・応用例題**4**，練習**18** |
| ６．関数のグラフと方程式・不等式（2） |  | ○不等式を，関数の最小値が0以上と読み替えることができる。  　・応用例題**6**，練習**21**～**22**  ○導関数を利用して，方程式の実数解の個数問題，不等式の証明問題を解くことができる。  　・例題**8**，応用例題**5**～**6**，問**2**，  練習**19**～**22** | ○方程式の実数解の個数を，関数のグラフとx軸の共有点の個数に読み替えて考察できる。  　・例題**8**，応用例題**5**，問**2**，  練習**19**～**20**  ○不等式を，関数のグラフとx軸との上下関係に読み替えて，考察することができる。  　・応用例題**6**，練習**21**～**22** | ○方程式や不等式を関数的視点で捉え，微分法を利用して解決しようとする。  　・小項目**A**，**B** |
| 問題（1） |  |  |  |  |
| 第  ３  節  積  分  法 | ７．不定積分（3） |  | 積分の考えについて理解し，それらの有用性を認識するとともに，事象の考察に活用できるようにする。 | ○不定積分の計算では，積分定数を書き漏らさずに示すことができる。  　・例**11**～**12**，例題**9**，練習**23**～**24**  ○不定積分の定義や性質を理解し，それを利用する不定積分の計算方法を理解している。  　・例**12**，例題**9**，練習**23**～**24**  ○与えられた条件を満たす関数や曲線の方程式を，不定積分を利用して求めることができる。  　・例題**10**～**11**，練習**25**～**27** | ○微分法の逆演算としての不定積分を考察することができる。  　・**p.221** | ○積分法が微分法の逆演算であることから，不定積分を求めようとする。  　・**p.221** |
| ８．定積分（4） |  | ○定積分の定義や性質を理解し，それを利用する定積分の計算方法を理解している。  　・例**13**～**15**，練習**29**～**31**  ○定積分は定数であることを理解し，それを利用して，定積分を含む関数を求めることができる。  　・応用例題**7**，練習**32**  ○上端が変数xである定積分で表された関数を微分して処理することができる。  　・例題**12**，問**5**，練習**33** | ○定積分が，図形の計量に関して有用であることを認識することができる。  　・**p.226**～**227**  ○定積分の計算で，分数計算を容易にするための工夫を考察することができる。  　・例**14**，練習**30**  ○上端がxである定積分を，xの関数ととらえて問題を解決することができる。  　・小項目**D** | ○面積が関数の1つの不定積分であることに興味・関心をもち，考察しようとする。  　・**p.226**～**227** |
| ９．面積（4） | ３ | ○直線や曲線で囲まれた部分の面積を，定積分で表して求めることができる。  　・例題**13**～**17**，練習**34**～**39**  ○上下関係が入れ替わる2曲線で囲まれた面積を求めることができる。  　・例題**17**，練習**38**～**39**  ○絶対値のついた関数の定積分の計算方法を理解している。  　・例題**18**，練習**40**  ○3次関数のグラフとその接線で囲まれた部分の面積を求めることができる。  　・応用例題**8**，練習**41** | ○面積を求める際には，グラフの上下関係，積分範囲などを，図をかいて考察することができる。  　・例題**13**～**17**，練習**34**～**39**  ○放物線と直線の交点の座標が複雑な値であるとき，放物線と直線で囲まれた部分の面積を，定積分の公式を利用するなどして，工夫して求める方法を考察することができる。  　・**p.241** 研究  ○微分や定積分の計算で，の導関数や不定積分の公式を利用するなどして，計算を工夫して行う方法を考察することができる。  　・**p.242**～**p.243** 研究 | ○直線や曲線で囲まれた部分の面積を，定積分を用いて求めようとする。  　・小項目**A**，**B**  ○微分や定積分の計算で，の導関数や不定積分の公式を利用するなどして，計算を工夫して行う方法を考察することができる。  　・**p.242**～**p.243** 研究  ○微分積分学の基本定理について，興味・関心をもち，考察しようとする。  　・**p.240** コラム |
| 問題（1） |  |  |  |  |
|  | 演習問題（1） |  |  |  |  |  |

**課題学習**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| **学習内容** | **学習のねらい** | **観点別評価規準例** | | |
| **知識・技能** | **思考力・判断力・表現力** | **主体的に学習に取り組む態度** |
| 課題学習１  いろいろな平均とその大小関係 | 第1章で学んだ内容に関する課題について，主体的に学習し，数学のよさを認識する。 |  | ○相加平均，相乗平均，調和平均，2乗平均平方根の大小関係について，不等式を使って考察することができる。  　・課題**1**，まとめの課題**1** | ○様々な種類の平均に興味・関心をもち，2つの数に対するそれらの平均について大小関係を考察しようとする。  ・**p.251** |
| 課題学習２  最も近いコンビニエンスストア | 第3章までに学んだ内容に関する課題について，主体的に学習し，数学のよさを認識する。 |  | ○自分がいる場所の周りにいくつかコンビニエンスストアがある状況で，最も近くにある店舗を判断する方法を考察することができる。  ・課題**2**～**4**，まとめの課題**2** | ○身近な問題について，不等式の表す領域を利用して考察することで，不等式に関する理解を深め，関心を高める。  　・**p.252**～**253** |
| 課題学習３  周期関数の性質 | 第4章までに学んだ内容に関する課題について，主体的に学習し，数学のよさを認識する。 |  | ○周期関数がもつ性質を，コンピュータを用いてグラフをかくなどして，考察することができる。  　・課題**5**～**7**，  まとめの課題**3-1**，**3-2** | ○三角関数について，いろいろな関数の周期を求めたり，周期関数であるかどうかを考察したりしようとする。  　・**p.254**～**255** |
| 課題学習４  平均律音階 | 第5章までに学んだ内容に関する課題について，主体的に学習し，数学のよさを認識する。 |  | ○ギターなどの弦楽器を例として，指数関数，常用対数を利用して，奏でる音の高さと弦の長さの関係について調べることができる。  　・課題**8**～**10**，まとめの課題**4-1** | ○数学以外の分野の事象を数学的にとらえ，問題を解決しようとする。  　・**p.256**～**257** |
| 課題学習５  面積や体積が最大となる図形 | 第6章までに学んだ内容に関する課題について，主体的に学習し，数学のよさを認識する。 |  | ○関数の最大・最小の考え方を用いて，面積や体積が最大となる図形を考察することができる。  　・課題**11**～**14**，  まとめの課題**5-1**，**5-2** | ○第1章で扱う「面積が一定である長方形のうち，辺の長さの和が最小となるのは正方形」という事実を，更に広げて考察しようとする。  　・**p.258**～**259** |
| 発展　課題学習６  速度と定積分 |  | ○速度と定積分について，表やグラフを読み取りながら，積分の考え方を用いて考察することができる。  　・課題**15**～**18**，まとめの課題**6** | ○身近な問題について，目的に応じてデータを収集し，適切な手法で分析を行うことで問題解決しようとしたり，解決の過程や結果を批判的に考察したりしようとする。  　・**p.260**～**261** |